مذكرة (لنصل (لرزايي (لأرل - ٢ - ٢ الدوال الحقيقية ورسم الدوال • اللوال الحقيقية • اطراد الدوال

• الدالة الزوجية والدوال الفردية

منترى توجيه (لرياضيات • التمثيل البياني للدوال والتحويلات الهندسية أ عاول إودار

• حل المعادلات ومتباينات القية المطلقة

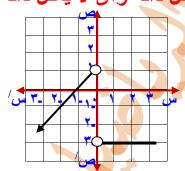
مجال الدالسة

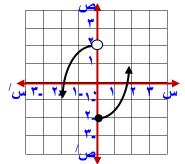
* إذا كانت س، ص، مجموعتين جزئيتين غير خاليتين من المجموعة ح فإن العلاقة من س إلى ص تسمى دالة إذا ارتبط كل عنصر من س بعنصر واحد فقط من ص،

تسمى س مجال الدالة ، ص المجال المفابل لها

- * مدى الدالة هو مجموعة صور عناصر المجال ، وهو مجموعة جزئية من المجال المقابل.
- * العلاقة لا تمثل دالة إذا وجد مستقيم واحد على الأقل يوازى محور الصادات ويقطع الشكل البياني للدالة في أكثر من نقطة

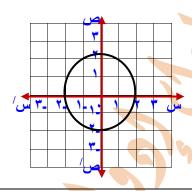
مثال أى من الأشكال يمثل دالة وأى لا يمثل دالة

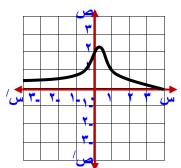


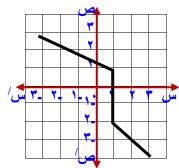


لا يمثل دالة لأن كل قيمة حقيقية للمتغير سد يناظرها قيمتان مختلفتان ص

يمثل دالة لأن كل عنصر في المجال له صورة واحدة على الأكثر يمثل دالة لأن كل عنصر فى المجال له صورة واحدة على الأكثر







لا يمثل دالة لأن يوجد خط مستقيم // محور الصادات يقطع الشكل البياني في أكثر من نقطة

يمثل دالة لأن كل خط رأسى يقطع المنحنى في نقطة واحدة على الأكثر

لا يمثل دالة لأنه يوجد خطرأسى عند النقطة ١ ∈ المجال يقطع المنحنى في أكثر من نقطة

إعداد المعادل إدو أر

(1)

تحديد مجال الدالة الحقيقية

[1] مجال الدالة كثيرة الجدود: هو ح مالم تكن معرفة على مجموعة جزئية منها

[٢] مجال الدالة الكسرية: هو ع ـ مجموعة أصفار المقام

 $^+$ مجال الدالة الجذرية : إذا كانت : د (س) = $^{-1}\sqrt{8}$ (س) حيث $\omega \in \omega$

!) عندما: (مم) عدد فردى فإن مجال الدالة = ع

!!) عندما (مه) عدد زوجى فإن مجال الدالة هو مجموعة قيم س بشرط هـ (m) > 0

مثالاً: عين مجال الدالة: د(س) = m^{7} - a m + a الدالة كثيرة الحدود ... مجال الدالة هو ع

مثـ٧ــال: عين مجال الدالة: د(س) = $\frac{w - w}{w' - P}$ الدالة الكسرية الجبرية: مجالها = g - f أصفار المقام }
بوضع المقام = f س f س f = f س f = f أصفار الدالة = f = f أصفار الدالة = f = f أصفار الدالة = g أصفار الد

إعداد المعادل إدو ال

(Y)

 $\overline{\wedge}$ مثال: عین مجال الدالة: د(س) = $\overline{\wedge}$ س

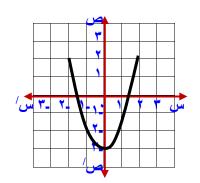
الدالة على صورة دالة جذرية : د(س) = $\sqrt[n]{(m)}$

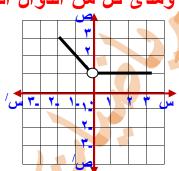
مجالها جميع الأعداد الحقيقية مجال الدالة هو ع

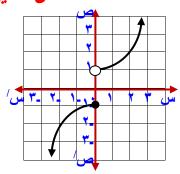
 $\frac{\gamma_{0}}{1} = \frac{\gamma_{0}}{1}$ = د(س) = عين مجال الدالة : د(س) = عين مجال الدالة : د الدالة الكسرية الجبرية: مجالها = ع - { أصفار المقام } بوضع المقام $= ^1 \implies w' + ^2 \implies w' = ^2 \implies 1$ بوضع المقام

___٧___ال :عين مجال ومدى كل من الدوال الممثلة

ن مجال الدالة هو ع







العمليات على الدوال

إذا كانت: د، ، د، دالتين مجالهما م، ، م، على الترتيب فإن:

- (د، ± د،) (س) = د، (س) ± د، (س) ⇒ حیث مجال (د، ± د،) هو م، ∩ م،
 - $(c_1 \times c_7)$ $(w) = c_1 (w) \times c_7 (w) \Rightarrow$ حیث مجال $(c_1 \pm c_7)$ هو م
 - $\frac{(\omega)}{(\omega)} = (\omega) \left(\frac{(\omega)}{(\omega)}\right) \bullet$

حيثُ مجال (در) هو مر مر مجموعة أصفار در

إعداد العادل الوارك

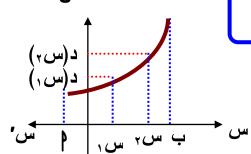
(7)

```
مذكرة الجبر ( الدوال الحقيقية) الصف الثاني الثانوي [ القسم الأدبي ] الفصل الدراسي الأول ٢٠٢٠
                                                                                                                            \overline{\alpha}مئے ۸ال : عین مجال د (س) \alpha س \alpha \alpha \alpha

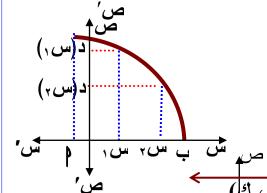
    \begin{bmatrix}
        & -\infty \\
        & -\infty
\end{bmatrix} = \{ w : w \in \mathcal{S} \quad w = \{ w : w \in \mathcal{S} \quad w = \mathbb{R} \} = [ \mathcal{S} , w ]

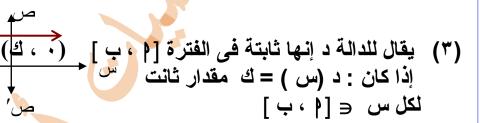
              [ \circ , ] - [ = { \circ - w } \circ - w ] = { } \circ - w  مجال الدالة [ \circ , ] - w ] - [ \circ , ] - [ \circ , ] 
                                     [\circ, \circ] = \{ \circ, \cap_{\sigma} = \{ w : w \in \mathcal{G} : w \in \mathcal{G} : w \in \mathcal{G} \} = [\circ, \circ]  مجال الدالة = [\circ, \circ] = \{ \circ, \circ \in \mathcal{G} : w \in \mathcal{
                                                                                                                                                                           \frac{\sqrt{W}-\sqrt{W}}{W}=\frac{\sqrt{W}-\sqrt{W}}{W}مثہ ال : عین مجال د (س)
                                                                        مجال البسط م, = { س : س ∈ ع ، س – ۲ ≥ • } = [ ۲ ، ا [
                                                                                                                                                                                                                                     مجال المقام م، = ع ٣-
                                                                                                                                                                                            مجال الدالة = م، ∩ م، _ { أصفار المقام}
                                   = { س : س∈ ع ، س – ۲ ≥ ۰ } – { ۳ } = [ ۲ ، ∞ [ - { ۳ }
                                                                                                                                                               مثر، الل : عين مجال د(س) = سلط عين مجال
                                                                                                                                        ال الس + ال
                      ] \infty : 1 \longrightarrow [ الدالة = \{ w : w \in \mathcal{S} : w \in \mathcal{S} : w \in \mathcal{S} \}
                                                                                                                                                      مثــ ۱ اــال : عين مجال د (س) = م<del>اس - ۲</del> + ـ
                                                                                                          <u> ۱۸ – ۲س</u>
                                                                                                                                م, = { س : س∈ ع ، س – ۲ ≥ • } = [ ۲ ، ا [
                                                                                            م ، = { س : س ∈ ع ، ۸ – ۲س > ۰ } = ] – ۱، ٤[ ا
                                                                                                       مجال الدالة = م, ∩ م, = [ ۲ ، ا [ ∩ ] - ا، ٤ [ = [ ۲ ، ٤ [
                                                                                                                                                                 w + w
                                                                                                                                                                                                                      مثـ ۲ ا ـ ال :عين مجال د (س) =
[عداد //عادل إدو ارك
                                                                                                                                                            ( )
                                                                                                                                                                                                                                          منثدى توجبت الرباضبات
```



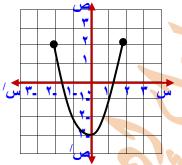


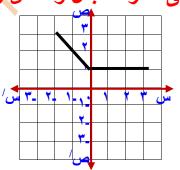
اطراد الدوال

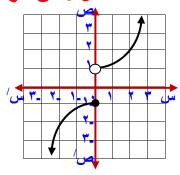




مثـ ١ سال : من الرسم البياني اذكر المجال والمدى وابحث اطرادها







المجال = ع ،

المدى = ع - [١، -١]

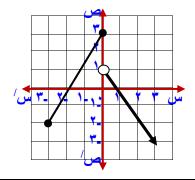
الدالة تزايدية في]
$$-\infty$$
 ، ٠]

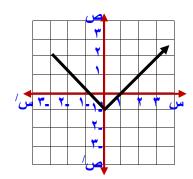
الدالة تزايدية في] ٠ ، ∞ [

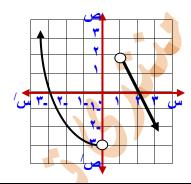
إعداد المعادل إدو ال

منندی نوجبه الرباضبات (٥)

ــ ٤ ١ ـــال :عين مجال ومدى كل من الدوال الممثلة







المجال = [-
$$^{\circ}$$
 ، $^{\circ}$ [المدى = [- $^{\circ}$ ، $^{\circ}$] الدالة تزايدية فى] - $^{\circ}$ ، $^{\circ}$ [الدالة تناقصية فى] ، ، $^{\circ}$ [

المجال = [
$$-\pi$$
 ، ∞ [المجال = [$-\pi$ ، ∞ [المدى = [$-\pi$ ، π الدالة تناقصية فى] $-\pi$ ، π [الدالة ثابتة فى] $-\pi$ ، π

الدالة الزوجية والدالة الفردية

(۱) إذا كان د(- س) = د(س) تكون الدالة زوجية ويكون منحناها متماثلاً حول محور الصادات

مثل : د(س) = س ٔ ، د(س) = جتا س ، د(س) = ۱ ، د(س) = س ٔ

(۲) إذا كان د(- س) = - د(س) تكون الدالة فردية ويكون منحناها متماثلاً حول نقطة الأصل <

مثل : د(س) = س ، د(س) = جا س ، د(س) = ظا س ، د(س) = جا س

(۳) معظم الدوال لازوجية و لافردية
$$(٤)$$
 جا $(- m) = -$ جا (٤)

مثه الله: ابحث نوع الدوال الآتية من حيث كونها زوجية أو فردية أو غير ذلك:

$$\omega + \frac{1}{\omega} = (\omega) = \omega'$$
 جا ω + ω

إعداد العادل الوارك

مثـ ١٦ الل: ابحث نوع الدوال الآتية من حيث كونها زوجية أو فردية أو غير ذلك:

$$(\circ) \times \circ + \frac{\circ}{\circ \circ} = (\omega) \times \circ + \frac{\circ}{\circ \circ} + \circ \times (\circ)^{\omega}$$

$$(\circ) \times \circ + \frac{\circ}{\circ \circ} = (\omega) \times \circ + \circ \times (\circ)^{\omega}$$

$$(\circ) \times \circ + \frac{\circ}{\circ \circ} = (\omega) \times \circ \times (\circ)^{\omega}$$

$$(\circ) \times \circ + \frac{\circ}{\circ} = (\omega) \times \circ \times (\circ)^{\omega}$$

$$(\circ) \times \circ + \frac{\circ}{\circ} = (\omega) \times \circ \times (\circ)^{\omega}$$

$$(\circ) \times \circ + \frac{\circ}{\circ} = (\omega) \times (\circ)^{\omega}$$

$$(\circ) \times \circ + \frac{\circ}{\circ} = (\omega) \times (\circ)^{\omega}$$

$$(\circ) \times \circ + \frac{\circ}{\circ} = (\omega) \times (\circ)^{\omega}$$

$$(\circ) \times \circ + \frac{\circ}{\circ} = (\omega) \times (\circ)^{\omega}$$

$$(\circ) \times \circ + \frac{\circ}{\circ} = (\omega) \times (\circ)^{\omega}$$

$$(-w)^{7} = \frac{(-w)^{7} + (-w)}{(-w)} = \frac{w^{7} \times (-+w)}{(-w)} = \frac{w^{7} \times (-+w)}{(-w)}$$

$$(w) - X (w) \cdot C(w) \times X (w) = \frac{w^{7} \times 4 m_{0}}{1 - w} = 0$$

ن. الدالة ليست زوجية ولا فردية

$$(\omega)^{2} = \frac{\circ}{\circ} + \circ (\circ) \times \circ = \circ \times (\circ) \times \circ + \frac{\circ}{\circ} = (\omega)^{2} = (\omega)^{2}$$

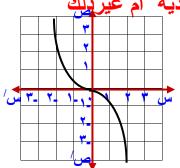
$$(\frac{(\omega -) + 1}{(\omega -) - 1}) + (\frac{(\omega -) - 1}{(\omega -) + 1}) = (\omega -)$$

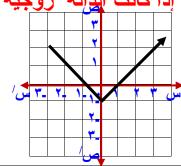
$$= (\omega)^{\vee} = (\frac{1 - \omega}{1 + \omega})^{\vee} + (\frac{1 - \omega}{1 + \omega})^{\vee} = c(\omega)$$

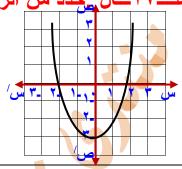
إعداد 1/عادل إدو ال

منندی توجیت الرباضیات (۷)

شـ٧١ ــال يجدد من الرسم ما إذا كانت الدالة زوجية أم فردية أم غير ذلك







المجال = ع المنحنى متماثل حول نقطة الأصل ن الدالة فردية

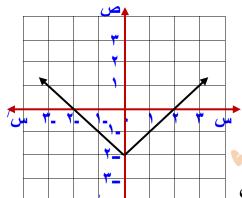
 $] \infty$ ، ۳_] = المجالالمنحنى ليس متماثل حول محور الصادات ولاحول نقطة الأصل الدالة ليست زوجية ولا فردية

المجال = ح المنحنى متماثل حول محور الصادات : الدالة زوجية

مثـ ١ ١ سال: ارسم الدالة الآتية ومن الرسم اذكر المدى وابحث اطرادها واذكر

نوعها من حیث کونها زوجیه أو فردیه أو غیر ذلك : د(س) = $\begin{cases} 1 & 1 & 1 \\ 1 & 1 \end{cases}$

<u> - س - ۲ ، س < ،</u>



ـ س ـ ۲ ـ س ـ				س _ ۲ : س≽ ۰			
۲_	١_	\odot	Ç	•	١	۲	س
•	1-	7_	د(س)	۲_	١_	٠	د(س)ع

المجال ح ، المدى = [۲ ، [[الدالة متناقصة في]- ∞ ، • [، متزايدة في [• ، ∞ [وهى دالة زوجية لأن منحناها متماثل حول محور الصادات

مثـ ١ ١ سال: ارسم الدالة الآتية ومن الرسم اذكر المدى وابحث اطرادها واذكر نوعها من حیث کونها زوجیة أو فردیة أو غیر ذلك : د(س) = $\left\{ \frac{m + n}{m}, m > n \right\}$

ی س ≤۰

۳ : س ≼ ۰				س+۳ : س > ۰			
۲_	١_	•	س	\odot	١	۲	Ç
٣	٣	٣	د(س)	7	٤	٥	د(س)

المجال ح ، المدى = [٣ ، [[الأطراد: الدالة ثابتة في]-∞، ٠]، متزايدة في]٠، ∞ [لل

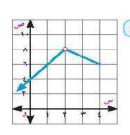
، الدالة ليست زوجية والفردية

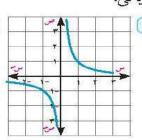
إعداد المعادل إدو ال

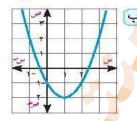
 (\land)

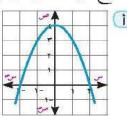
منثدى توجيه الرباضيات

استنتج من الشكل البياني مجال الدالة ومداها في كل ممايأتي:







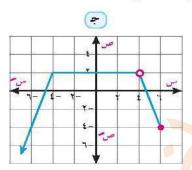


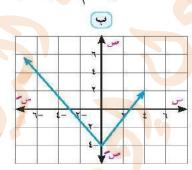
إذا كانت د:[-۲، ۲] →ع $1 > m \geqslant r$ | aikal $-2 \leqslant m < 1$ ۱ ≤ س ≤ ۲

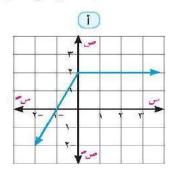
ارسم الشكل البياني للدالة د ، واستنتج من الرسم مدى الدالة وابحث اطرادها.

باستخدام أحد البرامج الرسومية ؛ ارسم منحني الدالة د في كل من مايأتي ، ومن الرسم استنتج مدى الدالة وابحث اطرادها.

- حدد مجال كل من الدوال الممثلة بالأشكال الآتية، ثم اكتب مدى الدالة وابحث اطرادها.







باستخدام أحد البرامج الرسومية ؛ ارسم منحني الدالة د في كل من مايأتي ، ومن الرسم استنتج مدى الدالة وابحث اطرادها.

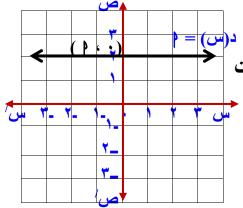
$$\frac{1-}{Y-w}(w) = w^{*}-y^{*}w = (w)^{*}$$

ابحث نوع الدالة د من حيث كونها زوجية أو فردية أو غير ذلك.

- و د(س) = س حتا س
- $\frac{r+m}{m-m} = (m) = \frac{m^{7}-m}{m-m} = (m) = \frac{m}{m} =$

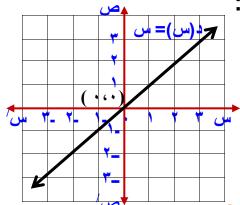
التمثيل البياني للدوال والتحويلات الهندسية

أولا: دوال كثيرات الحدود



* مجاله = ع ، مداها = { ٩ } الدالة زوجية (متماثلة حول محور الصادات)

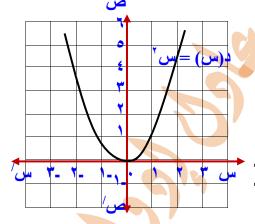
[٢] الدالة الخطية : أبسط صورة لدالة الدرجة الأولى هى:



• د: ع -> ع ، د (س) = س وتمثل بیانیاً بخط مستقیم یمر بنقطة الأصل (۰،۰) میله = ۱

- * مجالها = ع ، مداها = ع
 - * الدالة تزايدية على مجالها ع
- * الدالة فردية (متماثلة حول نقطة الأصل)

[٣] الدالة التربيعية: أبسط صورة للدالة التربيعية هي:



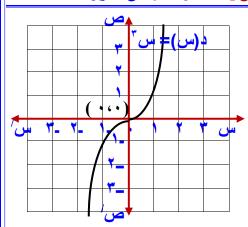
د : ع → ع ، د (س) = س^۲
 وتمثل بیانیاً بمنحنی مفتوح لأعلی

 $]\infty$ ، مجالها = ع ، مداها = [، ، ∞

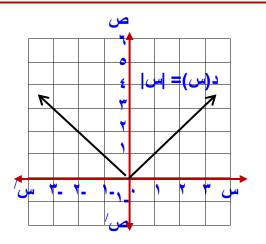
- ∞ الدالة تناقصية في] ∞ ، ۰ [، تزايدية في] ۰ ، ∞ *
 - * الدالة زوجية (متماثلة حول محور الصادات)

إعداد 1/عادل ادو ال

(1.)



- [٤] الدالة التكعيبية: أبسط صورة للدالة التربيعيةهي:
- د : ع ح ، د (س) = س وتمثل بيانياً
- بمنحنى متماثل حول نقطة الأصل (٠،٠) الدالة فردية
 - * مجال الدالة = ع ، مدى الدالة = ع
 - * ، تزايدية في على مجالها ع



ثانياً: دالة المقياس

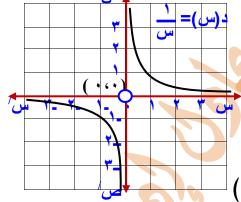
أبسط صورة لدالة المقياس هي:

$$]\infty$$
 ، مداها = ع ، مداها = $[$

- ∞ ، الدالة تناقصية في $-\infty$ ، ، [، تزايدية في $-\infty$ الدالة تناقصية الحرام الح
 - * الدالة زوجية (متماثلة حول محور الصادات)

ثانياً: الدالة الكسرية

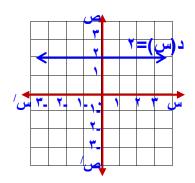
أبسط صورة لدالة المقياس هي:



- $c : g \{\cdot\} \longrightarrow g \cdot c (m) = \frac{1}{m}$ تمثل بمنحنى من جزئين أحداهما فى الربع الأول
 والآخر فى الربع الثالث دون أن يقطعا المحورين
- سُ سَ , صُ صُ الله ومتماثل حول نقطة الأصل (٠،٠)
 - $\{\cdot\}$ مجالها = ع $\{\cdot\}$ ، مداها = ع $\{\cdot\}$
 - $]\infty$ ، الدالة تناقصية في $]-\infty$ ، و] ، تناقصية الدالة تناقصية الدالة الدالة تناقصية الدالة الدالة
 - * الدالة فردية (متماثل حول نقطة الأصل)

إعداد العادل الوار

(11)



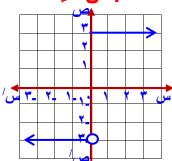
مثـ١ ــال: ارسم الدالة د(س) = ٢ ومن الرسم اذكر المدى وابحث اطرادها واذكر نوعها

من حيث كونها زوجية أو فردية أو غير ذلك:

المجال ح ، المدى = { ٢ }

الدالة ثابتة ، الدالة زوجية (متماثلة حول محور الصادات)

حیث کونها زوجیة أو فردیة أو غیر ذلك : د(س) =
$$\begin{cases} -7 \\ 7 \end{cases}$$
 : س ≤ 4



الحــــل

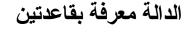
المجال ح ، المدى = {-٣ ، ٣ }

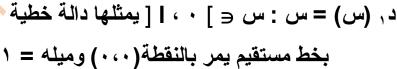
الدالة ثابتة في]- ∞ ، ٠] ، في] ٠ ، ∞ [

الدالة ليست زوجية والفردية 🖊 🌽

مثــــ ال: ارسم الدالة الآتية ومن الرسم اذكر المدى وابحث اطرادها واذكر نوعها من

حیث کونها زوجیة أو فردیة أو غیر ذلك : د(س) =
$$\left\{ \begin{array}{cc} w \\ w \end{array} \right\}$$
 : $w > 0$





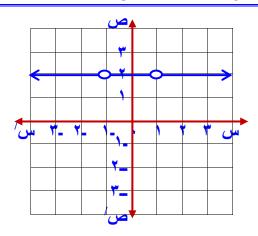
$$c_{\gamma}$$
 (س) = س' : س \in] - ا \cdot ، ا يمثلها دالة تربيعية بخط منحنى مفتوح لأعلى

الأطراد: الدالة تناقصية في]- ∞ ، •[، الدالة تزايدبة في] • ، ∞ [

الدالة ليست زوجية ولافردية

إعداد العادل الوارك

(11)



$$\frac{Y - \frac{Y - Y}{W}}{1 - \frac{Y - Y}{W}} = \frac{Y - \frac{Y - Y}{W}}{W}$$

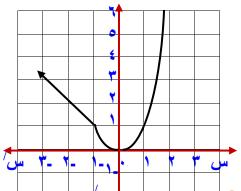
حيث $w \neq \pm 1$ مع ذكر المجال والمدى واذكر نوعها من حيث كونها زوجية أو فردية أو غير ذلك:

$$c(w) = \frac{7(w' - 1)}{(w' - 1)} = \frac{7(w - 1)(w + 1)}{(w - 1)(w + 1)} = 7$$

$$arb \ c = 2 - \{-1 \ i \ \}$$

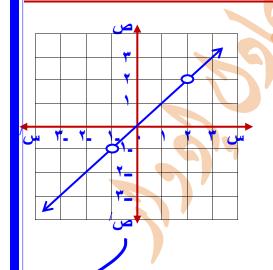
$$arb \ delib \ c = 3 \ for \ representation (a) \ arb \ representation (b) \ arb \ representation (c) \ arb \ representation (c) \ represe$$

مثـ- ال: ارسم الدالة الآتية ومن الرسم اذكر المدى وابحث اطرادها واذكر نوعها من



الدالة معرفة بقاعدتين
$$[w] = w^T : w \ [w]$$
 ، $[w] = w^T : w \ [w]$

الأطراد : الدالة تناقصية في]- ∞ ،- ا[، تناقصية في]- 1 ، ، [، تزايدبة في 1 ، ∞ [الدالة ليست زوجية والفردية



إعداد المعادل إدو ال

: س خ ۲ ، ۱ مبيناً المجال والمدى وآبحث اطرادها

$$\omega = \frac{(v + w)(v - w)}{(v + w)(w - v)} = \omega$$

$$\{1, 1\} = 9 = 1$$
 ، $\{1, 1\} = 9 = 1$

د متزایدة علی مجالها

الدالة ليست زوجية والفردية

(17)

مثـ٧ـال: ارسم الدالة الآتية ومن الرسم اذكر المدى وابحث اطرادها واذكر نوعها من

حیث کونها زوجیة أو فردیة أو غیر ذلك : د(س) =
$$\left\{ \begin{array}{c} m' \\ \hline 1 \end{array} \right\}$$
 : $m > 0$

الدالة معرفة بقاعدتين

د, (س) = س' : س
$$\in$$
] \cdot ، ∞ [يمثلها دالة تربيعية بخط منحنى مفتوح لأعلى

$$c_{\gamma}$$
 (س) = $\frac{1}{m}$: $m \in]-\infty$ ، ۰] دالة كسرية

تمثل بمنحنى في الربع الثالث دون أن يقطعا المحورين

الأطراد : الدالة تناقصية في $]-\infty$ ، \circ [، الدالة تزايدبة في] ، ∞ [

الدالة ليست زوجية والفردية

التحويلات الهندسية لمنحنيات الدوال

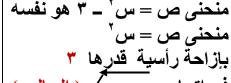
أولا : الإزاحة الرأسية لمنحني الدالة |

لأى دالة د يكون المنحنى ص = د(س) + م ، م $= 9 - \{0\}$ هو نفس المنحنى

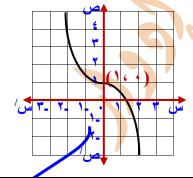
$$e^{-\frac{1}{2}}$$
 = د(س) بإزاحة رأسية قدرها | م | في اتجاه : $\frac{e^{-\frac{1}{2}}}{e^{-\frac{1}{2}}}$

منحنی
$$ص = m^7 - m$$
 هو نفسه منحنی $ص = 1 / m - m$ هو نفسه منحنی $m = m^7 + 1$ هو نفسه منحنی $m = m^7$ بإزاحة رأسية قدر ها $m = m^7$ بإزادة رأسية قدر ها $m = m^7$ بازادة رأسية قدر ها $m = m^7$ بازادة رأسية باز

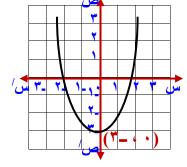
۲. ۳. ۲.









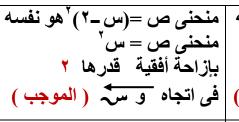


ثانيا: الإزاحة الأفقية لمنحنى الدالة

لأي دالة د يكون المنحنى ص = د(س+ ب) ، $\varphi \in \mathcal{A}$ هو نفس المنحنى

: ب >٠

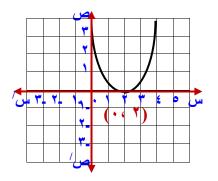
: پ <٠

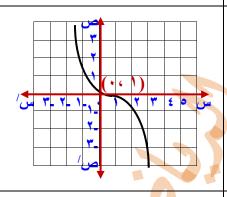


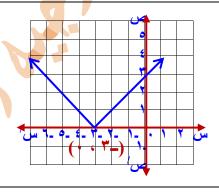
منحنى ص = اس+٣ | هو نفسه منحنى ص = (س ١٠) هو نفسه منحنى ص = (س ٢٠) هو نفسه | منحنی ص = س بإزاحة أفقية قدرها ١



في اتجاه و سك (السالب) في اتجاه و سك (الموجب) في اتجاه و سك (الموجب)







نقطة تماثل (۲، ۲) ، المدى [٥٠٠ [الاطراد: تناقصية في إـ ٠٠ م١٢ ا ∞ تزایدیة فی ∞ ، ∞

نقطة تماثل (١، ٠)، المدى= ع الدالة تناقصية على مجالها

-1نقطة تماثل (-، -) ، المدى الاطراد: تناقصية في]ـ ∞ ، • [∞ تزایدیهٔ فی ∞

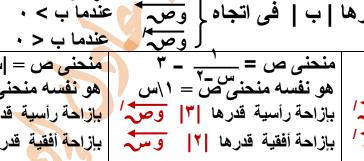
ثالثا : لأى دالة د يكون المنحنى ص = د(س+ (۱) + ب (۱) ب $\in 9 - \{\cdot\}$ هو نفس

ر و سه/ عندما ۱>۰

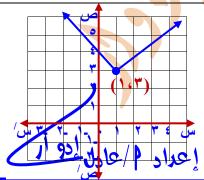
المنحنى ص = د(س) بإزاحة رأسية قدرها [۱] في أتجاه { وسح عندما ١٠٠

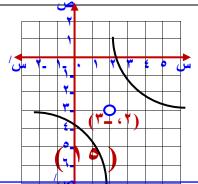
ثم إزاحة رأسية مقدارها | ب | في اتجاه ل وصر المعتدم ب > ٠

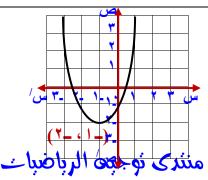
منحنی ص = اس ۱۱ +۳ هو نفسه منحني ص = إس| بإزاحة رأسية قدرها |٣| وص بإزاحة أفقية قدرها ال وس



منحنی ص = (س۲ +۱)۲ ـ ۲ هو نفسه منحني ص = س′ بإزاحة رأسية قدرها |٢| <u>وص</u> بإزاحة أفقية قدرها السلط وسلم



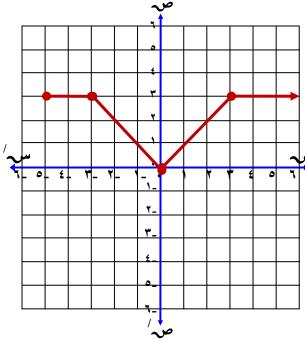




رابعا : لأى دالة د يكون المنحنى $= 4 \ \text{c(m)} \ \text{cut} \ 4 = 3^+$ تمدد رأسى للمنحنى إذا كان 4 < 1 ، أنكماش رأسى للمنحنى إذا كان 4 < 1

$$Y - > \emptyset$$
 $\emptyset - \circ$
 $Y > \emptyset$ $\emptyset - \circ$
 $Y > \emptyset$ \emptyset
 $Y > \emptyset$

مع ذكر المجال والمدى ، ابحث اطرادها وبين أنها دالة زوجية .



الحسل

۱> س: ارسم منحنی الدالة د(س) = { اس - ۱ ا س - ۱ اس - ۱ اس

اذكر المجال والمدى وبين نوعها من حيث كونها زوجية أو فردية ، وابحث اطرادها:

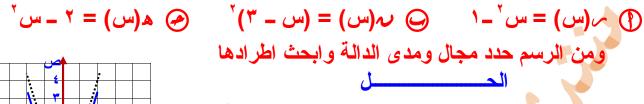
الحال

$$\{0, \infty - [0] = 0\}$$
 د د دالة مقياس د $= \{0, \infty - [0] = 0\}$ د د دالة مقياس د $= \{0, \infty - [0] = 0\}$

إعداد المعادل إدو ال

۲- ۲- ۲ سل

(11)

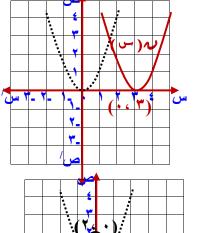


$$\sqrt{(w)} = \sqrt{1 - 1}$$
 إزاحة قدرها $|1|$ في اتجاه و $\sqrt{(w)}$

رأس المنحنى (٠٠ ـ ١) ، المدى = [١ ،
$$\infty$$
 [، تناقصية] $-\infty$. [، تزايدية] $-\infty$.

$$(m-1)^{\prime}$$
 قدرها $|m|$ فی اتجاه وس $(m-1)^{\prime}$

رأس المنحنى (٣ ، ٠) ، المدى = [٠ ، ∞ [، أس المنحنى (٣ ، ٠) ، تناقصية]
$$-\infty$$
[، تزايدية $]$ ∞ [



إنعكاس للدالة لوجود إشارة سالب

وإزاحة قدرها [۲] في اتجاه وص 🔧 (1, 1) ، المدى $= [-\infty, 1]$ س المنحنى

، الدالة تزايدية في] $-\infty$ ، • [، تناقصية في] • ∞ [

ھ(ئ

مثـ٤ الله في شكل واحد منحنيات الدوال الآتية وعين مدى كل منها واستنتج اطرادها ونوعها من حيث كونها زوجية أو فردية أو غير ذلك:

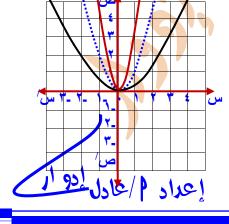
$$^{\prime}$$
 $^{\prime}$ $^{\prime}$ $^{\prime}$ $^{\prime}$ $^{\prime}$ $^{\prime}$ $^{\prime}$ $^{\prime}$

$$^{7}\omega_{\frac{1}{7}}=(\omega)_{7}\omega_{7}^{2}=(\omega)_{$$



، مجالها ع ، مداها = $[\cdot \cdot , \infty]$ ، جميع الدوال زوجية

 ∞ ، جمیعها متناقصة فی $-\infty$ ، ∞ ، متزایدة فی $-\infty$ ، ∞



(1)

مثـها ارسم في شكل واحد منحنيات الدوال الآتية وعين مدى كل منها المثنتج اطرادها ونوعها من حيث كونها زوجية أو فردية أو غير ذلك :

1
 2

الحال

جميع الدوال نقطة رأس منحناها (٠،٠)

، مجالها ع ، جميع الدوال زوجية

 $[\cdot, \infty]$ مفتوح لأسفل مداها $[-\infty, \infty]$

 $] \infty$ ، ومتناقصة في $] - \infty$. $] \cdot \infty$ الدالة متزايدة في [

 $[\cdot,\infty]$ د مفتوح $[\cdot,\infty]$

الدالة متزايدة في $]-\infty$ ، [] ، متناقصة في [] ، ∞ []

$$\Upsilon + \Upsilon(1 + \omega) = (\omega) \otimes (\Upsilon(1 - \omega)) = (\omega) \otimes (1 + \Upsilon \omega) = (\omega) \otimes (\omega) \otimes (\omega) = (\omega) \otimes (\omega) \otimes (\omega) = (\omega) \otimes (\omega) \otimes (\omega) \otimes (\omega) = (\omega) \otimes (\omega) \otimes (\omega) \otimes (\omega) \otimes (\omega) = (\omega) \otimes (\omega) \otimes$$

ومن الرسم حدد مجال ومدى الدالة وابحث اطرادها

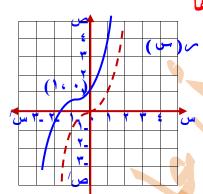
الحال

إزاحة قدرها |1| في اتجاه وص رأس المنحني (0,0) ، المدى = ع

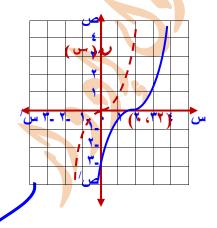
، الدالة تزايدية على مجالها

إزاحة قدرها |Y| في اتجاه وسن رأس المنحنى |Y| ، المدى = ع

، الدالة تزايدية على مجالها

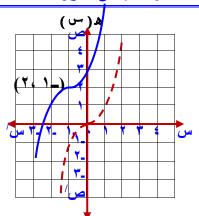


۲_ ۲_ و س



إعداد المعادل الوارك

(1)

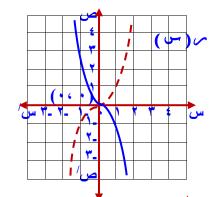


إزاحة [۲] في اتجاه وسُ/ وإزاحة [۲] في اتجاه وص

مثـ٧ـال: ارسم منحنى الدالة د(س) = س للتمثيل الدوال م ، م ، ه حيث

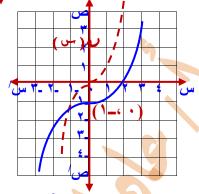
$$(w) = -w^{2}$$
 $(w) = 7w^{2} - 7$ $(w) = 1 - (w + 7)^{2}$ ومن الرسم حدد مجال ومدى الدالة وابحث اطرادها

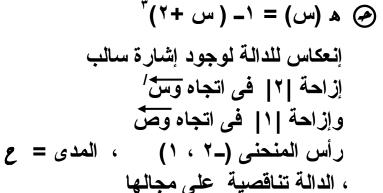
انعكاس للدالة لوجود إشارة سالب رأس المنحنى (٠٠٠) ، المدى = ع ، الدالة تناقصية على مجالها

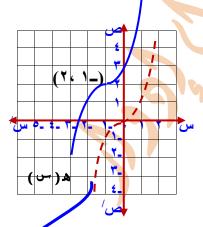


$$(w) = 1 w^{3} - 1$$

| إزاحة قدرها | 1 | في اتجاه وص الموجد تمدد في الدالة رأس المنحنى (٠٠ - ١) ، المدى = ع الدالة تزايدية على مجالها

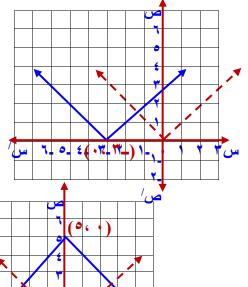




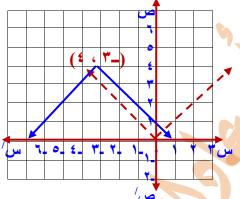


(19)منئدى توجبه الرباضباك

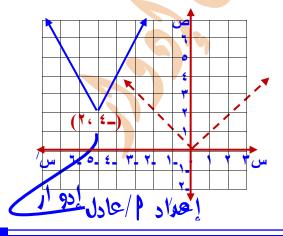
إعداد 1/عادل ادو ارك



الحسل

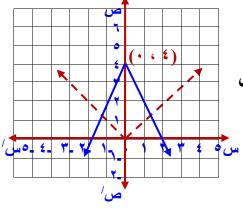


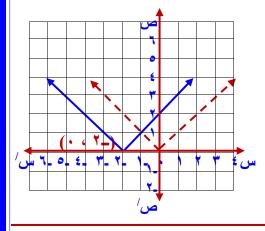
(ω (ω) = ω - ω



 \bigcirc \sim (س) = | س+ π | دالة مقياس بإزاحة أفقية قدرها | ع | و π ، | γ | و π نقطة التماثل (-3 ، γ) مجال σ ، مدی [γ ، σ [γ ، σ] σ تناقصية فی] $-\infty$ ، -3 [، تزايدية فی] -3 ، σ منثری نوجبه الرباضبا σ

مثد، ۱ ال: من رسم منحنی الدالة د(س) = | س | أرسم الدوال الآتية ثم حدد مدی الدالة وابحث اطرادها $(m + 3 - 1) = 3 - 7 | m | \Theta \sim (m) = \sqrt{1 + 3 m + 3}$





$$(w) = \sqrt{w' + 3w} + 3 = \sqrt{(w + 7)}$$
 $(w) = |w + 7|$ دالة مقياس

بإزاحة أفقية قدرها $|Y|$ و w

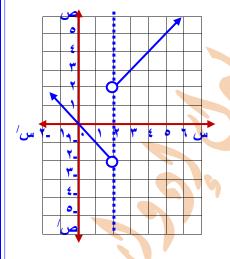
نقطة التماثل ($-Y$ ، \cdot) مجال g ، مدى $[\cdot]$ ، ∞

 $\infty، \cdot [\ \ ، \] - \infty$ تزایدیة فی $-\infty$

حیث س ≠ ۲

$$\frac{V' - w - Y}{|w|} = \frac{w' - w - Y}{|w|}$$
 مثـ ۱۱ـال: ارسم د(س)

ومن الرسم عين المدى وابحث الاطراد



 $] \infty$ ، $] \times \infty$ ، متزایدة فی $] \times \infty$. $] \times \infty$ الدالة متناقصة فی $] \times \infty$.

[عداد 1/عادل إدو ار

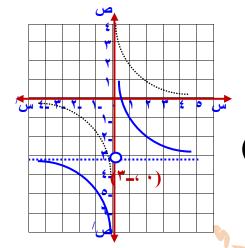
(YY)

منندى نوجيه الرباضباك

مثـ ۲ اـال: من رسم منحنى الدالة د(س) = $\frac{1}{m}$ أرسم الدوال الآتية ثم حدد مدى

$$(m) = \frac{1}{m-1}$$
 دالة كسرية

بإزاحة أفقية قدرها
$$|1|$$
 وسله انقطة التماثل $|1|$ مدى ع $-\{0\}$ مجال ع $-\{1\}$ مدى ع $-\{0\}$ تناقصية في $|-\infty|$ تناقصية في $|-\infty|$ تناقصية في $|-\infty|$

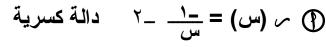


$$\Theta$$
 σ (س) = $\frac{1}{m}$ - π دالة كسرية

بإزاحة رأسية قدرها |T| وصله الماثل (۲ ، -T بإزاحة أفقية قدرها |T| و سله نقطة التماثل (۲ ، -T)

مجال ع $-\{Y\}$ ، مدی ع $-\{Y\}$ مجال ع $-\{Y\}$ تناقصیة فی Y ، X تناقصیة فی X مجال المحال المحال

مثـ 1 الله من رسم منحنى الدالة د $(m) = \frac{1}{m}$ أرسم الدوال الآتية محدد مدى



إنعكاس للدالة لوجود إشارة سالب

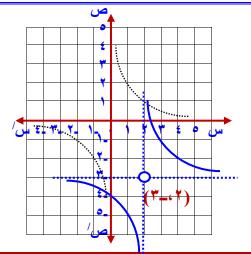
بإزاحة رأسية قدرها |Y| وصب نقطة التماثل (۲، ۲) مجال ع $-\{\cdot\}$ ، مدى ع $-\{Y\}$

 $[-\infty, -\infty, -\infty]$ تزایدیة فی $[-\infty, -\infty]$

منندی توجید الرباضیات (۲۲) اعداد ا/عادل ادو ار

س۲

۹_ س



$$\Theta$$
 ه (س) = ($\frac{\Gamma}{W-Y}$) = دالة كسرية

بإزاحة رأسية قدرها ٣ وصه ا

بإزاحة أفقية قدرها [٢] وسن نقطة التماثل (٢ ،-٣)

مجال ع - {۲} ، مدی ع - {۳-}

 $[x, \infty]$ تناقصیة فی $[x, \infty]$ ، تناقصیة فی $[x, \infty]$

مثـ ٤ ا ـ ال: ارسم منحنى الدالة د (س) = ح ثم عين مدى الدالة واستنتج اطرادها

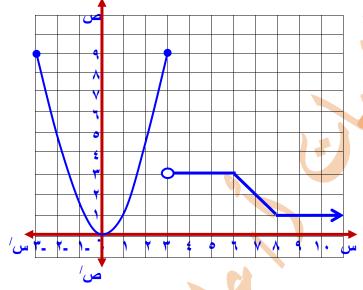
من الرسم : مدى الدالة = [، ، ٩] الدالة متناقصة في [-٣ ، ٠ [،

الدالة متزايدة في [٠ ، ٣]

الدالة ثابتة في] ٣ ، ٦ [

الدالة متناقصة في [٦ ، ٨]

الدالة ثابتة في] ٨ ، ∞ [



مثده الله ابحث نوع د(س) = س اس من حيث كونها زوجية أو فردية المناه المن

د(ـس) = (ـس) " | ـ س | = ـ س" | س | = ـ د(س) ∴ د فردية

مثـ ۱ ال: ابحث نوع د(س) = |0+m|+|0-m| من حیث کونها زوجیة أو فردیة

د(-س) = |٥ - س|+ |٥+ س| = |٥+ س| + |٥ - س| = د(س) بالماللة زوجية

إعداد العادل الوات

(77)

ارسم منحني الدالة د ، ومن الرسم حدد مداها وابحث اطرادها

$$Y->$$
 $=$ $(w)=$ $\{ w^2 = 1 \}$

$$\begin{array}{ccc}
\cdot \geqslant & & & & & & \\
 & & & & & \\
\cdot \leqslant & & & & \\
\end{array}$$

$$\begin{array}{cccc}
 & & & & \\
 & & & & \\
\end{array}$$

$$\begin{array}{cccc}
 & & & & \\
 & & & & \\
\end{array}$$

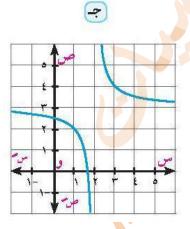
اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة:

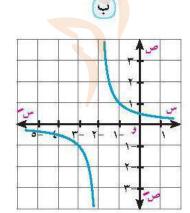
منحنی ر (س) = س ۲+ عهو نفس منحنی د (س) = س ابازاحة مقدارها عوحدات فی اتجاه:

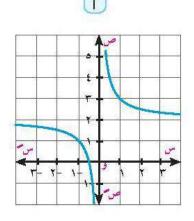
نقطة تماثل منحني الدالة د حيث د(س) = ٢٠٠٠ + ٤ هي:

اً (۲، -٤)

رُسم منحنى الدالة د حيث د(س) = $\frac{1}{m}$ ، ثم أزيح في اتجاه محوري الإحداثيات. اكتب قاعدة كل دالة التي تمثلها المنحنيات الآتية:







إعداد 1/عادل ادو ار

(7 5)

- استخدم منحني الدالة دحيث د(س) = س التمثيل ما يأتي بيانيًا.

 - $(m-1)^{2} = (m)^{2} + (m)^{2} = (m)^{2}$
- ج _{دم}(س) = (س ۲ ^۲ ۲
- استخدم منحني الدالة د حيث د(س) = س٣. لتمثيل ما يأتي بيانيًا:
- (w 1) = c(w) = c(w) = c(w 1)
- ج د_م(س) = د(س + ۳) + ۲

- ◄ ثم حدد نقطة التماثل لمنحنى كل دالة.
- إذا كانت الدالة دحيث د(س) = $\frac{1}{m}$ فارسم الشكل البياني للدالة ق وحدد نقطة التماثل لمنحني الدالة:

- (w) = c(w) = c(w) ق (w) = c(w) = c(w)
- استخدم منحنى الدالة د حيث د(س) = إس التمثيل مايأتي بيانيًا.

ارسم منحني الدالة د في كل ممايأتي باستخدام التحويلات المناسبة ثم ابحث اطرادها

$$\begin{array}{c} (m) = \left\{ \begin{array}{ccc} m^2 + 7 & \text{aixal } m \geqslant 0. \\ & -m^2 - 7 & \text{aixal } m > 0. \end{array} \right.$$

إعداد 1/عادل ادو ار

حل معادلات ومتباينات القيمة المطلقة

[١] حل معادلات القيمة المطلقة:

الطريقة البيانية: لحل المعادلة د(س) = \sim (س) نرسم التمثيل البياني (مجموعة الإحداثيات السينية) لنقط تقاطع منحنيا الدالتين ϵ ، \sim

خواص مقياس العدد:

$$|\omega| + |\omega| \ge |\omega + \omega|$$
, $|\omega| \times |\omega| = |\omega|$

$$+ 1 = | w + 1 |$$
 فإن $- 7 = \pm (m+1)$

الحـــــل

الحل بيانياً: نمثل الدالة د(س) = إس + ١

والدالة ر(س) = ٣ وتحديد نقط تقاطع الدالتين أ

$$T = 1 + \omega$$
 i $T = 1 + \omega \Leftarrow$

الحـــل

اس+۱۱ = - د وهدا مرفوص منندی نوجبه الرباضبات (۲۶)

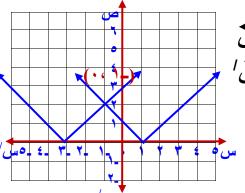


إعداد 1/عادل ادو ار

 $\emptyset = \emptyset$:

۲. ۳. ۲. ٥سل/

الحال



الدالة $((w) = | w - 1 | | (احة أفقية | 1 | في اتجاه <math> \overline{ e w }$ والدالة ﴿ (س) = إس +٣| إزاحة أفقية ٣١| في اتجاه وسُ ' من الرسم نقطة التقاطع للدالتين هي (- ١ ، ٠)

الحل الجبرى: إس - ١ | = | س + ١ | بتربيع الطرفين

$$9 + w + w + w + 1 = w + 1 + r w + 9$$

$$\{ 1- \} = \emptyset$$
 \therefore $n = -1$

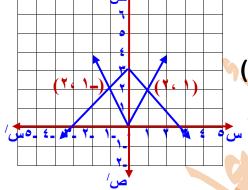
مثــــ ال: حل المعادلة ٣ ٢ إس | = ٢ | س | بيانياً وتحقق من الحل جرياً

الدالة د(س) = ٣ _ إس | إنعكاس في منحنى الدالة ، إزاحة رأسية [٣] في اتجاه وص

والدالة مرس) = ٢ إس إنكماش في تمثيل المنحني من الرسم نقطة التقاطع للدالتين هي (-١،٢) ، (٢،١)

 $\{ \mid \cdot \mid - \} = \{ \mid \cdot \mid \cdot \mid \}$

الحل الجبرى: بإستخدام إعادة التعريف



$$m = m$$

i
 $m = m \leftarrow m$

$$\{1,1-\}=\emptyset. \text{ a.s. } 1-\emptyset$$

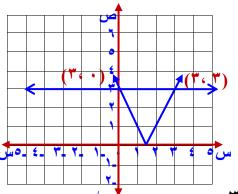
مثــ٥ــال: أوجد الحل الجبرى للمعادلة: ٢ س ٢ س ـ ٢ =٠

الحسل

[عداد 1/عادل <u>[دو ار</u>

(۲۷)

منندى نوجبه الرباضبات



الدالة د(س) = | ٢ س ـ ٣ | إنكماش في منحنى الدالة ، إزاحة أفقية | 🖐 | في اتجاه وس

والدالة حرس = ٣ دالة ثابتة توازى محور السينات

من الرسم نقطة التقاطع للدالتين هي (٣٠٣) ، (٣٠٠)

$$\frac{\psi}{\gamma} \leqslant \omega : \gamma = \gamma_{-}$$

$$\frac{F}{Y} \leqslant \omega$$
:

$$\frac{\frac{\pi}{V}}{V} \leqslant \omega : \qquad \frac{\pi}{V} = \omega : \qquad \frac{\pi}{V} \leqslant \omega : \qquad \frac{\pi}{V} = (\omega)$$

$$\frac{\pi}{V} \approx \omega : \qquad \frac{\pi}{V} \approx \omega : \qquad \frac{\pi}{V} = (\omega)$$

$$\frac{\pi}{V} \approx \omega : \qquad \frac{\pi}{V} \approx \omega : \qquad \frac{\pi}{V} = (\omega)$$

عندما س ≥ 🔫 فإن: ٢س عندما س عندما س عندما س

وعندما س < 🔫 فإن : - ٢ س = ٠ تحقق

.: مجموعة الحل = {٠ ، ٣}

حل جبری آخر

إما: ٢س-٣ = ٣

ومنها ٢س = ٠ ومنهاس = ٠ وهي تحقق المعادلة

أ،: ٢س-٣ = -٣

.. مجموعة الحل = {٠، ٣٠}

حل جبری ثالث

بتربيع الطرفين

إما ٤س = ، ومنها س = ، وهي تحقق المعادلة

أ، س-٣ = ، ومنها س = ٣ وهي تحقق المعادلة

(YA)

مذ كرة الجبر (اللوال الحقيقية) الصف الثانى الثانوى [القسم الأدبى] الفصل اللراسى الأول \cdot ۲ · ۲ مثـ ۷ ـ الله الحبرى للمعادلة : $\sqrt{m^7}$ ـ $\sqrt{m^7}$ ـ \sqrt{m} | -1 = -1 • $\sqrt{m^7}$ = |m| • $\sqrt{m^7}$ = \sqrt{m} • $\sqrt{m$

$$\sqrt{m^{7}-7m+P} \implies \sqrt{(m-m)^{7}} \implies ec_{2}^{2} \sqrt{(m-m)^{7}} = |m-m|$$
 $\Rightarrow |m-m| = 2$
 $\Rightarrow |m-m| = 3$
 $\Rightarrow |m-$

بالتحليل: (
$$|m| + 1| + 1|$$
) ($|m| + 1| - 0$) = ،

ومنها $|m| + 1| + 1 = 0$
 $\Rightarrow |m| + 1| = -7$ مرفوض 1 , $|m| + 1| = 0$
 $\therefore m + 1 = 0$ عندما $m \ge -1$ $m = 3$ تحقق التعریف 1 , $m + 1 = -0$ عندما $m < -1$ $m = -7$ تحقق التعریف 1 , $m + 1 = -0$ عندما $m < -1$ $m = -7$ تحقق التعریف 1 , $1 = 1$

إعداد العادل الوار

 $(\Upsilon \Upsilon)$

[٢] حل متباينات القيمة المطلقة:

الحل البياني لمتباينة القيمة المطلقة

مثـال: حل ﴿ إس+ ١ | = ٣ ، ﴿ إس+ ١ | < ٣ ، ﴿ إس+ ١ | > ٣ بيانياً

الحال

○ حل المتباينة |س+ ١ | ح٣

۲ ۲ ۲ وسل

ملاحظة هامة:

الحل الجبرى لمتباينة القيمة المطلقة

منندی نوجیده الرباضیات (۳۰) اعداد ۱/عادل <u>ادو آر</u>

مذكرة الجبر (الدوال الحقيقية) الصف الثاني الثانوي [القسم الأدبي] الفصل الدراسي الأول ٢٠٢٠ القاعدة المستخدمة إذا كان | س | < م فإن - م - س \in] - م \circ م [ن إس ـ ٣ ح م .. ـ ٥ ح س ـ ٣ < ٥ بإضافة ٣ للمتباينة ٠. ٢ < س < ٨ ∴ سُ ∈] -۲ ، ۸ [الحال $[label{eq: label} | label] [label] <math>[label] = [label]$ [label] = [label] [label] = [label]· ا ۲س - ۳ | « ۷ من - ۷ اس - ۳ « ۷ بإضافة ۳ للمتباينة المتباينة ا .: -۷+۳ ﴿ ٢س ﴿ ٧ + ٣ ∴ - ٤ < ٢س < ١٠</p> . س ∈ [-۲، ٥] مثــ٤ــال: حل المتباينة | ٢ س + ١ | +٢ > ٧ القاعدة المستخدمة إذا كان إس |> ٩ فإن س > ٩ ، س < _ ٩ كان إس |> ٩ فإن س > ٩ ، س < _ ٩ ٠٠ | ۲ س + ۱ | +۲ > ۷ .. | ۲ س + ۱ | > ٥ ∴ ۲ س + ۱ > ٥ ا، ۲ س + ۱ < _ ٥ بطرح (١)</p> .. ۲ س > ٤ أ، ٢ س < ـ ٦ ∴ س > ۲ أ، س < ـ ۳ ... ∴حل المتباینة س ∈ ع ـ [- ٣ ، ٢]

منندی نوجبه الرباضبات (۳۱) اعداد ا/عادل اردو ار

مثــهـال: حل المتباينة | ٣ س + ٢ | +٥ < ٤

الحـــــل

∴ حل المتباينة هو ∅

مثـــ٦ـــال: حل المتباينة | ٣ س + ٢ | ≥ ٧

الحــــل

القاعدة المستخدمة

مثــ٧ــال: حل المتباينة | ٣ ـ س | ﴿ ٦

الحـــل

$$1 < | \circ | \circ |$$
 | $1 < | \circ | \circ |$ | $1 < | \circ |$ | $1 < | \circ | \circ |$ | $1 < | \circ |$ | $1 < | \circ |$ | $1 <$

مثــ٩ــال: حل المتباينة |س ـ ٢ | + | ٤ ـ ٢س|

ح

[1 90 | Jole | | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 | 100 |

الفصل الدراسي الأول ٢٠٢٠	[القسم الأدبي]	الصف الثاني الثانوي	ً اللوال الحقيقية)	مذكرة الحير (
--------------------------	-----------------	---------------------	--------------------	---------------

		COLUMN I	100 700 9
	". 1	.1 .	أكمل
.14	_1	-10	رحص

🕦 مجموعة حل المعادلة إس | = 🖟

💎 مجموعة حل المعادلة إس | +٣ = ٠ 🍆 هي.

🔻 مجموعة حل المتباينة إس-٢| 🥒 🍆 هي.

اختر من القائمة التالية مجموعة الحل المناسبة لكل معائلة أو متباينة ممايأتي:

0 | س- ۲ | ۳۶

٣-<|٢-س|٦

(۷) اس-۲ | ≪۳

🗚 | س -۲ | ۶۳

9 | س - ۲ | = - ۳

ب ع

{o : \-} (?)

[0 (1-] - 2 (3)

 ϕ

[0,1-] 9

أوجد جبريا مجموعة الحل لكل من المعادلات الأتية:

$$\xi = 1 + m^{2} - 7m + 10$$

$$|7 - m| = |1 + m^{2}|$$
(18)

أوجد بيانيًّا مجموعة الحل لكل من المعادلات الأتية: `

أوجد بيانيًّا مجموعة الحل لكل من المتباينات الآتية:

أوجد جبريًا مجموعة الحل لكل من المتباينات الأتية:

$$Y \leq |V - W|$$
 $|Y = V|$ $|Y = V|$

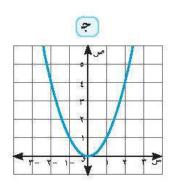
1931 1/20c/ 1981

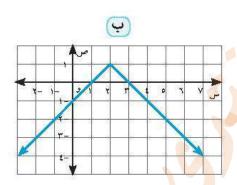
۷ = ا ۳ - ۲س = ۷

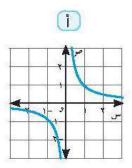
(7 5)

تمسارين عامة على الوحدة

🕥 في كل من الأشكال البيانية الآتية عين مدى الدالة، وابحث اطرادها ثم بين نوعها من حيث كونها زوجية أو فردية أو غير ذلك:







💎 أوجد مجال كل من الدوال المعرفة بالقواعد الآتية:

$$\frac{1-r_{m}}{1+r_{m}} = (m)_{r} + r_{m}$$

$$\frac{\gamma_{m}}{r} = \gamma_{m} + m + m + m + m + m = c_{\gamma}(m) = \frac{\gamma_{m}}{m \cdot r} = \frac{\gamma_{m}}{r} =$$

(ستخدم منحني الدالة دحيث د(س) = إس التمثيل الدالة ربيانيًا ثم ابحث اطرادها:

(١) استخدم منحني الدالة د حيث د (س) = س التمثيل مايأتي بيانيًا:

$$1 + {}^{r}(r - m) = (m)^{r} + 1$$

$$(w) = w^2 - 7$$

$$T - T_{(w)} = w^{2} - T_{(w)}$$

ثم أوجد معادلة محور التماثل لكل منها.

(٥) استخدم منحني الدالة د، حيث د(س) = س التمثيل مايلي بيانيًا:

$$^{4}(1-m)=(m+7)^{4}$$

$$^{8}(m+m) = (m+7)^{3}$$

ثم عين نقطة تماثل منحني الدالة.

استخدم منحنى الدالة دحيث د $(m) = \frac{1}{m}$ ، $m \neq 0$ لتمثيل ما يلي بيانيًا: $Y - \frac{1}{m} = (m) = \frac{1}{m} + 1$

$$\frac{1}{Y-m}=(m)_{p,3}$$

اس+۳|≥۲ ا

أوجد مجموعة حل المعادلات والمتباينات الآتية جبريًا:

أوجد مجموعة حل المعادلات والمتبابنات الآتية بيانيًا .

[221c 1/21ch 126]

(TO)



الأسس واللوغاريتمات وتطبيقات عليها

- الأسس الكسرية
- الدالة الأسية وتطبيقتها
 - * المعادلات الأسية
- الدوال اللوغاريتمية وتمثيلها البياني
 - بعض خواص اللوغاريتمات

الأسسالصحيحة

تعریف ل ﴾ ∀ س ∈ ع ، به ∈ ص + فإن:

$$\frac{1}{1} = \frac{1}{1} = \frac{1}{1}$$
 فإن $m^{-1} = \frac{1}{1} = \frac{1}{1}$ مثال $m^{-1} = \frac{1}{1} = \frac{1}{1}$

قوانين الأسس الصحيحة.

$$(Y) \quad w^{\circ} \div w^{\circ} = w^{\circ - \circ} \qquad \forall w \in \mathcal{S} - \{\cdot\}.$$

$$(7) (m^{2})^{i} = m^{4 \times i} \qquad \forall w \in \mathcal{S}.$$

$$(3) (m^{9} \times m^{\circ})^{2} = m^{9} \times m^{\circ 2} \qquad \forall m \text{ and } (3)$$

$$\cdot \{\cdot\} - \xi \ni \omega \circ \xi \ni \omega \forall \qquad \qquad \forall \frac{\partial^{n} \omega}{\partial \omega} = \frac{\partial^{n} \omega}{\partial \omega} \circ (\delta)$$

المقدار =
$$\frac{[(7)^7]^7 \times [(7)^7]^3}{[(7)^3 \times (7)^7]^7} = \frac{(7)^{7'} \times (7)^{7'}}{(7)^{7'} \times (7)^{7'}} = \frac{4}{3}$$

منندی توجید الرباضیات (۱) اعداد ۱/عادل ادو آر

$$\frac{(^{2})^{1/3} \times (^{2})^{1/3}}{(^{4})^{1/3}}$$
 اختصر لأبسط صورة

الحــــل

$$\frac{[(Y)^{7}]^{7\dot{c}+1}\times (Y)^{1-\dot{c}}}{[(Y)^{7}]^{\dot{c}+1}} = \frac{(Y)^{3\dot{c}+7}\times (Y)^{1-\dot{c}}}{(Y)^{7\dot{c}+7}}$$

الحسل

$$\frac{(7)^{3} \times 7)^{3} \times (7)^{3}}{(7)^{3} \times (7)^{3}} = \frac{(7)^{3} \times (7)^{3} \times (7)^{3}}{(7)^{3} \times (7)^{3}}$$

$$= \frac{(7)^{3} \times (7)^{3} \times (7)^{3}}{(7)^{3} \times (7)^{3}}$$

$$\Upsilon \vee = \Upsilon (\Upsilon) = \Upsilon + \Lambda - \Upsilon (\Upsilon) = \Upsilon$$

الجذر النونى: للعدد 4 هو العملية العكسية لرفع هذا العدد للقوة (4) ويرمز للجذر النونى للعدد 4 بالرمز 4 ويسمى ن دليل الجذر 5 7 = 6 س إذا كان 5 = 7 ملاحظات:

المعادلة: $m^{-1} = 4$ لها ن من الجذور وإذا كان

- (۱) س عدد زوجی ، 9 > 0 لها جذران حقیقیان أحدهما موجب والآخر سالب وباقی الجذور أعداد مرکبة غیر حقیقیة (عندما: 0 > 1) 0 > 1
 - (۲) س عدد زوجی ، 9 < 0 لیس لها جذور حقیقیة أی أن الجذور أعداد مركبة غیر حقیقیة $\frac{1}{2} \pm \frac{1}{2} = \frac{1}{2} = \frac{1}{2} \pm \frac{1}{2} = \frac{$
 - (٣) س عدد فردی ، $q \in g = \{0\}$ لها جذر حقیقی وحید وباقی الجذور أعداد مرکبة [حل: $m' = \forall V$ هو $m' = \forall V$

إعداد 1/عادل ادو ار

منندی توجیه الرباضیات

الأسسالكسرية

 $\frac{1}{3} \quad \frac{1}{3} \quad \frac{$

تعریف ۲: إذا کان
$$m \in 3^+$$
 ، $a \in \infty$ ، $a = \infty$ ، $a = \infty$ کبر من الواحد.

فإن $m^{\alpha} = \sqrt[\alpha]{m^{\alpha}} = \sqrt[\alpha]{m}$)

فمثلاً:
$$(\wedge)^{\frac{\gamma}{2}} = (\gamma)^{\frac{\gamma}{2}} = (\gamma)$$

ملحظات : * إذا كان :
$$\emptyset \in \mathfrak{F}^-$$
 فإن $\emptyset = \overline{\mathfrak{F}}^ \emptyset \in \mathfrak{F}$ إذا كان م عدداً فردياً

فمثلاً: (۔ ۲۰)
$$= \sqrt{-7} = \sqrt{-7}$$
 و ع ، (۔ ۲۷) $= \sqrt{-7} = -7 = -7$ و ع مندی نوجبت الرباضبات (۳) اعداد $= \sqrt{-7}$

 $\frac{2}{r}$ إذا كان س $\frac{2}{r}$ فإن: س = $\frac{1}{r}$ حيث م عدد فردى

$$\frac{2}{\gamma}$$
 إذا كان س $\frac{1}{\gamma}$ = γ فإن: γ فإن: γ حيث م عدد زوجى

بشرط أن يكون م ، ن ليس بينهما عامل مشترك

متخدام المقیاس: $\sqrt[n]{q^{\nu}} = |q|$ إذا کان ن عدد زوجی $\sqrt[n]{q^{\nu}} = q$ إذا کان ن عدد فردی

١- ال : أوجد في أبسط صورة

$$(\overline{VV} - 1)V' \otimes (\overline{VV} - 1)V$$

 $(7)^{\circ}\sqrt{(7-\sqrt{6})}^{\circ} = (7-\sqrt{6})$: القوى عدداً فردياً

القوى عدداً فردياً
$$\sqrt{(7-\sqrt{6})} = (7-\sqrt{6})$$
 : القوى عدداً فردياً

$$\overline{TV} < r : \qquad \overline{TV} - r = |\overline{TV} - r| = (\overline{\overline{TV} - r})^{\sqrt{r}} \Theta$$

$$\overline{\vee}V > 1$$
: $1 - \overline{\vee}V = |\overline{\vee}V - 1| = \overline{(\overline{\vee}V - 1)}V^{\top} \otimes$

$$\sqrt{\frac{1}{(\frac{1}{\sqrt{+}} + \sqrt{+})}}$$
 برنا ها من المسائل من

$$^{\mathsf{T}}$$
 $^{\mathsf{T}}$ $^{\mathsf{$

$$\circ \lor \frac{\lor}{\sharp q} = \lor (\frac{\lor}{\lor}) + \circ \lor = \lor (\frac{\lor}{\lor}) + \lor + \lor (\lor) = \lor (\frac{\lor}{\lor} + \lor) = \lor (\frac{\lor}{\lor} + \lor) \checkmark \checkmark$$

$$\frac{1}{1}$$
 $\frac{1}{1}$
 $\frac{1$

منثدى توجبه الرباضبات

$$= \dot{\nabla} \times \dot{\nabla} \times \dot{\nabla} = \dot{\nabla} \times \dot{\nabla} \times \dot{\nabla} = \dot{\nabla} \times \dot{\nabla} \times \dot{\nabla} = \dot{\nabla} \times \dot{\nabla}$$

مثۂ ال اختصر لأبسط صورة:
$$\frac{(7)^3 \times (9)^3 \times (9)^3}{(91)^3 \times (91)^3}$$

الحال

$$\frac{v^{\vee}\circ\times v^{\circ} + v^{\circ} + v^{\circ}}{v^{\vee}\circ\times v^{\circ} + v^{\circ}} = \frac{v^{\vee}(\circ)\times v^{\circ}(v^{\vee})}{v^{\vee}(\circ\times v)^{\circ}} = \frac{v^{\vee}(\circ)\times v^{\circ}(v^{\vee})}{v^{\vee}(\circ\times v)^{\circ}}$$

$$^{\sim}(\Upsilon)=^{\sim}(\Upsilon)\times^{\sim}(\Upsilon)\times^{\sim}(\Upsilon)=^{\sim^{-1}}-^{\sim^{2}}(\Upsilon)\times^{\sim^{2}}-^{\sim^{2}}(\Upsilon)\times^{\sim^{2}}-^{\sim^{2}}(\Upsilon)\times^{\sim^{2}}-^{\sim^{2}}(\Upsilon)=$$

مثه مال اختصر لأبسط صورة: $\frac{(\Upsilon)^{1-1}(\Upsilon)}{(\Upsilon)^{1-1}(\Upsilon)} \times \frac{(\Upsilon)^{1-1}(\Upsilon)}{(\Upsilon)^{1-1}(\Upsilon)}$ مثه مال اختصر لأبسط صورة

الحـــل

$$||\Delta u|| = \frac{(\gamma)^{\prime - \gamma_{o}} \times (\gamma^{\prime} \times \gamma^{\prime})^{o} \times (\gamma^{\prime} \times \gamma^{\prime})^{o}}{(\gamma^{\prime})^{o-1} \times (\gamma^{\prime} \times \gamma^{\prime})^{o-1}}$$

$$\frac{\nu - \nu \times \nu + \nu \times \nu^{\epsilon} \times \nu \times \nu^{\epsilon-1}(\Upsilon)}{\gamma - \nu \times \nu \times \gamma - \nu \times \tau \times \nu \times \nu \times \nu^{\epsilon-1}(\Upsilon)} =$$

$$1 + \nu - \ell + \nu - \nu - \nu - \nu \tau \quad (\tau) \times \tau + \nu \tau - \nu \ell + \nu \tau - \tau \quad (\tau) =$$

$$19 \pm \pm = 7 \pm 7 \times \Lambda = (7) \times (7) =$$

الحسل

$$\frac{1 + \omega^{7}(Y)^{3} + \omega^{-\frac{1}{2}} \times (Y)^{3}}{(Y)^{3} + \omega^{-\frac{1}{2}} \times (Y)^{3}} = \frac{(Y)^{3} \omega^{-\frac{1}{2}} \times (Y)^{3} + \omega^{-\frac{1}{2}}}{(Y)^{3} \omega^{-\frac{1}{2}} \times (Y)^{3} \omega^{-\frac{1}{2}} \times (Y)^{3}} = \frac{(Y)^{3} \omega^{-\frac{1}{2}} \times (Y)^{3} + \omega^{-\frac{1}{2}}}{(Y)^{3} \omega^{-\frac{1}{2}} \times (Y)^{3} \omega^{-\frac{1}{2}} \times (Y)^{3} \omega^{-\frac{1}{2}}}$$

$$\frac{1}{1} - = \frac{1}{1} - \frac{1}{1} \times \frac{1}{1} = \frac{1}{1} \times \frac{1}{1} \times \frac{$$

إعداد 1/عادل إدو ار

منثدی توجیت الرباضیات (٥

مثر ۱-ال اختصر لأبسط صورة:
$$\frac{0 \times (7)^{7w} - V}{(7)^{7w+7} + (7)^{7w-1}}$$

$$\frac{(\sqrt[4]{r} - 0)^{r}}{(\sqrt[4]{r} + 0)^{r}} = \frac{(\sqrt[4]{r} + 0)^{r}}{(\sqrt[4]{r$$

$$\frac{7}{7} = \frac{\Lambda}{7\Lambda} = \frac{7 - 10}{1 + 77} = \frac{7}{7} = \frac{7}{7} = \frac{7}{7}$$
 بضرب البسط والمقام × ۳ ینتج

$$\frac{7}{6} = \frac{1}{7} \left(\frac{1}{17} \right) \times \frac{1}{7}$$

$$\frac{1}{\sqrt{7}}(x^{2})^{-1}(x^{2$$

مثر ۱ ال رتب تصاعدیاً ۳۷، ۵۷۳، ۴۷۸

الحال

المضاعف المشترك الأدنى للأعداد ٣، ٢، ٤ هو ١٢ نحول الجذور للدليل ١٢

$$\sqrt{7} \circ \sqrt{7} = \sqrt{7} \circ \sqrt{7} = \sqrt{7} \circ \sqrt{7} = \sqrt{7} \circ \sqrt{7} = \sqrt{7} \circ \sqrt{7} \circ \sqrt{7} = \sqrt{7} \circ \sqrt{7} \circ$$

إعداد إرعادل إدو أر

$$^{1}\sqrt{\Lambda} = ^{1}\sqrt{(\Lambda)^{7}} = ^{1}\sqrt{160}$$
 الترتيب هو $^{1}\sqrt{160}$ ، $^{1}\sqrt{160}$ ، $^{1}\sqrt{160}$ هو $^{1}\sqrt{\Lambda}$ ، $^{1}\sqrt{160}$ ، $^{1}\sqrt{160}$

مثـ ١ ١ ال حل المعادلة س" = ١٢٥

 $mr = \frac{1}{\sqrt{(m-1)}}$ مثر ۲ الل حل المعادلة:

مثـ ١ ١ ال حل المعادلة: س المعادلة على المعا

$$\cdot = (\xi - \frac{\sqrt{\psi}}{\psi} \omega) (1 - \frac{\sqrt{\psi}}{\psi} \omega)$$

$$\cdot = (\xi - \frac{\sqrt{\psi}}{\psi} \omega) \cdot 1 \qquad \cdot = (1 - \frac{\sqrt{\psi}}{\psi} \omega) :$$

$$\cdot = (\xi - \frac{1}{2}\omega) \cdot \delta \qquad \qquad \cdot = (1 - \frac{1}{2}\omega) : \delta$$

$$1 = \omega \therefore \qquad \stackrel{\overline{}}{\smile} (1) = \omega \iff 1 = \stackrel{\overline{}}{\smile} \omega \therefore$$

$$\{\wedge \ \cdot \ \cdot \ \} = \xi : \wedge \cdot \wedge = {}^{r}(\Upsilon) = \omega : {}^{r}(\Upsilon) = \omega : (\Upsilon)^{r} = \lambda : \wedge \cdot \wedge = {}^{r}(\Upsilon) = \omega : (\Upsilon)^{r} = \lambda : \wedge \cdot \wedge = {}^{r}(\Upsilon) = \omega : (\Upsilon)^{r} = \lambda : \wedge \cdot \wedge = {}^{r}(\Upsilon) = \omega : (\Upsilon)^{r} = \lambda : \wedge \cdot \wedge = {}^{r}(\Upsilon) = \omega : (\Upsilon)^{r} = \lambda : \wedge \cdot \wedge = {}^{r}(\Upsilon) = \omega : (\Upsilon)^{r} = \lambda : \wedge \cdot \wedge = {}^{r}(\Upsilon) = \omega : (\Upsilon)^{r} = \lambda : \wedge \cdot \wedge = {}^{r}(\Upsilon) = \omega : (\Upsilon)^{r} = \lambda : \wedge \cdot \wedge = {}^{r}(\Upsilon) = \omega : (\Upsilon)^{r} = \lambda : \wedge \cdot \wedge = {}^{r}(\Upsilon)^{r} = \lambda : \wedge \cdot \wedge \rightarrow (\Lambda)^{r} = \lambda : \wedge \wedge \rightarrow ($$

 $\Upsilon = \frac{1}{2} - \omega$ (٤) × $(3)^{2}$ مثه ۱ ال حل المعادلة $(3)^{2}$

$$Y = \frac{1}{\omega} - \frac{1}{\omega} = Y$$
 $Y = \frac{1}{\omega} - \frac{1}{\omega} = Y$
 $Y = \frac{1}{\omega} - \frac{1}{\omega} = Y$
 $Y = \frac{1}{\omega} - \frac{1}{\omega} = Y$
 $Y = \frac{1}{\omega} - \frac{1}{\omega} = Y$

$$\frac{\psi}{\omega} = \frac{\psi}{\omega} - 1 = \omega \times \therefore \quad 1 = \frac{\psi}{\omega} + \omega \times \therefore \quad (1) = \frac{\psi}{\omega} = \frac{\psi}{\omega} = 1 = \frac{\psi}{\omega} \times (1) = \frac{\psi}{\omega} = \frac{\psi}{\omega} \times$$

$$\gamma = \frac{\psi}{1} = \omega = \frac{\psi}{1}$$

منئدى توجيه الرباضيات

إعداد العادل إدو أر

$$\frac{1}{2}$$
 مثه $\left(\frac{1}{2}\right)$ مثه $\left(\frac{1}{2}\right)$ مثه $\left(\frac{1}{2}\right)$ مثه $\left(\frac{1}{2}\right)$

مثر ۱ کال اختصر لأبسط صورة:
$$\frac{(93)^{m_0+\frac{1}{2}} \times (\sqrt{17})^{m_0-\frac{1}{2}}}{(\sqrt{17})^{m_0+\frac{1}{2}}} \times (\sqrt{17})^{m_0+\frac{1}{2}}}$$

$$|| \frac{1}{\sqrt{2}} || \frac{1}{\sqrt{2}}$$

$$\frac{1}{4}$$
 مثر ۱ ال أختصر لأبسط صورة: $\frac{(677)^{\frac{1}{4}}}{(677)^{\frac{1}{4}}} \times \frac{(77)^{\frac{1}{4}}}{(770)}$

$$\frac{1 - \omega^{m} \times (\pi)^{m} \times (\Phi)}{1 + \omega^{m} \times (\Phi)} = \frac{1 - \omega^{m} \times (\Phi)^{m} \times (\Phi)^{m} \times (\Phi)}{1 + \omega^{m} \times (\Phi)^{m} \times (\Phi)} = \frac{1 - \omega^{m} \times (\Phi)^{m} \times (\Phi)^$$

$$\frac{1}{10} = \frac{1}{10} \times \frac{1}{10}$$

ارين

- أوجد قيمة كلِّ ممايأتي في أبسط صورة:
 - 于(17) [[
- * (TT-) (+)
- $\frac{1}{2}\left(\frac{1}{2}\right) + \frac{1}{2}\left(\frac{1}{2}\right)$

- ۴- ۲۷ ج
- $\frac{1}{r-(\frac{\tau}{r} \wedge \times \frac{1}{r} \in \times^{r}-r)}$

- أوجد في أبسط صورة ناتجَ العمليات لآتية:
- * (7° + 3°) ?
 - - اختصر كُلًّا ممايأتي لأبسط صورة :
 - 1 1/137 + 4710

 - $\frac{1}{r}(\frac{VY9}{\Lambda}) \times \frac{1}{r}(\frac{17}{\Lambda \Lambda})$
- ++wq x = -w17 9 F, 0 k x ·, 517 \$ x ·, 1 \$ &
- و (۲۷) ۱ (۲۷)

إعداد العادل إدو ار

 $\frac{y}{F}(\Lambda) \div \frac{y}{F}(17)$

منثدى توجبه الرباضباك

الدائة الأسية

تعریف. اذا کان $\beta \in g^+$ - $\{1\}$ فإن الدالة د : $g \to g^+$ حیث د(س) = β تسمی دالة أسبة أساسها β .

التمثيل البياني للدالة الأسية

إذا كانت: ﴿ عدداً حِقيقياً موجباً خِ ١ فإن الدالة د: ع ـ ع حيث

د (س) = ${}^{\psi}$ تسمى دالة أسية أساسها ${}^{\varphi}$

خواص الدالة الأسية

(۱) إذا كانت : ٩ > ١ المنحنى يمر بالنقطة (١،٠)

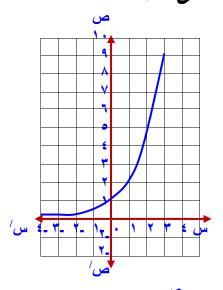
المجال = ع

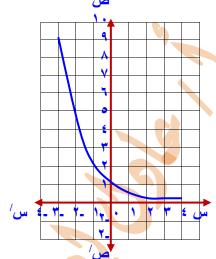
0 المدى = ع المدى = ع المدى المدى = ع المدى المدى

الدالة تزايدية على ع

الدالة ليست زوجية وليست فردية

المنحنى يقع بكامله فوق محور السينات





ملحظة: إذا كانت د(س) = 4 فإن المنحنى ص = د (س + ب) أى ص = 4 س + ب منته ص = 4 بإزاحة أفقية مقدارها | ب |

فى اتجاه وسل إذا كان: ب <٠ ، فى اتجاه وسل إذا كان: ب لح٠

إعداد العادل إدو ار

منندی نوجبه الرباضبات

مثـ١ ـ ال : أرسم منحنى الدالة د (-0) = $(7)^{2}$ في الفترة [-7, 3] و من الرسم أوجد : (-0, 0) (-0, 0) (-0, 0)

الحـــل

٣_				١	۲	٣		7
1	1 1	1	١	۲	٤	٨	17	ص

لإيجاد قيمة د (- ٥,٠):

نرسم مستقيماً عند _ه, • يوازى محور الصادات ليقابل المنحنى عند نقطة فنجدها ٧. •

·, [∨] ~ (·, °-) · ∴

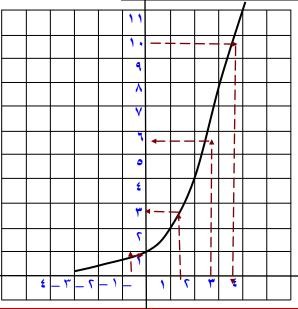
لإيجاد قيمة د (١,٥) نرسم كما سبق

نجد أن : د (١,٥) _ ٨, ٢

لإيجاد قيمة ٧٣٧ نلاحظ أن: ٣٧ = (٢) ،

نوجد د (²/₇) = د (⁷/₇)

و نرسم كما في السابق . قيمة ٣٦٧ ٢ ٥,٧



									V
			' <u>'</u>						
			۲۱	7		$\int \!\! 1$			
			١٨			1			
			0			ľ			
		-	17		6				
			9	1	7				
	1				/ i				
		1	<u> </u>			+			
	٣_	۲ - ۲	_	•	١	۲	٣	٤	

٣_	۲_	1_	•	1	۲	٣	ر
1	1	1	١	٣	٩	* *	P

المجال ع ، المدى ع ، متزايدة على مجالها

إعداد 1/عادل ادو ار

(11)

منثدى توجبه الرباضباك

مثـ ٣ ـ ال : أرسم منحنى الدالة د $(-1) = (\frac{1}{7})^{-1}$ في الفترة [- ٣، ٤] و من الرسم

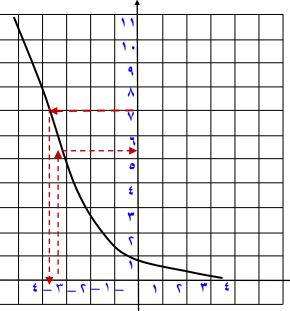
الحسل الحسل

٤_	٣_	۲_	1_	•	1	5	٤	j
٨	٤	۲	1	1	4	> <	17	٩

من الرسم: د (-هر۳) <u>~</u> ۳,۵

القيمة التقريبية للعدد 🛫 ۲۷

قیمة س عندما د(س) = ٧ س سے ۔ ۲٫۸ تقریباً



مثال ارسم منحنی الدالة د : ح \rightarrow ح \rightarrow حیث د(س) = $\left(\frac{1}{m}\right)^m$ ومن الرسم أوجد

الم الله الله عند الله عند الله عند الله عنه الله على الله عنه الله على الله عنه علم الله علم الله علم الله على

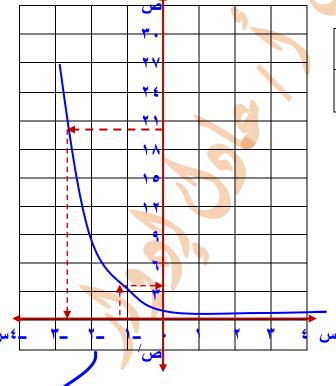
(1, 1-)2

٣	۲	1	•	١_	۲_	٣_	س
1	1	1	1	٣	٩	* *	ص

المجال ح ، المدى ح +

، تناقصية على مجالها

$$^{r, \vee} \simeq (^{1, \Upsilon})^{2}$$



إعداد العادل إدو ار

(11)

منندى توجبه الرباضباك

$$\frac{e^{\frac{1}{4}}}{e^{\frac{1}{4}}} = \frac{e^{\frac{1}{4}}}{e^{\frac{1}{4}}} = \frac{e^$$

$$(w) = \frac{(w+1) \times ((w+1))}{(w+1)} : (w+1) \times ((w+1)) \times ($$

$$\frac{1+w^{m}(^{m})\times (^{m})^{m}}{1+w^{m}(^{m})} = \frac{1+w^{m}(^{m})\times (^{m})^{m}\times (^{m})^{m}}{1+w^{m}(^{m})} = \frac{1+w^{m}(^{m})\times (^{m})^{m}}{1+w^{m}(^{m})}$$

$$= \frac{1+\omega^{1}(w)}{(w)^{2}+(w)} = (w) = \frac{1+\omega^{1}(w)}{(w)^{2}+(w)} = c(w) \quad \text{Identity}$$

مثال : إذا كانت : د(س) =
$$(7)^{m}$$
 ، $\sim (m) = (\frac{1}{7})^{m}$ فأوجد قيمة : $\frac{(\frac{3}{7}) - \sim (-7)}{(-7)}$

$$\frac{(\Upsilon)^{\frac{7}{7}} - (\Upsilon)^{\frac{7}{7}}}{(\Upsilon)} = \frac{(\Upsilon)^{\frac{7}{7}} - (\Upsilon)^{\frac{7}{7}}}{(\Upsilon)^{\frac{7}{7}} - (\Upsilon)} = \frac{(\Upsilon)^{\frac{7}{7}} - (\Upsilon)}{(\Upsilon)^{\frac{7}{7}} - (\Upsilon)} = \frac{(\Upsilon)^{\frac{7}{7}} - (\Upsilon)}{(\Upsilon)^{\frac{7}{7}} - (\Upsilon)} = \frac{(\Upsilon)^{\frac{7}{7}} - (\Upsilon)}{(\Upsilon)^{\frac{7}{7}} - (\Upsilon)} = \frac{(\Upsilon)^{\frac{7}{7}} - (\Upsilon)^{\frac{7}{7}}}{(\Upsilon)^{\frac{7}{7}} - (\Upsilon)} = \frac{(\Upsilon)^{\frac{7}{7}} - (\Upsilon)^{\frac{7}{7}}}{(\Upsilon)^{\frac{7}{7}} - (\Upsilon)^{\frac{7}{7}}} = \frac{(\Upsilon)^{\frac{7}{7}} - (\Upsilon)^{\frac{7}{7}}}{(\Upsilon)^{\frac{7}{7}}} = \frac{(\Upsilon)^{\frac{7}{7}}} - (\Upsilon)^{\frac{7}{7}}}{(\Upsilon)^{\frac{7}{7}}} = \frac{(\Upsilon)^{\frac{7}{7}}}{(\Upsilon)^{\frac{7}{7}}} = \frac{(\Upsilon)^$$

$$\frac{\xi}{q} = \frac{(m+\omega)^2 - (\xi+\omega)^2}{(\xi+\omega)^2 - (\xi+\omega)^2}$$
 : فأثبت أن : د(س + ه) - د(س + ξ) - ξ

منندی نوجبه الرباضبات (۱۳) اعداد العادل ادو ار

تطبيقات على الدالة الأسية:

النمو الأسى: الدالة د: د(س) = $\{ (1 + \pi)^i \text{ runters} \}$ الدالة د: د(س) = $\{ (1 + \pi)^i \text{ runters} \}$ القيمة الأبتدائية ، π النسبة المئوية ، س الفترة الزمنية الربح المركب: عند حساب جملة مبلغ (ح) لمبلغ ($\{ \} \}$) في أحدى البنوك بربح سنوى π

التضاول الأسى: الدالة د: د(م) = $\frac{1}{4}(1-x)^{4}$ تستخدم لتمثيل النمو الأسى بنسبة منوية ثابتة : $\frac{1}{4}$ القيمة الأبتدائية ، x نسبة التضاول ، م الفترة الزمنية

مثه ال : أودع رجل مبلغ ، ، ، ٢ جنية في أحدى البنوك التي تعطى فائدة سنوية مركبة ٧٪ أوجد جملة المبلغ بعد مرور ، ١ سنوات في كلاً من الحالات الآتية:

العائد السنوى
العائد النصف سنوى
العائد شهرى

مثر ۱ ال : السعر السوقى لسياة يتناقص طبقاً للعلاقة س = ١٠٠٠ ($(0,0)^{0}$ حيث س سع السيارة بالجنية ، م الزمن بالسنة ات أوجد :

الحديدة السيارة بعد مرور ه سنوات الحديدة السيارة بعد مرور ه سنوات الحديدة الح

- شعر السيارة عند شرائها الجديدة = ١٦٠٠٠٠ (٥٩٥) = ١٠٠٠٠ اجنية
- سعر السيارة بعد مرور $^{\circ}$ سنوات = $^{\circ}$ ١٦٠٠٠٠ ($^{\circ}$ $^{\circ}$) $^{\circ}$ = $^{\circ}$ $^{\circ}$ $^{\circ}$ $^{\circ}$ $^{\circ}$ $^{\circ}$

منندی توجیت الرباضیات (۱٤) اعداد ۱عادل ادو آرک

حل المعادلات الأسية جبرياً

(1)
$$|i| | |i| | | |i| | | |i| | | |i| |$$

مثـ١ـال: أوجد مجموعة حل المعادلة:
$$(") " - " = " ٢٤٣ = " في ع$$

مثال الدا کان د (س)
$$= (۲)^{m}$$
 وکانت د $(7m+1) - c(7m-1) = 1$ فأوجد قيمة س

$$1 Y = \frac{1 - \omega^{\gamma}}{(Y)} - \frac{1 + \omega^{\gamma}}{(Y)}$$

$$1 Y = (1 - \frac{1}{Y})^{1 - \omega^{\gamma}} Y \therefore$$

$$1 Y = (Y - \omega^{\gamma})^{1 - \omega^{\gamma}} Y \therefore$$

$$1 Y = Y \times \frac{1 - \omega^{\gamma}}{(Y)} Y \therefore$$

$$1 Y = Y \times \frac{1 - \omega^{\gamma}}{(Y)} Y \therefore$$

$$Y = (Y - \omega^{\gamma})^{1 - \omega^{\gamma}} Y \therefore$$

$$Y = (Y - \omega^{\gamma})^{1 - \omega^{\gamma}} Y \therefore$$

$$Y = (Y - \omega^{\gamma})^{1 - \omega^{\gamma}} Y \therefore$$

$$Y = (Y - \omega^{\gamma})^{1 - \omega^{\gamma}} Y \therefore$$

$$Y = (Y - \omega^{\gamma})^{1 - \omega^{\gamma}} Y \therefore$$

$$Y = (Y - \omega^{\gamma})^{1 - \omega^{\gamma}} Y \therefore$$

$$Y = (Y - \omega^{\gamma})^{1 - \omega^{\gamma}} Y \therefore$$

$$Y = (Y - \omega^{\gamma})^{1 - \omega^{\gamma}} Y \therefore$$

$$Y = (Y - \omega^{\gamma})^{1 - \omega^{\gamma}} Y \therefore$$

$$Y = (Y - \omega^{\gamma})^{1 - \omega^{\gamma}} Y \therefore$$

$$Y = (Y - \omega^{\gamma})^{1 - \omega^{\gamma}} Y \therefore$$

$$Y = (Y - \omega^{\gamma})^{1 - \omega^{\gamma}} Y \therefore$$

$$Y = (Y - \omega^{\gamma})^{1 - \omega^{\gamma}} Y \therefore$$

$$Y = (Y - \omega^{\gamma})^{1 - \omega^{\gamma}} Y \therefore$$

17 = 1 - 1مثال حل المعادلة 10^{-1}

$$17 = (1+7)^{1-\omega^{7}} \% \iff 17 = 1^{1-\omega^{7}} \% + \omega^{7} \%$$

$$7 = 1^{1-\omega^{7}} \% \iff 17 = 1^{1-\omega^{7}$$

منندی توجیت الرباضیات (۱۰) اعداد ۱/عادل ادو ار

مثهال حل المعادلة: ٤ س - ٩×٢ س + ٨ =٠

الحال

 $\pi = \sqrt{\sqrt{2}} \times \sqrt{\sqrt{2}}$ مث $\pi = \sqrt{2}$ مث $\pi = \sqrt{2}$

$$\cdot = (\Upsilon - \frac{1}{\Gamma}\omega) (1 - \frac{1}{\Gamma}\omega) \therefore \qquad \cdot = \Upsilon + \frac{1}{\Gamma}\omega \cdot \epsilon - \frac{7}{\Gamma}\omega$$

 $m_{\bullet} = \omega^{-n}(0) + \omega(0)$ مثV المعادلة

$$(\circ)$$
 (\circ) بالضرب (\circ) (\circ) (\circ) (\circ)

$$\therefore (\circ) \times \pi \cdot = {}^{\tau}(\circ) + {}^{\omega^{\tau}}(\circ) \therefore$$

$$\cdot = 170 + \omega(0) \times \pi \cdot - \omega(0) :$$

نوس =١

 $\cdot =$ ۲۷ + $^{\omega}($ (۳) × ۱۰ - $^{1-\omega^{-1}}($ + ۲۷ = $^{1-\omega^{-1}}$

الحـــل

$$**$$
بالضرب $**$ بالضرب $**$

$$\cdot = [\ ^{\prime\prime} - \ ^{\prime\prime}(\ ^{\prime\prime}) \] [\ ^{\prime\prime} - \ ^{\prime\prime}(\ ^{\prime\prime}) \] \Longleftrightarrow \quad \cdot = \land \lor + \ ^{\prime\prime}(\ ^{\prime\prime}) \times \ ^{\prime\prime} \cdot - \ ^{\prime\prime\prime}(\ ^{\prime\prime}) \ .$$

$$^{\text{r}}$$
اما $^{\text{r}}$ $^{\text{r}}$

$$1= \omega : \qquad T= \omega(T) \Leftarrow \qquad = T-\omega(T)$$

$$7 = \omega^{-}(0) + \gamma^{+}(0)$$
 مث ۱ المعادلة (٥) مث ١ + (٥)

الحـــل

$$^{\omega}(\circ) \times ^{\omega}$$
 بالضرب $^{\omega}(\circ) \times ^{\omega}$

$$1 = \omega$$
: $\frac{1}{6} = \omega(0) \Leftarrow \cdot = 1 - \omega(0) \times 0$

مث ۱۰ ال إذا كانت د $(m)=(m)^m$ ، د $(m)=(n)^m$ فأوجد قيمة س التى تحقق

الحسال

$$\forall \circ \forall = [\ ^{r}(r) + 1 \] \ ^{r}(r) \div \qquad \forall \circ \forall = \ ^{r}(r) + \frac{1}{r} - \frac{1}{r}(r) \div \cdots$$

$$"(") = " \vee " = " \wedge " + " \wedge " = " \wedge " \wedge ")$$

إعداد العادل ادو ال

منندی توجیده الرباضیات (۱۷)

الجبر (الوحدة الثانية) الصف الثاني الثانوي [القسم الأدبي] الفصل الدراسي الأول ٢٠٢٠	منكرة
تمــارين	
ارسم الشكل البياني لكل من الدوال الآتية، ثم أوجد المجال والمدي لكل	1
منها وبین: أي منها تكون متزایدة وأي منها متناقصة	
$w(\frac{1}{Y}) = (w)$ e w e (w) e w e (w) e	
أوجد جملة مبلغ ٨٠٠٠ جنيه موضوع في بنك يُعطى فائدة سنويةً مركبة قدُرها ٥٪ لمدة ٧ سنوات.	۲
أكمل ما يأتي:	٣
اً إذا كان ٢اسا= ٣٣ فإن س =	
ب إذا قطع منحني الدالة در حيث درس) = ٣٠٠ منحني الدالة در حيث درس) = ٤-س	
في نقطة (ك ، ٣) فإن مجموعة حل المعادلة ٣٠٠ = ٤-س تساوي	
إذا كانت د(س) = ٢س أوجد مجموعة حل كل من المعادلات:	٤
$\frac{1}{mr} = (1+m) = (m+1) = \frac{1}{mr}$	
إذا كانت د(س) = ٧٣٠-٢ أوجد مجموعة حل كل من المعادلاتِ:	٥
$\frac{1}{E9} = (mr) = 727$	
إذا كانت د(س) = ٣٣٠١ أوجد مجموعة حل كل من المعادلاتِ:	٦
ا د (س) = ۲۷ (س-۱) = ۱	
تتناقص أعداد الكائنات البحرية تبعًا لدالة التضاؤل الأسى ص $ = $	٧
من الآن. أوجد: أ عدد هذه الكائنات بعد مرور ٤ أسابيع من الآن.	
 بعد كم أسبوع من الآن يصبح عدد هذه الكائنات ٢٥٦. 	
أكمل مايأتي:	٨
الدالة د: د(س) = ٢ س تقطع محور الصادات في النقطة	
ب الدالة د : د(س)=۲ ا-س تقطع محور الصادات في النقطة	
ج إذا مر منحنى الدالة د : د(س) = ا ^س بالنقطة (١، ٣) فإن ا =	
رى نوجبه الرباضبات (۱۸) إعداد العداد العداد الم	مننا

اللوغاريتمات

 $\omega = 4^{\circ}$ میث $\beta \in \mathcal{S}^{+}$ ، $\omega \in \mathcal{S}^{+}$. ملاحظة : ١٧ معنى عن لوغاريتم عدد غير موجب ، بمعنى لو ٣٠ ، لو (٠) ليس لها معنى الأساس إيجب أن يكون موجب يختلف عن الواحد لو ، ٨ ، لو ، ٥ ليس لها معنى اللوغاريتم المعتاد هو لوغاريتم أساسه ١٠ وتكتب لو ٨ = لو ٨

الدالة اللوغاريتمية

إذا كان: $q \in g^+ - \{1\}$ فإن الدالة د: $g^+ \longrightarrow g$: د(س) = لو, س

التمثيل البياني للدالة اللوغارييمية

 $\{1\} \longrightarrow g \mapsto \{0, 0\} = \{0, 0\} : \{g \in g + -\{1\}\}$

إذا كانت درس) = لو إس فإن الخط البياني للدالة درس)

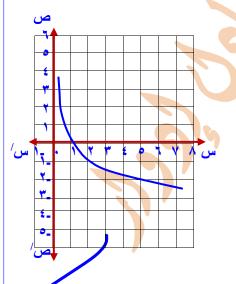
يمثل بالأزواج المرتبة (س ، لوس)

(۱) إذا كانت : - ۱ > ۱

المنحنى يمر بالنقطة (١،٠)

 $] \infty \cdots [!] = ع_+$ المجال

المدى = ع الدالة تزايدية على ع +



إعداد إعادل إدو ار

(۲) إذا كانت ، < ۱ < ۱

المنحنى يمر بالنقطة (١،٠)

 $] \infty \cdots [!] = ع_+$ المجال

المدى = ع

الدالة تناقصية على عـ

منثدى نوجبه الرباضباك

(19)



نكون الجدول:

٩	٣	1	1	س ا
۲	1	•	١_	د (س) _ ۲

ومن الرسم:

لإيجاد قيمة تقريبية للعدد لوس ٦:

نرسم عند س = ٦ مستقيماً يوازي محور الصادات

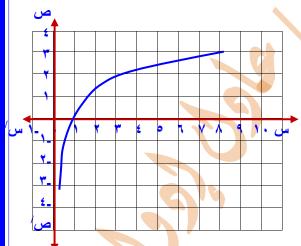
ليقابل المنحنى في نقطة فتكون قيمة ص

، بالمثل: نجد أن: لو قرق ينحصر بين ١، ٢

٠٠ د (س) = لو إس يمر بالنقطة (٤، ٢)

- ∴ १ = ۲ والسالب مرفوض
- : د(س) = لو_ب س نكون الجدول :

<	٤	۲	1	- -	<u> </u>	- <	3	
٣	۲	1	•	1	۲_	۳ _	ر س	



ومن الرسم: المدى ح ، الدالة تزايدية على مجالها

إعداد ا/عادل ادو ار

(۲ ·)

منثدى توجبه الرباضباك

$$\{ \ \sharp \ \} = \sharp \qquad \therefore \qquad \gamma, g = \{ \ \sharp \ \}$$

مثـــ ٤ ال : أوجد مجموعة الحل لكلا من المعادلات الاتية

$$\{ \Upsilon - \} = \varrho . \qquad \therefore \qquad \Upsilon - = \omega \Leftarrow \qquad (\Upsilon) = (\Upsilon) \Leftarrow \qquad \frac{1}{\lambda} = (\Upsilon) \qquad \textcircled{}$$

مثــه ال : عين مجال الدزال المعرفة بالقواعد الآتية

ر الدالة معرفة عندما ۲س + ۱ > ۰
$$\Rightarrow$$
 ۲س > $\frac{1}{7}$

$$]\infty$$
 ، $\frac{1}{7}$ = $]$ مجال د

$$7 \neq 0$$
 س > ۰ ، س $2 \neq 1$ \Rightarrow س > ۰ ، س $4 \neq 0$ \bigcirc س > ۰ ، س $4 \neq 0$ \bigcirc $1 \neq 1$ \bigcirc 1

$$1 \neq 0$$
 س > ، ، س $= 1 \neq 0$ س > ، ، س $= 1 \neq 0$ س > ، ، س $= 1 \neq 0$ س $= 1 \neq 0$ س $= 1 \neq 0$ مجال د $= 1 \neq 0$ ۲ ، $= 1 \neq 0$. .

$$\{Y - i \} = 2. \quad \gamma = 4$$

$$17 = \omega - v \qquad \omega' - \omega = (7\sqrt{7})'$$

$$\omega' - \omega - v = (7 + \omega)(\omega - v)$$

$$\{ \mathcal{T} - \mathcal{L} \} = \mathcal{L} \qquad \qquad \mathcal{L} \qquad \qquad \mathcal{L} = \mathcal{L} \qquad \qquad \mathcal{L} = \mathcal{L} \qquad \qquad \mathcal{L} \qquad \qquad \mathcal{L} = \mathcal{L} \qquad \mathcal{L} \qquad \qquad \mathcal{L} = \mathcal{L} \qquad \qquad \mathcal{L} \qquad \mathcal{$$

مثـــ٧ــال: أوجد في ح مجموعة حل المعادلات الآتية

()
$$(Le_{\gamma}w - Y)(Le_{\gamma}w - W) = V \implies Le_{\gamma}w = Y$$

() $Le_{\gamma}w - Y)(Le_{\gamma}w - W) = V$

() $Le_{\gamma}w - W$

() $Le_{\gamma}w -$

$$P = P + \omega + O = P$$
 $P = P + \omega + O = P$
 $P = P + \omega + O = P$
 $P = P + \omega + O = P$
 $P = P + \omega + O = P$
 $P = P + \omega + O = P$
 $P = P + \omega + O = P$
 $P = P + \omega + O = P$
 $P = P + \omega + O = P$
 $P = P + \omega + O = P$
 $P = P + \omega + O = P$
 $P = P + \omega + O = P$
 $P = P + \omega + O = P$
 $P = P + \omega + O = P$
 $P = P + \omega + O = P$
 $P = P + \omega + O = P$
 $P = P + \omega + O = P$
 $P = P + \omega + O = P$
 $P = P + \omega + O = P$
 $P = P + \omega + O = P$
 $P = P + \omega + O = P$
 $P = P + \omega + O = P$
 $P = P + \omega + O = P$
 $P = P + \omega + O = P$
 $P = P + \omega + O = P$
 $P = P + \omega + O = P$
 $P = P + \omega + O = P$
 $P = P + \omega + O = P$
 $P = P + \omega + O = P$
 $P = P + \omega + O = P$
 $P = P + \omega + O = P$
 $P = P + \omega + O = P$
 $P = P + \omega + O = P$
 $P = P + \omega + O = P$
 $P = P + \omega + O = P$
 $P = P + \omega + O = P$
 $P = P + \omega + O = P$
 $P = P + \omega + O = P$
 $P = P + \omega + O = P$
 $P = P + \omega + O = P$
 $P = P + \omega + O = P$
 $P = P + \omega + O = P$
 $P = P + \omega + O = P$
 $P = P + \omega + O = P$
 $P = P + \omega + O = P$
 $P = P + \omega + O = P$
 $P = P + \omega + O = P$
 $P = P + \omega + O = P$
 $P = P + \omega + O = P$
 $P = P + \omega + O = P$
 $P = P + \omega + O = P$
 $P = P + \omega + O = P$
 $P = P + \omega + O = P$
 $P = P + \omega + O = P$
 $P = P + \omega + O = P$
 $P = P + \omega + O = P$
 $P = P + \omega + O = P$
 $P = P + \omega + O = P$
 $P = P + \omega + O = P$
 $P = P + \omega + O = P$
 $P = P + \omega + O = P$
 $P = P + \omega + O = P$
 $P = P + \omega + O = P$
 $P = P + \omega + O = P$
 $P = P + \omega + O = P$
 $P = P + \omega + O = P$
 $P = P + \omega + O = P$
 $P = P + \omega + O = P$
 $P = P + \omega + O = P$
 $P = P + \omega + O = P$
 $P = P + \omega + O = P$
 $P = P + \omega + O = P$
 $P = P + \omega + O = P$
 $P = P + \omega + O = P$
 $P = P + \omega + O = P$
 $P = P + \omega + O = P$
 $P = P + \omega + O = P$
 $P = P + \omega + O = P$
 $P = P + \omega + O = P$
 $P = P + \omega + O = P$
 $P = P + \omega + O = P$
 $P = P + \omega + O = P$
 $P = P + \omega + O = P$
 $P = P + \omega + O = P$
 $P = P + \omega + O = P$
 $P = P + \omega + O = P$
 $P = P + \omega + O = P$
 $P = P + \omega + O = P$
 $P = P + \omega + O = P$
 $P = P + \omega + O = P$
 $P = P + \omega + O = P$
 $P = P + \omega + O = P$
 $P = P + \omega + O = P$
 $P = P + \omega + O = P$
 $P = P + \omega + O = P$
 $P = P + \omega + O = P$
 $P = P + \omega + O = P$
 $P = P +$

$$\{1\xi_{-},\xi_{-}\}=\xi_{-},\qquad \gamma_{-},\xi_{-}=\xi_{-}\}$$

تمــارين

	S 25	٠	1
	114	1.0	
الى.	ر س پ	أكمل	

🚺 الصورة الأسية المكافئة للصورة لو ٢٧ = ٣ هي

الصورة اللوغاريتمية المكافئة للصورة ٣ صفر = ١ هي

ج لو ۲۰۰۱ = ۰۰۰ او

ه إذا كان لوع=٢ فإن س = و إذا كان لو ٢٦٨ = س + ١ فإن س =

ن مجال الدالة د: د(س) = لو س هو كل أ ح الدالة دحيث د(س) = لو س متناقصة لكل أ ∈

منحنى الدالة د حيث د(س) = لو س يمر بالنقطة (٨،)

ى إذا كان لو٣ = س ، لو٥ = ص فإن لو ١٥ = (بدلالة س،ص)

أوجد في ع مجموعة حل كلِّ من المعادلات الآتية:-

ج لو ٩ = ٢

ه لو (س + ۲) = ۲ و لو ٩ = ٢

ع لو ٩

د او <u>۴</u> = ۸

🍸 بدون استخدام الحاسبة أوجد قيمة

<u>ا</u> لو ۱ ب لو ٧

🖸 لو ۳ + لو ۲

😵 مثل بيانيًّا الدالة د في كل مما يأتي الآتية ومن الرسم أوجد مداها وابحث اطرادها:

(۱+س) = لوس عاد (س) = لوس (س + ۱) الوس عاد (س) = لوس (س + ۱)

استخدم الحاسبة في إيجاد قيمة كل من:-

(ب) لو ۲۷

علو V - الو17 علو 9 -

🗘 إذا كانت مصاريف الاشتراك السنوى بالجنيه لأسرة في أحد النوادي الاجتماعية تتبع العلاقة د(س) = ٥٠٠ + ١٠٠ لو (ن س) حيث ن عدد سنوات الاشتراك س عدد الأفراد. أوجد قيمة اشتراك أسرة مكونة من ٥ أفراد للسنة الرابعة في هذا النادي.

(**)

[26/ 1/2016/ 1/2016 | 1/2016 | 1/2016 | 1/2016 | 1/2016 | 1/2016 | 1/2016 | 1/2016 | 1/2016 | 1/2016 | 1/2016 | 1/2016 | 1/2016 | 1/2016 | 1/2016 | 1/2016 | 1/2016 | 1/2016 | 1/2016 | 1/2016 | 1/2016 | 1/2016 | 1/2016 | 1/2016 | 1/2016 | 1/2016 | 1/2016 | 1/2016 | 1/2016 | 1/2016 | 1/2016 | 1/2016 | 1/2016 | 1/2016 | 1/2016 | 1/2016 | 1/2016 | 1/2016 | 1/2016 | 1/2016 | 1/2016 | 1/2016 | 1/2016 | 1/2016 | 1/2016 | 1/2016 | 1/2016 | 1/2016 | 1/2016 | 1/2016 | 1/2016 | 1/2016 | 1/2016 | 1/2016 | 1/2016 | 1/2016 | 1/2016 | 1/2016 | 1/2016 | 1/2016 | 1/2016 | 1/2016 | 1/2016 | 1/2016 | 1/2016 | 1/2016 | 1/2016 | 1/2016 | 1/2016 | 1/2016 | 1/2016 | 1/2016 | 1/2016 | 1/2016 | 1/2016 | 1/2016 | 1/2016 | 1/2016 | 1/2016 | 1/2016 | 1/2016 | 1/2016 | 1/2016 | 1/2016 | 1/2016 | 1/2016 | 1/2016 | 1/2016 | 1/2016 | 1/2016 | 1/2016 | 1/2016 | 1/2016 | 1/2016 | 1/2016 | 1/2016 | 1/2016 | 1/2016 | 1/2016 | 1/2016 | 1/2016 | 1/2016 | 1/2016 | 1/2016 | 1/2016 | 1/2016 | 1/2016 | 1/2016 | 1/2016 | 1/2016 | 1/2016 | 1/2016 | 1/2016 | 1/2016 | 1/2016 | 1/2016 | 1/2016 | 1/2016 | 1/2016 | 1/2016 | 1/2016 | 1/2016 | 1/2016 | 1/2016 | 1/2016 | 1/2016 | 1/2016 | 1/2016 | 1/2016 | 1/2016 | 1/2016 | 1/2016 | 1/2016 | 1/2016 | 1/2016 | 1/2016 | 1/2016 | 1/2016 | 1/2016 | 1/2016 | 1/2016 | 1/2016 | 1/2016 | 1/2016 | 1/2016 | 1/2016 | 1/2016 | 1/2016 | 1/2016 | 1/2016 | 1/2016 | 1/2016 | 1/2016 | 1/2016 | 1/2016 | 1/2016 | 1/2016 | 1/2016 | 1/2016 | 1/2016 | 1/2016 | 1/2016 | 1/2016 | 1/2016 | 1/2016 | 1/2016 | 1/2016 | 1/2016 | 1/2016 | 1/2016 | 1/2016 | 1/2016 | 1/2016 | 1/2016 | 1/2016 | 1/2016 | 1/2016 | 1/2016 | 1/2016 | 1/2016 | 1/2016 | 1/2016 | 1/2016 | 1/2016 | 1/2016 | 1/2016 | 1/2016 | 1/2016 | 1/2016 | 1/2016 | 1/2016 | 1/2016 | 1/2016 | 1/2016 | 1/2016 | 1/2016 | 1/2016 | 1/2016 | 1/2016 | 1/2016 | 1/2016 | 1/2016 | 1/2016 | 1/2016 | 1/2016 | 1/2016 | 1/2016 | 1/2016 | 1/2016 | 1/2016 | 1/2016 | 1/2016 | 1/2016 | 1/2016 | 1/2016 | 1/2016 | 1/2016 | 1/2016 | 1/2016 | 1/2016 | 1/2016 | 1/2016 | 1/2016 | 1/2016 | 1/2016 | 1/2016 |

منثدى توجبه الرباضباك

🕕 لو ١٥

قوانيين اللوغاريتمات

$$= 100 \, \text{m}$$
 $= 100 \, \text{m}$
 $= 10$

[7]
$$Le \frac{m}{m} = Le m - Le ص$$
 $e = Le \frac{\pi}{3} = Le \pi - Le 3$
 $e = Le \frac{\pi}{3} = Le \frac{\pi}{3}$
 $e = Le \frac{\pi}{3}$

[۳] لو س^ن = ن لو س فمثلا: لوس = ه لوس والعكس: ٣ لوس = لوس

$$\begin{bmatrix} 1 \end{bmatrix}$$
 إذا: $w \in g^+$ ، $w \in g^+$. w

$$\Rightarrow$$
 لو $_{\wedge}$ ۷ × لو $_{\vee}$ ۸ = ۱

ملاحظة : إذا: س $\in \neg$ ، م عدداً زوجياً لا يساوى الصفر ، $\uparrow \in \neg$ \uparrow \uparrow فإن: لو, (س) م = م لو, إس ا فمثلاً: لو, (س) = ٤ لو إس ا

إعداد 1/عادل إدو ار

 $(Y \xi)$

منندى توجبه الرباضباك

مثــاسال: بدون استخدام حاسبة الجيب أوجد قيمة

الحــــل

الحـــــل

$$\bigcirc$$
 لو ۱۰ + لو ۳ _ لو ۲ _ لو ۱٥ = لو $\frac{7 \times 1}{7 \times 9}$ = لو ۱ = صفر

الحال

$$\frac{1 - e_{\gamma}^{m} \times (9)^{2} \times 71 \times 77}{27 \times 271 \times 727} = 1 = 1 = 1 = 7 = 7 = 7 = 7 = 7$$

مثـــعـال: بدون استخدام حاسبة الجيب أوجد قيمة

$$\frac{9 \times 17 \times 17 \times 17}{1 \times 1 \times 1 \times 1 \times 1}$$
 = لو ۱ = صفر

(Yo)

منثدى نوجبه الرباضباك

مثــه ال : أوجد مجموعة الحل لكلا من المعادلات الاتية

(1) Le
$$m \times 7 = \text{Le ol} \longrightarrow \text{Le 7} m = \text{Le ol} \bigcirc 10 = \text{Le o$$

$$\bigoplus_{v} Le \frac{vv}{\gamma} = Le \gamma \implies \frac{vv}{\gamma} = \gamma$$

$$w = \gamma \times \gamma = \gamma$$

$$\therefore \gamma. \beta = \{7\}$$

مثــــ ٦ ال : أوجد مجموعة الحل لكلا من المعادلات الاتية

$$egin{array}{lll} egin{array}{lll} egin{array} egin{array}{lll} egin{array}{l$$

الحال

المقدار =
$$\frac{\text{Le}_{0} \times \text{Le}_{0} \times \text{Le}_{0}}{\text{Le}_{0} \times \text{Le}_{0}} \times \frac{\text{Le}_{0} \times \text{Le}_{0}}{\text{Le}_{0} \times \text{Le}_{0}} = \frac{\text{Le}_{0} \times \text{Le}_{$$

إعداد 1/عادل إدو أر

(77)

منندى نوجيه الرباضبات

مثــــ ٨ ـــ ال : أوجد مجموعة الحل لكلا من المعادلات الاتية

(۱) لو س' = لو $3 \times 9 =$ لو $7 \times 9 =$

مثـــ ٩ ــال : أوجد مجموعة الحل لكلا من المعادلات الاتية

(Le
$$m$$
) = Le m (Y) $= 12 (20)^{(Le m)} \times 37 = (77)^{(Le m)}$

(لو س) $^{7} = 1$ لو س \Rightarrow (لو س) $^{7} - 1$ لو س \Rightarrow

$$\bigcirc (7)^{(Lew)^{7}} \times (7)^{7} = (7)^{(Lew)} \implies (7)^{(Lew)^{7}+7} = (7)^{\circ (Lew)^{7}}$$

$$: (Le \ w)' + 7 = 0 Le \ w \implies (Le \ w)' - 0 Le \ w + 7 = 0$$

إعداد 1/عادل ادو ار

(YY)

منندى توجيه الرباضيات

مثـ ١٠ ال : بدون استخدام حاسبة الجيب أوجد قيمة :

الحـــل

استخدام الآلة الحاسبة:

اللوغاريتمات المعتادة

هى اللوغاريتمات التى أساسها (١٠) ولا يكتب أسفل رمز اللوغاريتم كيفية أيجاد لوغاريتم عدد استخدام مفتاح اللوغاريتم المعتاد هو log

(١) لإيجاد: لو ١,٤ نتبع الخطوات

يظهر على الشاشة العدد 0,9242792861 = 5 . 8 القاشة العدد 0,9242792861 القيمون : لو 4,5 = 7,4 = 1,5 و

(٢) لإيجاد قيمة س إذا كان لو س = ٢٧٥٤, نتبع الخطوات

يظهر على الشاشة 2,86597276 = 2 أ 4 أ ا log 0 الشاشة

فیکون: س سے ۲,۸۶۰۰

اللوغاريتم لأى أساس

(١) لإيجاد: لو ٢٤ نتبع الخطوات

يظهر على الشاشة العدد 2,892789261

فیکون: لو ۲۶ سے ۲٫۸۹۲۸

log 3 2 4 =

إعداد المعادل إدو أر

(YA)

منثدى توجبه الرباضباك

منكرة الجبر (الوحدة الثانية) الصف الثاني الثانوي [القسم الأدبي] الفصل الدراسي الأول ٢٠٢٠ مثــ ١ ــال أوجد قيمة س التي تحقق أن <u> س = ۳ لو ۵ − ۲ لو ۳</u> ﴾ ﴿ س = ٢ لو ٧ ـ ٣ لو٢ ___ ه لو ۳ <u>ــ لو ۷</u> 2 Log 7 - 3 Log 2 = 0.78∴ س = ۲۷۸. $(3 \text{ Log } 5 - 2 \text{ Log } 3) \div (5 \text{ Log } 3 - \text{ Log } 7) = 0.74$ $^{\prime\prime}$ لو س = $^{\prime\prime}$ (٤) \bigcirc $^{\prime\prime}$ (۲,۳) = س \bigcirc \bigcirc \bigcirc \bigcirc ٠٠ س = ٢١,٦ ﴿ shift Log 1,5 = 31.6 \bigcirc بأخذ لوغاريتم الطرفين \bigcirc لو س = لو (7,7)'' = 1 لو (7,7)ج بأخذ لوغاريتم الطرفين \Rightarrow س لو = ۷ه \Rightarrow د بأخذ لوغاريتم الطرفين \Rightarrow س لو \Rightarrow الو المحتوية بأخذ لوغاريتم الطرفين \Rightarrow س لو المحتوية بأخذ المحت الحاسبة (اولا) قيمة ع عندما ن = ١٠سم (ثانيا) قيمة ن عندما ع = ١٥٠ (أولا) عندما : ن $= \cdot 1$ سم $= \frac{1}{\pi} (1 \cdot 1)^{\pi} = 1 \cdot 1 \cdot 1$ بالالة $4 \div 3 \times \text{sh} = \exp \times 10 \text{ x}^{\text{y}} 3 = 4188.79$ $\pi = \pi = \pi$ ن $\pi = \pi$ ن $\pi = \pi$ ن π π^{0},Λ ون $\pi^{0}=\frac{\pi\times100}{\pi^{2}}=\pi$ بأخذ اللوغاريتم π لو ن π^{0} ن ہے ۳,۳ سم Log 35,8 + 3 = shift log = 3,2958 ن ہے 3,5 کے 3 = shift log = 3,2958

 (Υ^{q})

منئدى توجبت الرباضبات

1201c 1/21ch

مثــ ٤ ــال : أوجد مساحة سطح مكعب حجمه ٢٠٠ اسم "

الحـــل

حجم المكعب = ١٢٠٠
$$\Rightarrow$$
 ل = ١٢٠٠ بأخذ لوغاريتم الطرفين

$$\pi$$
 لو ل = نو ۱۲۰۰ \Rightarrow ل = (نو ۱۲۰۰) ÷ π

$$=$$
 کل آخر حجم المکعب $=$ ۱۲۰۰ \Rightarrow ل

$$\therefore \ \mathsf{U} = \sqrt{\mathsf{V} \cdot \mathsf{V}^{\mathsf{v}}} = \mathsf{V} \mathsf{V} \cdot \mathsf{V}$$

مثهال أوجد قيمة س التي تحقق أن

الحال

() بأخذ لوغاريتم الطرفين

:.
$$te^{0^{m+1}} = te^{1} \implies (m+1)te^{0} = te^{1}$$

.. $te^{0^{m+1}} = te^{1} \implies (m+1)te^{0} = te^{1}$

.. $te^{0} + 1te^{0} = te^{1}$

.. $te^{0} + 1te^{0} = te^{0}$

.. $te^{0} + 1te^{0} = te^{0}$

ا بأخذ لوغاريتم الطرفين

...
$$(6)^{7} = (7)^{m+3} \Rightarrow (7m-7)$$
 be $(7)^{m+3} \Rightarrow (7m-7)$ be $(7m-7)$ be $(7$

$$\therefore$$
 m (Y Le \circ — Le π) = 3 Le π + π Le \circ ... $m = \frac{3}{160} + \frac{\pi}{160} = \pi, 3$

إعداد 1/عادل ادو آر

(* ·)

منثدى نوجبه الرباضباك

1
 مثـ 1 التي تحقق أن : 1 (۸) 1 (۹) مثـ 1

بأخذ لوغاريتم الطرفين ... لو ($^{7w+1}$ × $^{9w+7}$) = لو 7w + لو $^{9w+7}$ = لو 7w + لو $^{9w+7}$ + لو $^{9w+7}$ + لو $^{9w+7}$ + لو $^{9w+7}$) لو $^{9w+7}$ + لو $^{9w+7}$) لو $^{9w+7}$ الو $^{9w+7$

$$i=tU: (T^{m}-T) (T^{m}-T) = i$$

$$T^{m}=T \qquad i, \qquad t^{m}=T \qquad i, \qquad t^{m}=te^{T}$$

$$\vdots \quad m=1 \quad i, \quad m=\frac{te^{T}}{te^{T}}=T, 1 \qquad \vdots \quad m=\{1, 1, 1, 1\}$$

إعداد العادل ادو ار

("1)

منثدى توجيه الرباضيات

 $^{10} + ^{0} ^{1} \times ^{1} - ^{1} \times ^{1} = ^{1} \times ^{1} \times$

$$1,7,7,7 = \frac{10^{9}}{10^{4}} = 7,7,7,7 : 0 = \frac{10^{9}}{10^{4}} = 7,7,7 : 0 = \frac{10^{9}}{10^{4}} = 7,7 : 0 = \frac{10^{9}}{10^{4}} =$$

مثر ١٠ ال: إذا كان س ص = ٤ ٦٧٦ أوجد قيمة: ٥ لو س + ٤ لو ص - لو س ص

المقدار = لو
$$\frac{m^2 \times 0^4}{m^3 \times 0^7} = 10^7$$
 = لو $m^7 \times 0^7$ = لو $m^7 \times 0^7$

مثـــ ١١ ــال: إذا كان: ٧لوس +٤ لوص - لوس ص حـ ٢ (لو٢ +لو٣)

$$\frac{7}{m} = \frac{1}{m}$$

ص الح لوس + لوص ، – لوس °ص = ۲ لو ٦

$$\frac{7}{\omega} = \omega \quad \therefore \quad \sqrt{7} = \omega \quad \omega \quad \leftarrow \quad \sqrt{7} = \sqrt{2} \omega$$

مثـ ۱۲ اــال : إذا كان : $\frac{Le^{m}}{Le^{o}} = \frac{Le^{p}}{Le^{m}} = \frac{Le^{p}}{Le^{m}}$ أوجد قيمتى س ، ص

$$\frac{\text{Le } w}{\text{Le } o} = \frac{\text{Le } (7)}{\text{Le } o} = \frac{\text{Le } (7)}{\text{Le } o}$$

$$\frac{\text{Le } w}{\text{Le } a} = \frac{\text{Y Le } Y}{\text{Le } a} = \frac{\text{Y Le } Y}{\text{Le } a}$$

 $(\Upsilon\Upsilon)$

منثدى توجبت الرباضيات

1201 1/2016 1ce 17

تمارين

4 (2)

° (7)

ج صفر

اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة:

٢ ٢ لو ٢ + ٢ لو ٣ =

ب ۲۲

۲ لو ٥ × لو ٢ =

٧. (پ

🍞 لو ۲×لو ٥×لو ٣ =

رف ا

عَبِّر عن كلِّ ممايأتي بدلالة لوس ، لو (س + ١)

ب لو س +۱-س +۱-

1) لو س (س +۱)

(٥) اختصر لأبسطِ صورة:

ا لو ٤٥ - لو ٩

ب لو۲+ لو۳

1-67 1000

🖸 لو ٤٨ + لو ١٢٥ - لو ٦

او ١٦ + لو ٣٣ + لو ٠,١

ح الموا + الموب + ٢ لو ج - لوااب - لو ٣جـ٢

أوجد في ع مجموعة حلَّ كلًّ من المعادلات الآتية:

 $Y = \frac{W}{\log w} - \log w$

لو س-لو ۲=۲

11 3

🕒 صفر

د لو ۳۰

(س+۱) لوماس (س+۱)۲

م او ۱۲ + او ۴ ا

و لو ٤٩ + ٣ لو ٧ له ٧

او (س +۳) - لو ۳ = لو س
 او س +۳ + لو س

اثبت أنَّ لو ا × لو ب × لو ج × لو ا > ١ م احسب قيمة لو ٢ × لو ٥ × لو ١٦ الله الله ١٦ الله ١٦ الله ١٩٠٥ الله ١٦ الله ١٩٠٥ الله

🛦 أوجد قيمة س في كلِّ مما يأتي مقربًا الناتج لرقم عشري واحد.

1+ mp = 4- mp (3)

1 = Y-WV × £

س ۱۰۰۰۰ پ

راً ۳^س = ۷

إعداد العادل إدو آر

(44)

منثدى توجيه الرباضباك

تمــــارين

$$\sqrt{-100} + \sqrt{100} +$$

*
$$|\mathring{r}_{+} = \mathring{r}_{+} = 1$$

 $|\mathring{r}_{+} = 1|$
 $|\mathring{r}_{+} = 1|$

$$Y - ie_{\gamma} \frac{\cdot \cdot \cdot}{\pi} - ie_{\gamma} \frac{\vee}{\sqrt{\gamma}} + ie_{\gamma} \frac{1}{\sqrt{r}} = ie_{\gamma} \vee Y$$

$$r - te(P' - P') - te(P' \div P') = te \wedge$$

$$V = \frac{1 + 1e^{\gamma} - 1e^{0.3}}{1 - 1e^{0.3}} = V$$

* أوجد قيمة س فيما يلى: _

(7 5)

منندى نوجبه الرباضبات

$$-7$$
 لو $(m-1)^{7}-7$ لو $(m-7)=1$

$$P = \mathbb{I} \left(\frac{\mathbf{w}}{\mathbf{w}} + \mathbf{P} \mathbf{w} \right) = 1$$

$$11- \text{ le}_{\gamma}(m^{\gamma}+7m+9)- \text{ le}_{\gamma}(m-1)=\text{le}_{\alpha}^{\gamma}$$

* أوجد مجموعة حل المعادلات الآتية: _

$$^{\prime}$$
 - (لو $^{\prime}$ $^{\prime}$ + $^{\prime}$ لو $^{\prime}$ $^{\prime}$ $^{\prime}$

$$3 - \frac{\psi}{\psi} = 3$$

$$V = \sqrt{W - V} = V$$

$$\wedge$$
 لو $($ $=$ لو $\sqrt{ }$ $=$

$$11$$
 لو $_{\Lambda}$ س = لو $_{\Lambda}$

$$-17$$

إعداد العادل إدو ار

(TO)

منثدى توجبه الرباضباك

منكرة الجبر (الوحدة الثانية) الصف الثاني الثانوي [القسم الأدبي] الفصل الدراسي الأول ٢٠٢٠

$$V \leftarrow \begin{bmatrix} 1 & 1 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & 1 \end{bmatrix}$$
 اس $+ V + V = V = V$ اس $+ V = V$

$$Y = (W - W) - Le_{w}(W - W) = Y$$

** أجب عما يلي:

۱) إذا كان : س ص =
$$9\sqrt{7}$$
 فأثبت أن : ٤ لو س + ٥ لو ص – لو س ص $\sqrt{7}$ ص = ٥

$$1 + 1 + 2 = 1$$
 إذا كان : ٣ لو $1 - 1 + 3 = 1 + 3 = 1 + 3 = 1 + 4 =$

۹) إذا كان: لو،
$$7 = m$$
 فإثبت أن: لو، $10 - m = 3 - m$

۱٤) إذا كان:
$$\frac{\text{Le}_{0}}{\text{Le}_{0}} = \frac{\text{Le}_{1}}{\text{Le}_{0}} = \frac{$$

إعداد 1/عادل إدو ال

(77)

منندى توجبه الرباضباك

منكرة الجبر (الوحدة الثانية) الصف الثاني الثانوي [القسم الأدبي] الفصل الدراسي الأول ٢٠٢٠

*بإستخدام حاسبة الجيب أوجد قيمة س مقربا الناتج لرقميين عشريين: ـ

$$1 - \omega_{q} = 1 + \omega_{\Lambda} \qquad (7)$$

$$\Lambda = {\omega + \circ} * \times ({\omega \cdot} \uparrow + {\psi \uparrow}) (\uparrow$$

* بإستخدام حاسبة الجيب أوجد قيم س مقربا الناتج لرقم عشرى:

$$\Lambda \Upsilon = (1 - 1) + 1$$
 $\chi = \chi$ $\chi = \chi$

$$1 \cdot \cdot \cdot = {^{\mathsf{T}} \cdot (\omega + 1)} \quad (\forall$$

تمارين على تمثيل الدالة

- أوجد قيمة لو، ٢,٥
- () مثل منحنی الدالة د $() = \mathbf{L}_{q}$ س متخذا س $\mathbf{L}_{q} = \mathbf{L}_{q}$ ومن الرسم $\mathbf{L}_{q} = \mathbf{L}_{q}$ أوجد قيمة لو ، ٥,٥
 -) مثل منحنی الدالة د(س) = لوپ س متخذا س $\frac{1}{\lambda}$ ، λ] ومن الرسم أوجد قيمة لو $_{\underline{v}}$ ، قيمة س عندما د(س) = ٢
 - ٤) أوجد بيانيا مجموعة حل المعادلة: لوب س = ٣ س **(٣٧)** منتدى توجبه الرباضباك

إعداد 1/عادل ادو ار

مذكرة النفاصل الثاني الثاني الثاني الثاني الثاني الثاني الثاني

رانما (الراب الراب الرا

النهايسات والأتصال

- النهاية عدديا وبيانيا النهاية عدديا وبيانيا
 - الله عند نقطة جبريا.
 - القانون 🛠 نظرية (٤) القانون
 - اللانهاية دالة عند اللانهاية 💠 •نهاية

منتدى توجيه للرياضيات

تفاضل الصف الثاني الثانوي (القسم الأوبي) ترم أول ١٠١٠ (١) منترى توجيه الرياضيات أ/ عاول إووار

النها يــــات

(١) مفاهيم ورموز وتمهيدات

$$= + =$$
 مجموعة الأعداد الحقيقية الموجبة $=$ ، ∞

** أنواع الكميات

(۱) الكمية المعينة: هي الكمية التي لها جواب محدد مثل:
$$7-9$$
، 9×1 ، $1+3$

$$(7)$$
 الكمية غير المعرفة : هي الكمية التي لا معنى لها مثل : (7)

(Y) الرمزان ∞ ، $-\infty$:

الرمز
$$\infty$$
 يرمز لأى كمية تكون أصغر من أى عدد حقيقى سالب يمكن إدراكه ∞

$$\infty - = 0$$
 ن $\infty \pm 0$ ، $\infty \pm 0$ $\infty \pm 0$ $\infty \pm 0$ $\infty \pm 0$ $\infty \pm 0$

تفاضل الصف الثاني الثانوي (القسم الأوبي) ترم أول ١٠١٠ (١) منترى توجيه الرياضيات ﴿ / عاول إووار

(٣) الكمية الغير المعينة: هي الكمية التي لا نستطيع أن نجد لها جواباً محدداً حيث يكون

لها عدد لا نهائى من الحلول مثل: صفر الكمية غير معينة الصفر

* يوجد عدد لا نهائى من الأعداد الحقيقية إذا ضربت في صفر كان الناتج = صفراً

$$\cdot \cdot \times \dot{}$$
 أي عدد $= \cdot \cdot$. $\cdot \cdot \dot{}$ عدد (غير معينة) $\cdot \cdot \dot{}$

$$\therefore \infty \times 10 \text{ acc} = \infty$$

$$\therefore \infty \times 10 \text{ acc} = \infty$$

$$\infty + 1$$
 عدد $\infty = \infty$ $\infty = \infty$ $\infty = \infty$ $\infty = \infty$ $\infty = 1$

ن معند
$$\frac{\partial}{\partial x} = \frac{\partial}{\partial x} = 0$$
 ن عدد $\frac{\partial}{\partial x} = \frac{\partial}{\partial x} = 0$ ن عدد $\frac{\partial}{\partial x} = 0$ ن عدد $\frac{\partial}{\partial x} = 0$

العامل الصفرى:

إذا كانت د دالة في المتغير س على صورة كثيرة حدود من درجة ن وكانت

د ($| 4 \rangle = -$ حیث $| 4 \rangle = -$ فإن المقدار (س $| 4 \rangle = -$) یسمی العامل الصفری للدالة د وهذا یعنی أن : د (س) یقبل القسمة علی (س $| 4 \rangle = -$) بدون باق أی أن : د (س) = (س $| 4 \rangle = -$

** مفهوم الرمز " → " في النهايات:

W V W

إذا تصورنا أن س نقطة تتحرك على خط الأعداد

فإن موضعها عند كل نقطة أثناء حركتها يعين عدداً حقيقياً ما

قيل أن س تقترب من العدد ٢ من خلال قيم أكبر قليلاً من العدد ٢ تقترب ٢ من اليمي أ، قيل أن س تقترب من العدد ٢ من خلال قيم أصغر قليلاً من العدد ٢ تقترب ٢ من اليسار وإذا أقتربت س من العدد ٢ من جهة اليمين ومن اليسار قيل إن س تقترب من العدد ٢ ونعبر عن ذلك رمزياً بالصورة: س \rightarrow ٢

-تفاضل الصف الثاني الثانوي (القسم الأوبي) ترم أول ٢٠١٠ (٣) منترى توجيه الرياضيات أ/ عاول إووار

مفهوم نهاية دالة عند نقطة

 $1 = \frac{m' - 1}{m}$ إذا أردنا إيجاد قيمة الدالة د: د(س)

بالتعویض عن قیمة س = ۱ فإن د(۱) = $\frac{(1)' - 1}{1 - 1}$ = $\frac{\cot 2}{\cot 2}$ كمية غير معينة ولذلك نلجأ إلى دراسة نهاية د(س) عندما س تقترب إلى العدد (۱)

[١] الطريقة العددية

⇒ س تقترب جداً من (١) من اليسار					س تقترب جداً من (١) من اليمين ⇒						
٠,٦	٠,٧	٠,٨	٠,٩	٠,٩٩	•	1,.1	1,1	1,7	١,٣	1, £	س
١,٦	١,٧	١,٨	1,9	1,99	غير معينة	۲,۰۱	۲,1	۲,۲	4,4	۲,٤	د(س)
سار	د(س) تقترب جداً من (۲) من اليمين عيه حداً من (۲) من اليسار										

وهذة الطريقة تسمى نهساد (س) = ٢

وتقرأ : نهایة د(س) عندما تقترب س من ۱ تساوی ۲

تعریف:

[٢] تقدير النهاية بيانياً

$$\mathbf{c}(\mathbf{w}) = \frac{\mathbf{w}' - \mathbf{1}}{\mathbf{w} - \mathbf{1}}$$
 غير معينة عند س

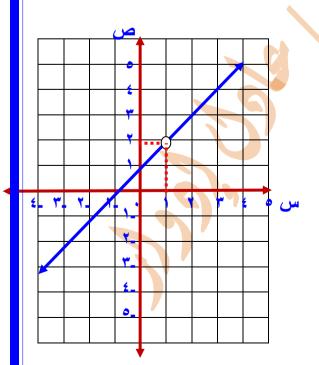
$$c(m) = \frac{(m-1)(m+1)}{(m-1)} = (m+1)$$

$$e_{0} = \frac{(m-1)(m+1)}{(m-1)} = (m+1)$$

$$e_{0} = \frac{(m-1)(m+1)}{(m-1)} = (m+1)$$

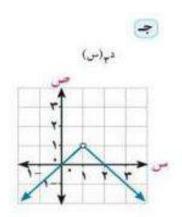
عندما: س به ١ من اليمين واليسار

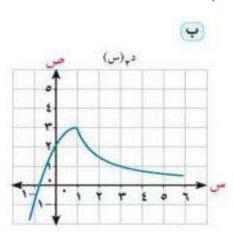
$$Y = (w) = Y$$
 فیکون : نهسب د

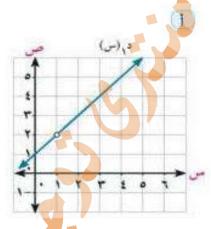


تفاضل الصف الثاني الثانوي (القسم الأوبي) ترم أول ٢٠١٠ (٤) منترى توجيه الرياضيات أ/ عاول إووار

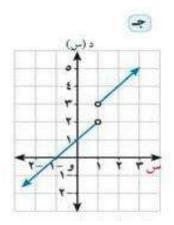
مثـــ ١ ـــال : قدر نهاية الدالة د(س) عندما س ـــه ١

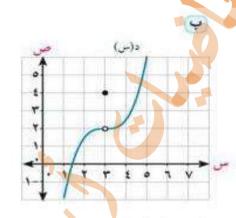


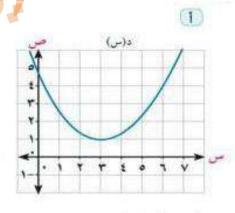




$$T = (w) = (w) = (w) = T$$



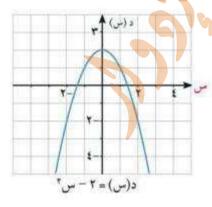




س - ٣ (س) ليس من الضرورى أن قيمة الدالة تساوى قيمة النهاية

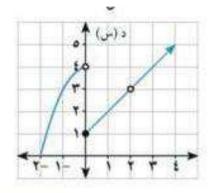
(س) = ۱ (س) = ۲ (س) =

$$Y = (Y - W) + W$$



تفاضل الصف الثاني الثانوي (القسم الأوبي) ترم أول ٢٠١٠ (٥) منترى تدجيه الرياضيات أ/ عاول إووار

مثـ٤ ال : من الشكل البياني المقابل



مثدهال: أكمل الجدول الآتى وأستنتج نهيد $\frac{(w'-2)}{(w-Y)}$

۲,۱	۲,۰۱	۲,۰۰۱		1,999 1,	,	, ,	_
٤,١	٤,٠١	٤,٠٠١	£	7,999 7,	99	٣,٩	د(س)

$$c(m) = \frac{(m^2 - \frac{2}{3})}{4m}$$

$$c(m) = \frac{2m}{m}$$

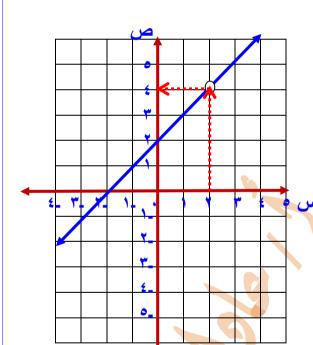
$$c(w) = \frac{(w - 7)(w + 7)}{(w - 7)} = (w + 7)$$

$$e_{0} = \frac{(w - 7)}{(w - 7)} = (w + 7)$$

$$e_{0} = \frac{(w - 7)(w + 7)}{(w - 7)} = 1$$

عندما: س ب ٢ من اليمين واليسار

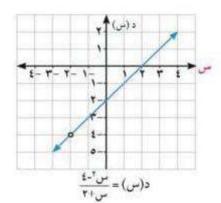
فإن د(س) ب ع من فوق وتحت



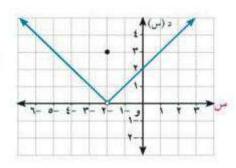
تفاضل الصف الثاني الثانوي (القسم الأوبي) ترم أول ٢٠١٠ (١) منترى توجيه الرياضيات أ/ عاول إووار

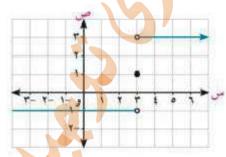
تمسارين

(١) قُدّر نهاية الدالة د(س) عند النقط المبينة

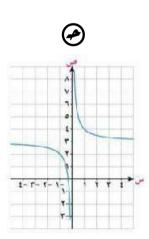


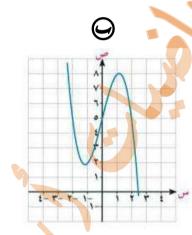
(س) نها د(س) **(س**

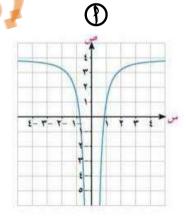




(٢)قدّر نهاية الدالة د(س) عند س ــــ صفر







(V - Yw)	<u> </u>	أكمل الجدول الآتى وأستنتج	(7)
(س ــ ۲)	س	6 36 2 33 : 13	()

٠,٩_	٠,٩٩_	, 999_	1_	1, • • 1_	1, • 1_	1,1_	س
			????				د(س)

- (٤) باستخدام الحاسبة قدر نهاية الدوال الآتية
- (Y+ Vu) ______ ei ⊖ (۳س – ۱) (۳س – ۱)

تفاضل الصف الثاني الثانوي (القسم الأوبي) ترم أول ٢٠١٠ (٧) منتري توجيه الرياضيات أ/ عاول إووار

نهاية دالة عند نقطة

$$lacktriangledown$$
 $lacktriangledown$ la

أى أن نهاية الدالة د(س) تساوى ٧ عندما س تؤول إلى ١

ملاحظة: في المثال السابق نحصل على نفس النتيجة بالتعويض المباشر

نظرية: نهاية دالة كثيرة الحدود

نظرية (١)

فمثلا : د (س) = ٤

* إذا كانت د (س) كثيرة حدود في المتغير س فإن: نها د (س) = د (۹)
س
$$\rightarrow$$
 و فمثلا: نها (۳ س + ٤) = د (۳) = ۳ × ۳ + ٤ = ۱۳

س → ٣

فإن: نها د: (س) = ك

نظریة (۲): إذا كانت د، م دانتین فی المتغیر س

$$(v) = i + (w) + (w) = i + (w) + i + (w) + i + (w) +$$

أي أن:

نهاية المجموع الجبرى لدالتين (أوأكثر) = المجموع الجبرى لنهايتيهما (للنهايات)

تفاضل الصف الثاني الثانوي (القسم الأوبي) ترم أول ٢٠١٠ (٨) منترى توجيه الرياضيات أ/ عاول إووار

$$(7) i \downarrow \qquad (w) \times (w) = i \downarrow \qquad (w) \times i \downarrow \qquad$$

أى أن: نهاية حاصل ضرب دالتين (أو أكثر) = حاصل ضرب نهايتيهما (النهايات)

$$(3)$$
 نها (w) $=$ (w)

نهاية خارج قسمة دالتين = خارج قسمة نهايتيهما حيث: نهاية المقسوم عليه + صفر

لإيجاد: نه د (س) نوجد د (۱) بالتعويض المباشر فإذا كان الناتج:

١ _ عدداً حقيقياً فإن نهاية الدالة عند س = ١ هي هذا العدد الحقيقي

ho عدداً حقيقى \pm الصفر \pm 10 كمية غير معرفة \pm 11 فإن الدالة لا يكون لها نهاية عند \pm

۳ _ <u>صفر</u> كمية غير معينة تستخدم النظرية التالية

 $=\frac{}{\infty} \pm -$ عفر

نظریة (۳): إذا كانت د، ق دالتین فی المتغیر س

P = 0 وكانت د (س) = ق (س) لجميع قيم س فيما عدا عند س

وكانت : نها ق (س) لها وجود $w \to 0$

 $\underline{\bullet_{i}} : \underline{\bullet_{i}} \rightarrow \underline{\bullet_{i}} \quad \underline{\bullet_{i}} \rightarrow \underline{\bullet_{i}}$

تستخدم هذه النظرية لإيجاد نهاية دالة كسرية جبرية وفيها نختصر العامل الصفرى

(س - م) في كل من البسط والمقام ويسمى عن طريق عدة طرق:

منها (!) التحليل ، (!!) القسمة المطولة ، (!!!) الضرب في المرافق

تفاضل الصف الثاني الثانوي (القسم الأوبي) ترم أول ٢٠١٠ (٩) منترى توجيه الرياضيات أ/ ماول إووار

مراجعة على التحليل: يراعى أولا إخراج العامل المشترك الأعلى

(m+m) (m-m) = (m-m) (m+m)

 $(\xi + m - \gamma) (m + \beta)$ الفرق بين مكعبين:

 $(9 - m^7 + 7) (m^7 + 7) = (m + 7) (m^7 + 7)$ مجموع مکعبین : $m^7 + 7 = (m + 7) (m^7 + 7)$

المقدار الثلاثي: إذا كان معامل س ا = ١

 $(7 + \omega)(7 + \omega) = 7 + \omega + 7)(\omega + 7)$

(r-w)(r-w) = 7 + w - rw

(7 + 0)(1 - 7) = 7 - 0

 $(1 + w)^2 - a w - v = (w - v)(w + v)$

 $(\Gamma + \omega)(\Lambda - \omega) = 17 - \omega = 17$

اذا کان معامل س $^{7} \neq 1$

 $(7 + w^7 + 11 + w + 7) = (w + 7) (7 + w + 7)$

(7 - m)(1 - m) = 7 + m + 7 = (7 - m)(m - 7)

 $(\Gamma - \omega) + \nabla \omega = \nabla - \omega + \nabla \omega + \nabla \omega$

 $(1+ w^{7})(7- w) = 7 = (w-7)(7 + w)$

المقدار الثلاثي المربع الكامل:

 $\Gamma(\Upsilon + W) = 9 + W + 7 = 0$

ه ۲ س ۲ - ۱ ع س + ۱ ۲ = (ه س - ۱)

تفاضل الصف الثاني الثانوي (القسم الأوبي) ترم أول ٢٠١٠ (١٠) منترى توجيه الرياضيات ﴿ / عاول إووار

أمثلة: أوجد كلاً مما يلى:

الحــــل

$$\frac{V}{T} = \frac{\xi + 1 \times T}{0 + 1} = \frac{\xi + \omega T}{\omega + \omega}$$
 بالتعویض نجد أن : نه نجد أن : نه س

بالتعويض نجد أن 💤 🦊

$$\frac{7}{100} - \frac{1}{100} = \frac{1}{100} + \frac{1}{100} = \frac{1}{100}$$
 $\frac{1}{100} + \frac{1}{100} = \frac{1}{100}$
 $\frac{1}{100} + \frac{1}{100} = \frac{1}{100}$

إستخدام التحليل لإيجاد نهاية دالة عند تقطة:

الحسال

بالتعویض عن:
$$m = \pi$$
 نجد أن: $c(\pi) = \frac{\pi}{\pi} = \frac{-\frac{\pi}{4}}{\pi} = \frac{-\frac{\pi}{4}}{-\frac{\pi}{4}} = \frac{-\frac{\pi}{4}}{$

$$\frac{7+\omega^{2}-6\omega+7}{\omega}$$
 نه $\omega \to \gamma$ $\omega \to \gamma$

بالتعویض عن
$$w = Y$$
 نجد أن: $c(Y) = \frac{Y(Y)}{Y - Y} = \frac{we}{Y - Y}$ غیر معینة معینة $w^{7} - w + Y - Y$

$$\frac{(v-w)(Y-w)}{(Y-w)} = \frac{3+w^2-w}{Y-w} = \frac{1+w^2-w}{Y-w}$$

$$\frac{1+w^2-w}{Y-w} = \frac{1+w^2-w}{Y-w} = \frac{1+w$$

تفاضل الصف الثاني الثانوي (القسم الأوبي) ترم أول ٢٠٢٠ (١١) منترى توجيه الرياضيات ١/ عاول إووار بالتعویض عن m = -7 نجد أن : د $(-7) = \frac{7 \times 7 + 9}{9} = \frac{1}{9}$ غیر معینة = نه = ____ = ___ = ___ $(Y - \underbrace{\omega}_{}) \quad \boxed{ } \quad \Upsilon_{-} \leftarrow \underbrace{ }_{} \quad$ إستخدام القسمة المطولة لإيجاد نهاية دالة عند تقطة: س کے اس + ۳ $\Psi \longrightarrow \Psi$ T + T × £ _ 7 T .. (س – ۳) عامل مشترك بين البسط والمقام (العامل الصفرى) بإجراء قسمة مطولة للبسط على (س _ ") " لصعوبة تحليل البسط " •• س" _ ځ س + ۳ س + ۳ س _ س _ ۲ + س ۳ _ ۳ س _ س + س + ۲ _ س^۰ + ۳ س - ۲ س + ۲ + - ۲ س + ۲ $r = r - q = \frac{(r - w - w)(w - w)}{(w - w)} = \frac{1}{w} :$ $(\mathcal{W}_{-} \mathcal{W}_{-})$

س + ۳ س = ٤

تفاضل الصف الثاني الثانوي (القسم الأوبي) ترم أول ٢٠١٠ (١١) منترى توجيه الرياضيات أ/ عاول إووار

بالتعویض عن = 1 نجد أن : د $(1) = \frac{\text{صفر}}{\text{a. b.}}$

.. (س - ۱) عامل مشترك بين البسط والمقام (العامل الصفرى)

يمكن استخدام طريقة مبسطة لإجراء القسمة بطريقة (القسمة التركيبية)

- (١) نكتب معاملات المقسوم مرتبة تنازلياً وتساوى المقسوم علية بالصفر للحصول على قيمة س كما بالشكل
- (٢) أترك أول معامل ثم أضرب المعامل الأول في قيمة س وأكتب الناتج أسفل المعامل الثانى وأجمع
 - (٣) كرر عمليتي الضرب والجمع نجد أن معاملات خارج القسمة هي: ١ ، ١- ، ١-على الترتيب فإن خارج القسمة هو س' _ س _ ١

$$\frac{1}{w} = \frac{1 - 1 - 1}{(w + 3)} = \frac{2 - 1 - 1}{(w - 1)(w^{2} - w - 1)} = \frac{2 - 1 - 1}{(w - 1)(w^{2} - w - 1)} = \frac{1 - 1 - 1}{(w - 1)(w + 3)}$$

1 +-x · * 1 x - + 1 1-7-1 خارج القسمة س^۲ ـ س ـ ۱

$$\frac{1}{\circ} = \frac{1-1-1}{\xi+1}$$

مثـ ۱ ال : نهـ ال س + ۲ اس + ٣س٢ ـ ٨ س + ٤

بالتعویض عن = 1 نجد أن : د (۱) = $\frac{1+7-7-7}{1+7+7-7} = \frac{-\frac{1}{2}}{\frac{1}{2}}$ غیر معینة

.. (س – ۱) عامل مشترك بين البسط والمقام (العامل الصفرى)

يمكن استخدام طريقة مبسطة لإجراء القسمة بطريقة (القسمة التركيبية)

$$\frac{(W - W' + W')(W' - W')}{(Y - W')} \xrightarrow{Y \leftarrow W}$$

$$\frac{(W - W' + W')}{(Y - W')} \xrightarrow{Y \leftarrow W}$$

$$\frac{(W - W' + W')}{(Y - W')} =$$

$$\frac{\partial}{\xi} = \frac{(W - \xi + \xi)}{(Y - \xi)} =$$

تفاضل الصف الثاني الثانوي (القسم الأوبي) ترم أول ٢٠١٠ (١٣) منترى توجيه الرياضيات أ/ عاول إووار

الضرب في المرافق:

إذا وجد فرق بين جذرين تربيعيين لمقدارين جبريين (في البسط أو المقام أو كليهما) نضرب كلاً من البسط والمقام في مرافق (في البسط أو المقام أو كليهما)

الحــــل

بالتعویض عن س = ، نجد أن : د $(\cdot) = \frac{(\cdot)' + 7 \times \cdot}{\sqrt{1+9} - 9} = \frac{1}{9}$ غیر معینة

بالضرب بسطاً ومقاماً \times مرافق المقام : $\sqrt{m+9+7}$ نجد أن : $\frac{m}{m}$ $\frac{m$

 $\frac{m-m}{m}$ نه $\frac{m-m}{m+1-1}$ نه $m \rightarrow m$

الحال

بالتعویض عن س = π نجد أن : د $(\pi) = \frac{\pi - \pi}{1 + \pi \sqrt{1 + \pi}} = \frac{\frac{\pi}{2}}{\frac{\pi}{2}}$ كمية غير معينة

بالضرب بسطاً ومقاماً × مرافق المقام: م س+ ١ + ٢ نجد أن:

$$\xi = (\Upsilon + \overline{1 + \Psi}) = \frac{(\Upsilon + \overline{1 + \Psi})(\Psi - \overline{\Psi})}{\xi - (1 + \overline{\Psi})} \xrightarrow{\xi - (1 + \overline{\Psi})}$$

$$\frac{7}{4} - \frac{m^{2} - m}{m - 7} - \frac{7}{m - 7}$$

بتوحيد المقامات نجد أن:

-تفاضل الصف الثاني الثانري (القسم الأوبي) ترم أول ٢٠١٠ (١٤) منترى توجيه الرياضيات ١/ عاول إووار

بالتعویض عن
$$w = \gamma$$
 نجد أن: $c(\gamma) = \frac{\gamma^{\gamma} - \gamma - \gamma}{\gamma - \gamma} = \frac{\alpha}{\alpha}$

$$T = 1 + 1 = \frac{(1 + \omega)(\gamma - \omega)}{\gamma - \omega} \quad \forall \gamma \in \mathcal{C}$$

تمـــــارين

$$\frac{12a - 1}{12a - 1} = \frac{12a - 1}{12a - 1}$$

$$\frac{\xi - v_{\omega}}{V + \omega} = \frac{\xi - v_{\omega}}{V + \omega}$$

$$= (\omega - 1) \qquad = (\xi) \qquad$$

إختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاه

$$17 - \textcircled{3} \qquad 17 \textcircled{9} \qquad 7 - \textcircled{9} \qquad 1 \land \textcircled{1} \qquad \boxed{17 - 7 \dots 7} \qquad \boxed{(7)}$$

$$\circ - \textcircled{3} \qquad 1 - \textcircled{2} \qquad \frac{1}{V} \bigcirc \qquad \frac{\circ}{V} \textcircled{1} \qquad \frac{7 - w - Vw}{1 + w} \qquad \frac{1}{V} \qquad (\%)$$

تفاضل الصف الثاني الثانوي (القسم الأوبي) ترم أول ٢٠١٠ (١٥) منترى توجيه الرياضيات ١/ عاول إووار

أوجد كلاً مما يأتى:

س + ۹ 	۲	س ٔ + س + ۲ نه س ← ۳ س + ۳	١
س ^ر _ ۹ نهـــا <u>س</u> ۳ س← ۳	£	س + س - ۲ س ۲ س ۲	٣
س ^ر ه س + ۳ نهـــا س ← ۳ س – ۳	٦	س+ ۲ - س + ۳ - س ۳ - س - ۳ - س	٥
س" – ۲۷ نه ب س <i>ب – ۳ س</i> – ۹	\	س — ۸ _ س نهن ← س س — ۲ _ س	٧
۳ س' – ۱۲ نهـــا <u> </u>		س' _ 1 نهـــا س ← ۱ ۲ س _ ۲	٩
س ⁷ + ۳ س - ٤ 	17	۲ س – ۱۰ 	11
س" – ۲۷ نه — ا س ← ۳ س ۲+ ۹ س + ۱۸	١٤	س' _ ه س + ۲ 	۱۳
س ^۲ _ ۷ س + ۱۲ نهــــــــــــــــــــــــــــــــ	١٦	س'_ ه س _ ۳ 	10
۳ س'_ س - ۶ نهــا س-> - ۱ س' + ۳س + ۲	۱۸	۲ س ۲ _ ۳ س + ۳ 	١٧

تفاضل الصف الثاني الثانوي (القسم الأوبي) ترم أول ٢٠١٠ (١٦) منترى توجيه الرياضيات [/ عاول إووار

۲ س²+۷ س + ه نهـــا ــــا س ـــا ۲ س² + ځ س + ۱	۲.	۲س ^۲ + ۳ س – ۱۶
۲س²_ه س – ۳ نهــــــــــــــــــــــــــــــــــــ	77	۲ س کے کس کے سے کا سے کا سے کا سے کا سے کا سے کا سے کے سے کا سے ک
ہ س ٰ _ ځ	٤٦	س + س - ۱۲ رس + س - ۱۲ رس + س - ۱۲ رس ۲۳
س - ۲ س ^۱ + ۱ نه — ا س ← ۱ س - ۱	۲٦	س _ س _ ۳ ه۲ <u>س ۲ — ۳</u> ه۲ <u>س ۲ — ۴</u>
س"_ س' _ ٤ س _ ٤ نهــــا س ← ۲ س' + س – ۲	۸7	س"_ س' _ ۸ س + ۲۱ - ۱۲ س +

س + ٤ س - ٤ - س - ٤ - س - ٤ - س - ٤ - س - ٤ - س - ١ - س - ١ - س - ١ - س - ١ - س	۳.	س + س - ۱۰_ نهانه س ← ۲ س ۲ ← ۲	۲۹
الهاب ۱ − ٤ 	٣٢	س _ ه نهـــ \ س→ ه √س _ ځ _ ۱	٣١
نها +س - ۱۱ -س نها . سب ، ۲س	٣٤	س۲ + ۲ س نه	**
۲ — ۱ + س/ نه — ۲ — ۲ — ۲ — ۲ — ۳ — س	٣٦	۲ _ ۲ + ۳ _ ۲ _ ۲ _ ۲ _ ۲ _ ۲ _ ۲ _ ۲ _ ۲ _ ۲ _	٣٥

تفاضل الصف الثاني الثانوي (القسم الأوبي) ترم أول ٢٠١٠ (١٧) منترى توجيه الرياضيات أ/ عاول إووار

نظرية ٤: نهاية دالة (بالقانون)

$$\{\cdot\} - \zeta = \zeta = \zeta$$

$$\omega \rightarrow \zeta \qquad \text{ind} \qquad \omega \rightarrow \zeta \qquad \omega \uparrow = \zeta \rightarrow \zeta \qquad \text{ind} \qquad \omega \rightarrow \zeta \qquad \omega \uparrow = \zeta \rightarrow \zeta \qquad \omega \uparrow \qquad \omega \rightarrow \zeta \qquad \omega \rightarrow \zeta$$

$$\frac{m^2 + \gamma m}{m} = \frac{\gamma m + \gamma m}{\gamma + \gamma} = \frac{\gamma m + \gamma m}{\gamma + \gamma} = \frac{\gamma m + \gamma m}{\gamma + \gamma}$$

مثـ٣ـال : نهــــــ

كمية غير معينة

بالتعویض نجد أن : د
$$(-3) = \frac{75 + 75 - 75}{-35 + 35} = \frac{-25}{25}$$

:.
$$|\text{Lage}(z)| = \frac{1}{2} = \frac{1}{2$$

تفاضل الصف الثاني الثانوي (القسم الأوبي) ترم أول ٢٠١٠ (١٨) منترى توجيه الرياضيات أ/ عاول إووار

بالتعویض نجد أن : د $(\sqrt{\circ}) = \frac{\sqrt{\circ}/- \circ \times \times \times \circ}{\sqrt{\circ} - \circ} = \frac{\frac{1}{\circ}}{\frac{\circ}{\circ}}$ كمية فير معينة

 $\wedge \vee \circ =$ $\wedge \wedge \circ =$

ع س 2

بالتعویض نجد أن : د $(-\frac{\pi}{7}) = \frac{\frac{\cot}{\pi}}{\cot}$ كمية غير معينة

:. المقدار = $\frac{2m}{r}$ $\frac{r}{r}$ $\frac{r}{r}$ $\frac{r}{r}$ $\frac{r}{r}$ $\frac{r}{r}$ $\frac{r}{r}$ $\frac{r}{r}$ $\frac{r}{r}$ $\frac{r}{r}$

بإضافة: (+0، – 0) للمقام

تفاضل الصف الثاني الثانوي (القسم الأوبي) ترم أول ٢٠١٠ (١٩) منترى توجيه الرياضيات ١/ عاول إووار

$$\frac{1-\frac{\vee}{(o-w)}}{\sqrt{1-w}}$$
 ل : نه $\frac{1-\frac{\vee}{(o-w)}}{\sqrt{1-w}}$ الد

الحریض نجد أن : د (۲) =
$$\frac{1 - (7 - 0)}{1 - 1} = \frac{000}{000}$$
 كمية غير معينة

$$1 \leftarrow (-7) = (-7) = (-7)$$
 بالمقام ، وعندما : س $\rightarrow 7$ فإن : $(-7) = (-7)$

$$\frac{V(1)-V(0-w)}{1-(w-v)-1} = \frac{(w-v)-V(1)}{(w-v)-1}$$

$$V = {}^{1} 1 \times V = \frac{{}^{\vee}(1) - {}^{\vee}(0 - \omega)}{1 - (0 - \omega)} = 0$$

مثهال: نه و
$$\rightarrow \cdot$$
 و $\rightarrow \cdot$ و $\rightarrow \cdot$ و مثه و $\rightarrow \cdot$ و مثه و $\rightarrow \cdot$ و مثه و

الح

بالتعویض نجد أن : د $(\cdot) = \frac{(w + o \times o) - w'}{o \times o} = \frac{oic}{oic}$ كمية غبر معينة

بالضرب بسطاً ومقاماً × ي ، إضافة (+ س ، - س) بالمقام

$$\frac{\frac{\alpha}{m}(m+\alpha e)^{2}-(m)^{2}}{(m+\alpha e)^{2}-(m)^{2}}$$

$$e \to \epsilon$$

$$= \frac{1}{m} : \frac{1}{m} = \frac{1}{m} \times 9 \times \frac{1}{m} = \frac{1}{m} \times \frac{1}{m}$$

تفاضل الصف الثاني الثانوي (القسم الأوبي) ترم أول ٢٠١٠ (١٠) منترى توجيه الرياضيات ١/ عاول إووار

تمــــارين

$$\frac{1 - \frac{1}{2}}{1 - \frac{1}{2}} = \frac{1 - \frac{1}{2}}{1 - \frac{1}{2}} = \frac{1}{2}$$

$$= \frac{YV - W}{Q}$$

$$= \frac{YV - W}{V - Q}$$

$$= \frac{YV - W}{V - Q}$$

$$= \frac{YV - W}{V - Q}$$

$$\frac{17 - \frac{1}{2}}{100} = \frac{17 - \frac{1}{2}}{100}$$

$$\dots = \frac{1 - {(1 + \omega)}}{\omega} = \frac{1 - {(1 + \omega)}}{\omega}$$

إختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاه

$$(3)$$
 نهر (4) س (4) س (4) صفر (4) سفر (4) صفر (4)

أوجد كلاً مما يأتى :

س - کا اس اس کا ان کا ان کا ان کا ان کا ان کا ا	۲	س° – ۲٤٣ نهب <u>— س</u> س ← ۳ س – ۳	١
س ^۷ – ۲۰۳۳ نه — ← س س → – ۳۰ س + ۲۰۳	£	س°+۲۳ نها س←۲ س+۲	٣

تفاضل الصف الثاني الثانوي (القسم الأوبي) ترم أول ٢٠١٠ (١١) منترى توجيه الرياضيات [/ عاول إووار

۳ س ^۲ _ ۳ نهــا س ← ۱ س _ ۱	٦	س ٔ _ ۱۹ _ نها س ← ۲ س _ ٤	٥
س ٔ _ ۱۹ نه س ← ۲ س ۲ + ۲ س	٨	س° _ ۸۱ س نهـــا س ← ۳ س _ ۳	٧
س' _ ۸۱ نهـــا س → _ ۳ س ۲۷ + ۲۷	١.	س + ۸۲۰ نه س ← ۲ س + ۸	٩
س° _ ه۲۷۰ نه س _ → _ ۷۰ س ص _ ه	17	س - ۲ \ ب نه س - ۲ \ س - ۲ \	11
۱۲ س³ – ۱۲۵ - ۱۲۵ سئ – ۱۲۵ س س <i>← – ۱۲۵ − ۱۲</i>	1 £	۲۳ س° – ۲۶۳ نه س ← ۸ س۳ – ۲۷	۱۳
۸ س ^۳ _ ۳ ۸ ۳ _ ۳ م ۳ _ ۳ م ۳ _ ۳ م - ۳ م ۳ م ۳ م ۳ م ۳ م ۳ م ۳ م ۳ م ۳ م ۳ 	11	۱ س ٔ _ ۱ نهـــا ۲ســــا ۱۲۸ س ٔ + ۱	10
۱ – ^۱ س ۱۳ <u>- ۱ س</u> ۱ – ۱ <u>- ۱ س</u> – ۱ <u>- س</u> – ۱ – س	١٨	- $ -$	۱۷
نه + ۳) ' − ۱۱ نه → ۰ س	۲.	(س+۲) ^ئ – ۱۶ — الس نهب ، سس ، س	۱۹
رس + ۲)° + ۱ 	**	نهـــا (س – ۱)°+۱ س → ۰ س	۲١
(س – ۲) (۲ – ۱۹ <u>) </u>	۲ ٤	(س+۱)° – ۱ 	۲۳

تفاضل الصف الثاني الثانوي (القسم الأوبي) ترم أول ٢٠١٠ (١٦) منتري توجيه الرياضيات أ/ عاول إووار

(س+۲)°+۱ نهـــا س→ ۳- س+۳	44	(س – ۳) ^۱ – ۱ — ۱ — ۱ — ۱ — ۱ — ۱ — ۱ — ۱ — ۱ — ۱	Y 0
۱ – ۲ س) – ۱ – ۱ — نهـــــــــــــــــــــــــــــــــــ	۲۸	ا ا س + ۲) ا − ۱ - ۱ - ۱ - ۱ - ۱ - ۱ - ۲ ا ا ا ا ا ا ا ا ا ا ا ا ا ا ا ا ا ا	**
(س+ ٥هـ) _ س َ نهـ	۳.	۱ – ۱ – ۱ – ۱ – ۱ – ۱ – ۱ – ۱ – ۱ – ۱ –	۲۹
(س+۳و) [^] = س [^] نهـــا <u> </u>	٣٢	(w + 3 e) - w : iه → e e e e e e e e e e e e e e e e e e	٣١
(س ^۲ – ۳) ٰ – ۱ نهـــا س←۲ س –۲	٣٤	رس — ۳) ٔ — ۱ نه س ← ۲ س — ۲	٣٣
س + س ° _ ۱۳۰ _ نه س ← ۲ س – ۲	# 1	$\lambda + {}^{"}(1 + \omega)$	40
۱ - ۱ س ٔ - ۱ نه ل س - ۲ س ← ۲	٣٨	(س – ۲) + س – ٤ نها س ← ۳ س – ۹	٣٧
س م س – ۱۲۸ – ۱۲	٤٠	۱ _ س√ ^۷ _ نه _ ۱ _ نه _ ۱ _ س _ ۱ _ س	٣٩
۳-۲۹+س نها س س ← ۱ س	73	' م <u>اس + ۲ – ۲ – ۲ – ۲ – ۲ – ۲ – ۳ – ۲ – س</u>	٤١
س – ۳۷ نه	£ £	س _ ؛ 	٤٣

-تفاضل الصف الثاني الثاندي (القسم الأوبي) ترم أول ١٠١٠ (٢٦) منتري توجيه الرياضيات 1/ حاول إووار

$$\left(\frac{1-\sqrt{m}}{1-\sqrt{m}}\times\frac{1-\sqrt{m}}{7-\sqrt{m+m}}\right)\frac{1}{1-\sqrt{m}}$$

$$\left(\frac{m-1\cdot m}{m-1}-\frac{1+m}{r-m-r}\right)\frac{1+m}{1-m}$$

$$\left(\begin{array}{c} \frac{7(77-77)}{5} \times \frac{1}{15} \times \frac{1}{15$$

$$\frac{\xi - \nabla - \omega \sqrt{\omega - 2}}{\xi - \omega}$$
 (\$\delta \text{\$\delta} \text{\$\d

تفاضل الصف الثاني الثانوي (القسم الأوبي) ترم أول ٢٠١٠ (١٤) منترى توجيه الرياضيات ﴿ / عاول إووار

نهاية الدالة عند اللانهاية

إذا كانت د (س) تقترب من قيمة حقيقية معينة (ل مثلاً) عندما تقترب س من اللانهاية فإننا نقول أن الدالة لها نهاية

ونعبر عن ذلك رمزياً بالصورة نها د (س $\omega \rightarrow \infty$

 $\frac{1}{\text{نظریة}}$ نظریة (۱) : نهب ∞

 $\{\cdot\}$: نه \longrightarrow_{∞} سن \longrightarrow_{∞} سن \longrightarrow_{∞} نتیجة (\cdot) : نه \longrightarrow_{∞} سن \longrightarrow_{∞}

نتیجة (۲): نه $\frac{1}{w \to \infty} = \frac{1}{w^2} = \frac{1}{w}$ نتیجة (۲): نه $\frac{1}{w \to \infty} = \frac{1}{w^2} = \frac{1}{w}$

تستخدم النظرية ونتائجها في إيجاد نهم من د (س) حينما $m \to \infty$

(۱) تكون الدالة د على شكل كسر جبرى

 ∞ _ ∞ أ، ∞ _ ∞ ر \times) كان التعويض المباشر يعطى ∞ أ، ∞

وذلك بأن نقسم كلاً من البسط والمقام على (س) مرفوعاً لأعلى قوة أس في مقام الكسر

، أما إذا أعطى ($\infty-\infty$) فنضرب في المرافق أولاً

ثم نقسم كلاً من البسط والمقام على المتغير (س) مرفوعاً لأعلى قوة (أس) في المقام

تفاضل الصف الثاني الثانوي (القسم الأوبي) ترم أول ٢٠١٠ (١٥) منترى توجيه الرياضيات أ/ عاول إووار

أمثلة: أوجد كلاً مما يلى:

بقسمة كل من البسط والمقام على س

$$\frac{7+m}{m} = \frac{7-m}{m}$$
 مثـ ۲ ـ ال : نه $m \to \infty$ مثـ ۲ ـ ال $m \to \infty$ مثـ ۲ ـ ال $m \to \infty$

بقسمة كل من البسط والمقام على ݽ

$$\frac{\circ}{\mathsf{V}} - = \frac{\mathsf{V} + \mathsf{V} - \circ}{\mathsf{V} - \mathsf{V}} = \frac{\mathsf{V} + \mathsf{V} - \circ}{\mathsf{V} - \mathsf{V}} = \frac{\mathsf{V} - \mathsf{V} - \mathsf{V}}{\mathsf{V} - \mathsf{V}} = \frac{\mathsf{V} - \mathsf{V}}{\mathsf{V}} = \frac{\mathsf{V} - \mathsf{V}}{\mathsf{V}} = \frac{\mathsf{V} - \mathsf{V}}{\mathsf{V}} = \frac{\mathsf{V} - \mathsf{V}}{\mathsf{V}} = \frac{\mathsf{V}}{\mathsf{V}} = \frac{\mathsf{V}}{\mathsf{V}} = \frac{\mathsf{V} - \mathsf{V}}{\mathsf{V}} = \frac{\mathsf{V}}{\mathsf{V}} = \frac{\mathsf{V}}{\mathsf{V}}$$

بقسمة كل من البسط والمقام على س"

ن. المقدار = نه
$$\frac{7}{w} + \frac{7}{w} = \frac{1}{v} + \frac{v}{w} = \frac{v}{v} + \frac{v}{w} = \frac{v}{v}$$

-تفاضل الصف الثاني الثانوي (القسم الأوبي) ترم أول ١٠١٠ (٢٦) منترى توجيه الرياضيات أ/ عاول إووار

مثال: نها می ۲ س + ۰ س → ∞ ۲ س – س ۲ س – س ۲ س – س الحال

بقسمة كل من البسط والمقام على س

$$\frac{\infty}{1} = \frac{\cdot + \cdot - \infty \times 9}{1 - \cdot} = \frac{\frac{\circ}{w} + \frac{7}{w} - w}{1 - \frac{7}{w}} \xrightarrow{\infty} \frac{\circ}{\omega} = \frac{\circ}{1 - \frac{7}{w}} = \frac{\circ}{w} \times \frac{\circ}{w} = \frac{\circ}{1 - \frac{7}{w}} = \frac{\circ}{1 - \frac{7}{w$$

(اكبر أس في المقام)

نيس للدالة نهاية

$$\frac{(w-1)(w-1)}{(w-1)}$$
مثه مثال: نه $0 \to \infty$ $0 \to \infty$ $0 \to \infty$

بقسمة كل من البسط والمقام على $\overline{w} = w \times w^{2} = w^{3} \times w$

$$\frac{\pi}{Y} = \frac{(\cdot + \pi)(\cdot - 1)}{(\cdot - \circ)(\cdot + \pm)} = \frac{(\frac{1}{7} + \pi)(\frac{1}{7} - 1)}{(\frac{1}{7} - \circ)(\frac{1}{7} + \frac{1}{7})} \xrightarrow{\infty \leftarrow \omega} = \frac{(\frac{1}{7} + \pi)(\frac{1}{7} - 1)}{(\frac{1}{7} - 1)}$$

$$\cdots \rightarrow \infty$$

بقسمة كل من البسط والمقام على س $^{7}=^{7}\sqrt{m^{7}}$

$$\therefore || \text{Lage}(t)|| = \frac{\sqrt{1 + \sqrt{1 +$$

تفاضل الصف الثاني الثاندي (القسم الأوبي) ترم أول ٢٠١٠ (١٧) منترى توجيه الرياضيات أ/ عاول إووار

 $(\sqrt{1-1})$ $(\sqrt{1-1})$ $(\sqrt{1-1})$ $\sqrt{1-1}$ $(\sqrt{1-1})$ $\sqrt{1-1}$

الحـــــل

د. د $(\infty) = \infty = \infty$ عير معنة \cdot

بالضرب بسطاً ومقاماً × المرافق نجد:

$$\frac{(1 - w)}{(\sqrt{w^{1} + w} + \sqrt{w^{2} - 1})} =$$

بقسمة كل من البسط والمقام على س = \sqrt{m}

$$\frac{1}{Y} = \frac{1}{1 + 1} = \frac{1 - 1}{1 - 1} = \frac{1$$

تفاضل الصف الثاني الثانوي (القسم الأوبي) ترم أول ٢٠١٠ (١٨) منترى توجيه الرياضيات أ/ عاول إووار

ارين

إختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاه

$$\frac{\pi}{4} \text{ (3)} \qquad \text{(4)} \qquad \frac{\pi}{4} \text{ (4)} \qquad \text{(5)} \qquad \text{(5)} \qquad \text{(6)} \qquad \text{(7)} \qquad \text{(7)} \qquad \text{(7)} \qquad \text{(7)} \qquad \text{(7)} \qquad \text{(7)} \qquad \text{(8)} \qquad \text{(7)} \qquad \text{(8)} \qquad \text$$

$$\frac{7}{\sqrt{7}}$$
 (8) $\frac{7}{\sqrt{7}}$ (9) $\frac{7}{\sqrt{7}}$ (10) $\frac{7}{\sqrt{7}}$ (11) $\frac{7}{\sqrt{7}}$ (12) $\frac{7}{\sqrt{7}}$ (13) $\frac{7}{\sqrt{7}}$ (14) $\frac{7}{\sqrt{7}}$ (15) $\frac{7}{\sqrt{7}}$ (17) $\frac{$

$$\frac{7}{\pi} \text{ (3)} \qquad \frac{1}{7} \text{ (2)} \qquad \frac{\sqrt{-1} \text{ (3)}}{\pi} \qquad \frac{\sqrt{-1} \text{ (4)}}{\pi} \qquad \frac{\sqrt{-1} \text{ (4)}}{\pi} \qquad \frac{1}{7} \text{ (5)}$$

تفاضل الصف الثاني الثاندي (القسم الأوبي) ترم أول ٢٠١٠ (٢٩) منترى توجيه الرياضيات أ/ عاول إووار

أوجد كلاً مما يأتى:

-			
۳ س٬ + ؛ 	7	٤ س ۲ ــ ٣ 	١
۳ س² + ۲ س + ۱ 	٤	ه س ۲ – ۳ س + ۱ 	٣
۳ س۳ _ ۲ نهـــا س ← ∞ ځ _ ۳ س۲	٦	۲ س ٔ _ س ۔ ؛ س نهــــا س ← ∞ ۳ س° _ س ۲ + ۷	o
س ٔ + ۳ س _ ۱ نهــــا س ← ∞ ۲س ٔ + ۷	٨	ه س" _ ۲س۲ _ ۳ نهــــا س— ∞ سس ٔ _ س + ۷	٧
(۷س – ۱)(س٬ +ه) نهــــا س ← ∞ (س+٤)(۲س٬ – س)		٤ س + ه س ا _	٩
$(7w+0)(w-1)(w+7)$ \cdots	11	س' (س – ۱) نه — ا س → ∞ س (س' + ه س –۲)	11
۱ <u> </u>	١٤	س _ ۱ س ← ∞ √ ± س + ۷	۱۳
ره اس	١٦	*\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\	10
ی با س ^۷ – س + س نه با س ^۷ – س + س س ← ∞ ← س	۱۸	۱+ س۳ _ ۳ س ۲۳ ته	1 V

-تفاضل الصف الثاني الثاندي (القسم الأوبي) ترم أول ٢٠١٠ (٣٠) منترى توجيه الرياضيات أ/ عاول إووار

$$(w) = (w) = \frac{qw^7 - q}{w^7 - w}$$
 وکانت : د $(w) = (w) = 3$



(النصل (لرراسي الأول - ۲ - ۲

قانون الجيب قانون جيب التمام حل المثلث

(١) إولا علم تياسا زاويتين وطو ضلع

(١) إذا علم طولا ضلعين وتياس الزاوية الممصورة

(٢) إورا علم أطورال أضلاعة الثلاثة

منتدى توجيه والرياضيات

مراجعة ما سبق دراسته

إشارات الدوال المثلثية

كما هو مبين في الشكل و يجب قبل تحديد إشارة الدالة المثلثية تحديد الربع الذي تقع فيه الزاوية

	81	<u>c</u>
/س. ۱۸۰۰-	الربع الثاني منا , قاتا فقط موجية (- , +)	الربع الأول كل النوال مرجية سي (+,+)
7""	(- , -) الربع الثالث ظا , ظا : فقط موجية	(+,-) ((بع (رابع حال تا افظ موجية
	ا تي ط پا تي ط	٠ ص

إشارة ظا ، ظتا	إشارة جتا ، قا	إشارة جا ، قتا	الزاوية ه	الربع
+	+	+] ° ۹ • • • [الربع الأول
-	-	+] 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1	الربع الثانى
+	•	•]° ۲۷۰ , °) ۸ • [الربع الثالث
-	+	- ,] • • • • • • • • • • • • • • • • • • •	الربع الرابع

الدوال المثلثية لبعض الزوايا الخاصة

۳٦٠°، صفر	°۲۷.	°۱۸۰	° 4 ,	9	° ६ ठ	°٣.	الدالة
صفر	١ _	صفر	١	2/2	7	1	1
١	صفر	١ _	صفر	4	1	12/2	حتا
صفر	غیر معرف	صفر	غیر معرف	₹	1	~	4

بعض خواص الدوال المثلثية .

[١] العلاقة بين النسب المثلثية للزاويتين المتتامتين [📥 ، ٩٠ - هـ]

$$(1)$$
 حا ه = حتا $(9.9^{\circ} - 4)$ قتاه = قا $(9.9^{\circ} - 4)$

ملاحظة : إذا كان حا س = حتا ص

إعداد العادل ووار

منندی توجیه الرباضیات

[٢] العلاقة بين النسب المثلثية للزاويتين المتكاملتين [هـ ، ١٨٠ ° - ه]

الزاوية (۱۸۰° - ه) تقع في الربع الثاني (جا، قتا) فقط موجبة

[٣] العلاقة بين النسب المثلثية للزاويتين[هـ ، ١٨٠ °+ هـ]

الزاوية (١٨٠ + هـ) تقع في الربع الثالث (ظا، ظتا) فقط موجبة

[٤] العلاقة بين النسب المثلثية للزاويتين [ه.، ٣٦٠° - ه] أ، [ه.، - ه]

الزاوية (٣٦٠° _ ه) تقع في الربع الرابع (جتا ، قا) فقط موجبة

فمثلاً (۱) جا ۱۲۰° فی الربع الثانی = جا (۱۸۰ ـ ۲۰) = جا
$$^{\circ}$$
 الربع الثانی = جا $^{\circ}$

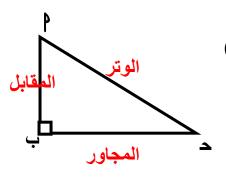
$$\frac{mV}{v} = -$$
 في الربع الثالث = جتا (۱۸۰ + ۳۰) = - جتا ۳۰ = $-\frac{mV}{v}$

$$\frac{7}{\sqrt{7}} = \frac{3}{1}$$
 قتا (-7°) في الربع الرابع = - قتا (-7°)

إعداد العادل دوار

منندى نوجبه الرباضباك

الدوال المثلثية للزوايا الحادة المرسومة في ٨ م ب جـ قائم في ب



یکون حاج =
$$\frac{1}{4}$$
 ($\frac{0}{0}$) قتا $=$ $\frac{1}{4}$ ($\frac{0}{0}$) یکون حاج = $\frac{1}{4}$ ($\frac{0}{0}$)

$$\frac{1}{1}$$
 $\frac{1}{1}$ $\frac{1$

معنى حل المثلث: المثلث يتكون من ثلاثة أضلاع وثلاث زوايا المقصود بحل المثلث هو معرفة أطوال أضلاعه وقياس زواياه ويستلزم معرفة قياس ثلاث عناصرمن عناصره الست بشرط أن يكون أحد هذه العناصر الثلاث هو طول أحد الأضلاع

*العلاقات الأساسية بين الدوال المثلثية:

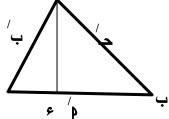
(1)
$$- \frac{1}{4} = \frac{1}{4}$$

$$(7)$$
 حا هـ قتا هـ = ۱ ، حتا هـ قا هـ = ۱ ، طا هـ طتا هـ = ۱

$$\frac{\Delta \ln \Delta}{\Delta \ln \Delta} = \Delta \ln \Delta$$
 ، طتا $\Delta = \Delta \ln \Delta$

قانون الجيب (قاعدة الجيب)

فى أى مثلث تتناسب أطوال أضلاع المثلث مع جيوب الزوايا المقابلة لها أى أنه : في أي مثلث أب ج يكون :



مساحة \ م ب ح = +×ب ح×مء،

. مساحة ∆م ب ح = +× ب ب ج کام = +× مساحة ∆م ب ح = +× مساحة م

بالضرب × ۲ ثم القسمة على ۹ /ب/جـ/ ينتج المطلوب

ملاحظات:

محیط المثلث = مجموع أطوال أضلاعه P = P' + P' + P' مساحة المثلث = $\frac{1}{V}$ بطول القاعدة × الارتفاع

مساحة المثلث = +× حاصل ضرب طولي أي ضلعين

× جيب الزاوية المحصورة بينهما

مساحة المثلث = $\frac{1}{7}$ $\frac{1}{7}$ جا جـ = $\frac{1}{7}$ ب بـ جـ جا $\frac{1}{7}$ = $\frac{1}{7}$ ج اب محیط الدائرة = $\frac{1}{7}$ ط نی $\frac{1}{7}$

أكبر ضلع في المثلث يقابل أكبر زاوية في المثلث

أصغر ضلع في المثلث يقابل أصغر زاوية في المثلث

إعداد العادل الدوار

()

منكرة حساب المثلثات

الصف الثاني الثانوي (القسم الأدبي)

الفصل الدراسي الأول ٢٠٢٠

ثـ ١ ــال : في المثلث ٩ ب جـ إذا كان ٩ $^-$ = ١ سم ، $oldsymbol{\psi}(oldsymbol{oldsymbol{\psi}}$ ، $oldsymbol{\psi}(oldsymbol{oldsymbol{\psi}}$ ، $oldsymbol{\psi}(oldsymbol{oldsymbol{\psi}})$ فأوجد قيمة كل من p' ، جُ ومساحة المثلث p' ب جـ لأقرب رقم عشري

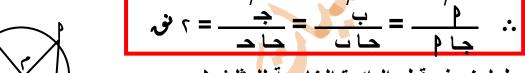
$$V, \varepsilon = \frac{\varepsilon \circ \times 1}{V \circ \times 1} = V$$
 سم ::

$$q = \frac{1 \cdot x}{x} = \frac{1}{x}$$
 ، جا

، مساحة المثلث = 🔫 🕻 الب جاج = 🚽 × ١٠ × ٤ × جا ٦٠ = ٣٢ سم ً

تمرين مشهور

في أي مثلث ١ ب جـ يكون:



حيث نور طول نصف قطر الدائرة الخارجة للمثلث م ب ج البرهان:



فیکون: س کب ک ع) = ، ۹° ۱۱ محیطیة مرسومة فی نصف دائرة ۱۱ فیکون: س ک باید است

،
$$\mathfrak{G}(\ \ \) = \mathfrak{G}(\ \ \ \)$$
 " محیطیتان تحصران نفس القوس "

$$\frac{P}{S} = P$$
 نج $\frac{P}{P} = \frac{P}{P} = \frac{P}{P}$ فی Δ و ب ح Δ و ب ح Δ و ب

$$Y = 1$$
نق جا $Y = 1$ نق جاب $X = 1$ نق جا جا

$$\frac{\frac{1}{2}}{\frac{1}{2}} = \frac{\frac{1}{2}}{\frac{1}{2}}$$
 & جا ب = $\frac{\frac{1}{2}}{\frac{1}{2}}$ & جا ب

إعداد العادل الوار

منندی نوجبه الرباضبات (٥)

لاحظة هامة : تستخدم كل من قاعدة الجيب والتمرين المشهور إذا علم:

- قياسا زاويتين وطول ضلع
- قياسًا زاويتين وطول نصف قطر الدائرة المارة برؤوس المثلث
 - قياسا زاويتين وطول محيط المثلث

مثـ ۲ ـ ال: في المثلث ϕ ب جه إذا كان $\phi'=\phi$ اسم ، $\phi(\phi_{-})=\phi_{+}$ ، $\phi(\phi_{-})=\phi_{+}$ فأوجد محيط الدائرة الخارجة للمثلث ٩ ب ج

$$\therefore ? \overset{\bullet}{\psi} = \frac{1}{\langle v \rangle} = \frac{1}{\langle v \rangle} = 1.7$$

مثـ ٣ ــال: إذا كان مقاييس زوايا مثلث تتناسب مع ١: ٢: ٣ فأثبت أن أطوال الأضلاع المقابلة لهذه الزوايا تتناسب مع ١: ٧٣ : ٢

ن مجموع قياسات زوايا المثلث = ١٨٠°

$$\therefore \mathcal{O}(\angle \P) = -\lambda \ell \times \frac{1}{r} = -7^{\circ}$$

$$\therefore \mathcal{O}(\angle \psi) = \cdot \lambda \cdot \times \frac{7}{7} = \cdot 7^{\circ}$$

$$\mathbf{\hat{q}} \cdot \mathbf{q} \cdot \mathbf{q} = \mathbf{\hat{q}} \times \mathbf{1} \times \mathbf{q} = \mathbf{q} \times \mathbf{q}$$

٠٠ ۾' : ب' : جـ / = جا ۾ : جا ب : جا ج= جا ٣٠ : جا ٣٠ : جا ٩٠ °

$$\Upsilon: \overline{\Upsilon}: \Gamma = \Gamma: \overline{\Upsilon}: \frac{1}{7} =$$
منندی نوجبت الرباضبات (۲)

<u> إعداد 1/عادل دوار</u>

 $\frac{1}{2} \frac{1}{2} \frac{$

مثده سال: إذا رمزنا لمساحة سطح المثلث م ب جد بالرمز △ فأثبت أن

 $\Delta = \frac{1}{2} \frac{1}{2} = 7$ نه $\frac{1}{2} = \frac{1}{2} = \frac{1}$

$$\frac{-1}{2} = \frac{-1}{2} = \frac{-1}{2}$$

• بن حاب $= \frac{-1}{2} = \frac{-1}{2}$

• بن حاب $= \frac{-1}{2} = \frac{-1}{2}$

$$\therefore \Delta = \frac{1}{7} \times 7$$
 خی حاب × 7 خی جا ج × جا $q = 7$ خی کاب جا ج جا q

مثـ٦ال: ١ ب حـ مثلث فيه حا ١ : جا ب : جا جـ = ٩ : ٢ : ٤

أوجد أطوال أضلاعه إذا علم أن محيطه = ٥٤ سم

إعداد العادل الوار

(Y)

$$\therefore \frac{1}{4} = \frac{1}{4} = \frac{1}{4} = \frac{1}{4} = \frac{1}{4} \Rightarrow \frac{$$

$$\therefore \frac{1}{9} = \frac{1}{7} = \frac{1}{3} = \frac{$$

$$\mathcal{T} = \frac{\xi \circ}{1 \circ} = \frac{\cancel{-}}{\xi} = \frac{\cancel{-}}{7} = \frac{1}{9} :$$

$$\therefore 9 = 9 \times 7 = 7 \times 9 = 7 \times 9$$

$$\therefore 9 = 7 \times 7 = 7 \times 9$$

$$\therefore 9 = 7 \times 7 = 7 \times 9$$

$$\therefore 17 = 7 \times 7 = 7 \times 9$$

$$\therefore 17 = 7 \times 7 = 7 \times 9$$

تمـــــارين

- ۱ ل م ن مثلث فیه b'=2 سم، $(a \leq b)$ سم، $(b \leq b)$
- $\gamma 4$ ب ج مثلث فیه $\gamma = \gamma$ سم، $\gamma = \gamma$ سم، $\gamma = \gamma$ ، $\gamma = \gamma$ ، $\gamma = \gamma$ ، وجد مساحة المثلث $\gamma = \gamma$
 - $^{\circ} ^{\circ} \wedge ^{\circ}$
 - - $^\prime$ س ص ع فیه ص $^\prime$ = ۱۰سم ؛ $^\prime$ ص $^\prime$ = ۱۰۰۰ ، $^\circ$ ؛ $^\circ$ $^\circ$ أوجد كلا من مساحة ($^\circ$ س ص ع) لأقرب سم ، محیط $^\circ$ س ص ع لأقرب سم
 - $\Lambda \Delta$ اب حافیه حرا = ۱۹ سم ؛ $\mathfrak{G}(\Delta) = 111^\circ$ ؛ $\mathfrak{G}(\Delta) = 77^\circ$ أوجد طول كلا من ب

(\lambda)

منثدى توجبه الرباضبات

لأقرب سم ؛ نصف قطر الدائرة الخارجة عن المثلث لأقرب رقمين عشريين

- ۱۱ Δ \wedge \wedge ب ح فیه حا ح Δ Δ ، ؛ ح Δ Δ ۱ سم أوجد مساحة الدائرة المارة برؤوسه
- - $^{\prime}$ اوجد $^{\prime}$ اوجد $^{\prime}$ الذي فيه $^{\prime}$ الذي فيه $^{\prime}$ اوجد $^{\prime}$ اوجد $^{\prime}$
 - ا دائرة مساحة سطحها ۱۰ اسم تمر برؤوس \triangle ۱ ب حالذي فيه ۱ ب = ب ح ۱ دائرة مساحة سطحها ۱۰ اسم تمر برؤوس \triangle ۱ ب ح الذي فيه ۱ ب = ب ح دائرة مساحة سطحها ۱۰ سم تمر برؤوس
- ۱۰ دائرة طول نصف قطرها ۱۰سم تمر برؤوس کے $| \langle \langle \rangle \rangle = | \langle \rangle \rangle$ ؛ $| \langle \langle \rangle \rangle = | \langle \rangle \rangle$ ؛ $| \langle \langle \rangle \rangle = | \langle \rangle \rangle$ ، $| \langle \langle \rangle \rangle = | \langle \rangle \rangle$ ، $| \langle \rangle \rangle = | \langle \rangle \rangle$ ، $| \langle \rangle \rangle = | \langle \rangle \rangle$.

 - - ه ۱۹ Δ س ص ع قائم الزاوية في ص ، Δ (Δ ع) = ۳۰ وثبت أن مساحته Δ Δ اثبت أن مساحته Δ
 - م ب ح اثبت أن : مساحة (Δ الله عند عند اثبت أن : مساحة (Δ الله عند الله عند اثبت أن : مساحة الله عند الله عند

إعداد العادل الموار

(9)

- $^{\prime}$ ، $^{\prime}$ ، حا ب حـ محیطه ۱۱سم ؛ $^{\prime}$ و جد ب $^{\prime}$ ، حا $^{\prime}$ ، حا $^{\prime}$ ب حا محیطه ۱۱سم ؛ $^{\prime}$
- وجد طول العمود المرسوم من $(\angle) = ?? ^{\circ}$ ، $(\angle) = ?? ^{\circ}$ أوجد طول مسقط $(\angle) = ?? ^{\circ}$ أوجد طول العمود المرسوم من (\angle) علي ب ح لأقرب سم
- ۱۶ Λ م ب حد فیه $\Lambda^{\prime}=$ ۱۰سم ، Ω (Δ ب) = ۰۰° ، Ω (Δ حـ) = ۲۰° أوجد طول كلا من نصفي قطري الدائرتين الخارجة والداخلة للمثلث Λ ب حـ
- ۲۶ 9 ب حہ ء متوازی أضلاع فیہ 9 حہ ، 7 سم 9 0 0 ب 0 ب 0 م 0 0 حیث م نقطة تقاطع قطریہ0 ب 0 ب م 0 0 ب م 0 0 ج 0 أوجد طول كلا مِن 0 ب 0 ب أب ع

 - - ۲۹ ب حـ ء هـ مخمس منتظم طول ضلعه ۱۸سم أوجد طول قطره الأقرب سم
 - $^{\circ}$ $^{\circ}$

إعداد إعادل وال

منكرة حساب المثلثات

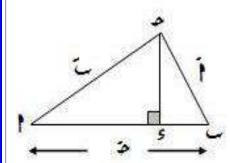
الصف الثاني الثانوي (القسم الأدبي)

الفصل الدراسي الأول ٢٠ ٢٠

قانون جيب التمام (قاعدة جيب التمام)

في ٨ ٩ ب ح يكون:

$$\frac{q^{17}}{q^{17}} = \frac{1}{2} + \frac{1}{2} - \frac{1}{2} + \frac{1}{2} - \frac{1}{2} + \frac{1}{2} - \frac{1}{2} + \frac{1}{2} + \frac{1}{2} - \frac{1}{2} + \frac{1$$



البر هــــان

ن △ حاء ب قائم الزاوية في ء

$$``` \triangle \leftarrow$$
 ه الناوية في ع $\therefore (\leftarrow \emptyset)$ $= (ع \leftarrow)$ $\rightarrow (\circ \emptyset)$

إذا علم طولا ضلعين في مثلث وقياس الزاوية

| it start ide | ide |

ملاحظات:

• لإيجاد قياس إحدى زوايا مثلث يفضل إستخدام قانون جيب التمام لأنه يحد نوع الزاوية فإذا كانت حتا ρ موجبة كانت ρ حادة أما إذا كانت حتا ρ سالبة كانت ρ منفرجة

منثرى توجبه الرباضباك

- أكبر زوايا المثلث قياساً تقابل أكبر الأضلاع طولاً ، أصغرها قياساً تقابل أصغر الأضلاع طولاً
- إذا كان : ٩ : ب / : ح / = ٣ : ٤ : ٥ نفرض أن: ٩ / = ٣ ل ، ب / = ٤ ل ، ح / = ٥ ل ثم نعوض في قانون جيب التمام لإيجاد قياسات زوايا 🛆 ١ ب حـ

مثدا ال : مثلث q ب ح فیه q' = 1 سم ، ب q' = 0 سم ، $\sigma(\leq +) = 0$ أوجد جُ لأقرب سم

 $^{\prime}$ فیه $^{\prime}$ = ۳سم ، ب $^{\prime}$ = ۵ سم ، ج $^{\prime}$

 $\frac{1}{7} - = \frac{7 + \frac{7}{7} + \frac{7}{7} + \frac{7}{7}}{\frac{7}{7} + \frac{7}{7}} = \frac{7}{7} + \frac{7}{7} + \frac{7}{7} = \frac{7}{7} + \frac{7}{7} + \frac{7}{7} + \frac{7}{7} = \frac{7}{7} + \frac{7}{7$ ٠٠٢٠ = (خ >) <u>۲</u> ٠٠٠٠

مثـ٣ـال: مثلث q ب ح فیه $\frac{1}{7}$ جا $q = \frac{1}{7}$ جا ب $= \frac{1}{4}$ جا جا ب مثلث q ب ح فیه $\frac{1}{7}$ جا

$$\frac{-1}{2} = \frac{-1}{2} = \frac{-1}{2}$$

$$2 + \frac{1}{4} = \frac{1}{4} =$$

$$\frac{1}{2} \frac{1}{2} \frac{1}$$

: جتا
$$= \frac{1}{2}$$
 (سالبة) : الزاوية $= -1$ (سالبة) : الزاوية بمنفرجة وبإستخدام حاسبة الجيب

إعداد المعادل دوار

(17)

منثدى توجيه الرباضياك

مثے ال: إذا كان طولا ضلعين في مثلث هما $\sqrt{7}+1$ ، $\sqrt{7}-1$ والزاوية بينهما في اسها 1.7° أوجد بدون الحاسبة طول الضلع الثالث

الحــــل

$$(\sqrt{\pi}+1)^7+(\sqrt{\pi}-1)^7-7\times(\sqrt{\pi}+1)(\sqrt{\pi}-1)\times$$
حتا ۲۰۰° × حتا ۲۰۰°

$$1 \cdot = \left(\frac{1}{7} - \right) \times \xi - \overline{P} / Y - \xi + \overline{P} / Y + \xi =$$

$$\cdot\cdot$$
 ج $'$ = $+$ طول الضلع الثالث = ج $'$ = $+$ الثالث = ج

· مساحة سطح ∆م ب جـ = أ م مساحة سطح كم ب

$$\therefore \cdot i\sqrt{7} = \frac{1}{2} \times \circ \times \frac{1}{2} = \sqrt{7} \cdot \cdot \cdot$$

$$\frac{6 \times 2}{11,77}$$
بإستخدام الحاسبة 0×2 = 0×1 . بإستخدام الحاسبة $0 \times 10 \times 10$ = 0×10 . بإستخدام الحاسبة $0 \times 10 \times 10$ المرباضبات (۱۳) اعداد $0 \times 10 \times 10$ منثدی نوجبت الرباضبات

الحـــل

أكبر زاوية $\Delta = 1$ بانها تقابل أكبر الأضلاع طولا: $\Delta = 1$

$$\frac{1}{2} - \frac{1}{2} = \frac{1}{2} \cdot \frac{1}{2} \cdot \frac{1}{2} = \frac{1}{2} \cdot \frac{1}{2} \cdot \frac{1}{2} \cdot \frac{1}{2} = \frac{1}{2} \cdot \frac{1}$$

.. الطرف الأيمن = جتا ١٢٠° - ٣٧٥ جا ١٢٠° + ٨

$$= \wedge + \vee, \circ - \cdot, \circ = \wedge + \frac{\forall \vee}{\forall} \times \forall \vee \circ - \frac{\vee}{\forall} = - \vee, \circ - \vee$$

تمــــارين

- $A = A + \Delta$ ب حافیه $A = A + \Delta$ اسم ، ب A = A اسم ، حاA = A اسم أوجد A = A
- $\gamma \Delta$ ب حفیه $\gamma = 1$ سم ، ب $\gamma = 1$ سم ، ح $\gamma = 1$ سم أوجد قیاس أصعر زوایاه
- $\Delta = \Delta$ س ص ع فیه س $\Delta = 0$ سم ، ص $\Delta = 0$ سم ، $\Delta = 0$ اسم ، $\Delta = 0$ القرب سم $\Delta = 0$
 - - - ب حفیه $P = \gamma$ ب حتا حارثبت أن Δ ب حامتساوی الساقین $\Delta = \Lambda$
- $abla = \Delta$ س ص ع فیه ص ع = 3 ۱ سم ، $oldsymbol{v}$ ص) = 7 $\hat{\ }$ ، مساحة Δ س ص ع $\Delta = 9$ سم أوجد محيط Δ س ص ع لأقرب سم
- ۱۰ \triangle س ص ع فیه س = ٤سم ، ص = ٥سم ، ع = ٦سم أوجد طول العمود المرسوم من رأس اكبر زاوية للمثلث علي الضلع المقابل لأقرب رقم عشري
- $\Delta = 1$ س ص ع أوجد قياس أكبر زواياه إذا علم أن أطوال ارتفاعاته هي ١٢ سم ، $\Delta = 1$ سم $\Delta = 1$

إعداد العادل وال

(15)

- - ۱۳ Δ س ص ع فیه ٤حاس = ٣حاص = ٢ حا ع أوجد قیاس أكبر زوایاه
 - $(oxedup \) = ^{\prime}$ ، $(oxedup \) = ^{\prime}$

 - ۱۲ 9 ب حد ع متوازي أضلاع فيه 9 حد = 11 سم ، ب 9 = 17 سم ، 9 (2 9 7 ب) = 15 حيث 9 نقطة تقاطع القطرين أوجد طول 9 ع لأقرب سم

 - ۱۸ 9 ب 2 متوازي أضلاع فيه 9 ب ۸ سم ، ب 3 + 9 سم ، ب 1 0 سم أوجد طول 9 ح لأقرب سم ، مساحة متوازي الأضلاع 9 ب ح 8 لأقرب سم
- سم، ج = 0 سم، ع ب = 0 سم = 0 سم
- 0 1 + 1 = 0 ب حد ع متوازي أضلاع فيه 0 + 1 + 1 = 0 ، محيطه = 0 + 1 + 1 = 0 القطر الأكبر = 0 + 1 = 0 سم أوجد طول كلا من 0 + 1 = 0 بسم
- 7 (ع م) 7
 - $^{\circ}$ $^{\circ}$

حــل المثلث

معنى حل المثلث: المثلث يتكون من ثلاثة أضلاع وثلاث زوايا

المقصود بحل المثلث هو معرفة أطوال أضلاعه وقياس زواياه ويستلزم معرفة قياس ثلاث عناصر من عناصره الست بشرط أن يكون أحد هذه العناصر الثلاث هو طول أحد الأضلاع

الحالة الأولى: حل المثلث إذا علم فيه قياسا زاويتين وطول ضلع يستخدم قانون الجيب في حل المثلث متى علم قياسا زاويتين فيه وطول أحد أضلاعه

 $^{\prime}$ ا ب حراذا علم نور $^{\prime}$ ه مثلاً فی $^{\prime}$ و مرایا ، مرایا علم نور $^{\prime}$

 $[(\angle - \bot)$ فيمكن إيجاد $(\angle - \bot)$ حيث $(\angle - \bot)$ = $(\bot \land \land)$ – $(\lor \bot)$) + $(\lor \bot)$ فيمكن إيجاد $(\lor \bot)$

ومن قانون الجيب $\frac{P}{A} = \frac{P}{A} = \frac{P}{A}$ إيجاد كلا من : ب' ، حا

 $\frac{1}{2} \times \frac{1}{2} = \frac{1}{2} \times \frac{1}{2} \times \frac{1}{2} \times \frac{1}{2} = \frac{1}{2} \times \frac{1$

مث ۱ اال: حل \wedge ۹ ب حالذی فیه می $(\overline{\wedge}) = (P) = (P)$ ، مثر ۱ الن حل \wedge ۹ ب حالذی فیه می $(\overline{\wedge}) = (P)$

°V° = (°¬¬+°٤°) −°¬¬¬ = (¬¬¬)••

 $\frac{2}{\sqrt{3}} = \frac{\sqrt{1}}{\sqrt{2}} =$

 $V, \xi = \frac{\times \cdot \cdot}{\circ \cdot \circ} = / \cdot \cdot$ سم : (٢)

 $\lambda = \frac{1 \cdot \lambda \times 1}{0} = \frac{\lambda}{0}$ سم $\lambda = \frac{\lambda}{0} = \frac{\lambda}{0}$ (4)

، ۹/ = ۱۶ ۲۹ مسم

°V9 'YT = (°09 '1V + °£1 'Y·) - °1A· = (Þ\)\cdots

 $\frac{\frac{1}{2}}{2} = \frac{\frac{1}{2}}{2} = \frac{\frac{1}{2}}{2$

إعداد 1/عادل 199 (17) منندی توجیت الرباضبات

منكرة حساب المثلثات

الصف الثاني الثانوي (القسم الأدبي)

الفصل الدراسى الأول ٢٠٢٠

$$(7) \qquad \qquad v, \forall 1 = \frac{\circ \circ \sqrt{1}}{\circ \circ 1} = \sqrt{2} = \sqrt{2} :$$

مثـ
$$^{\prime}$$
 مثـ $^{\prime}$ ل م ن فیه ، $^{\prime}$ ($^{\prime}$ ل) $=$ $^{\prime}$ ، $^{\prime}$ ، $^{\prime}$ ، $^{\prime}$ ($^{\prime}$ ن) $=$ $^{\prime}$ ، $^{\prime}$ د م $^{\prime}$ مثـ $^{\prime}$ مثـ $^{\prime}$ مثـ $^{\prime}$ من فیه ، $^{\prime}$ د م $^{\prime}$ مثـ $^{\prime}$ مثـ $^{\prime}$ من فیه ، $^{\prime}$ د من فیه ، م

الحـــــل

$$(1) \qquad {}^{\circ} 97 / \circ 1 = ({}^{\circ} £ £ / 1 \lor + {}^{\circ} \Upsilon \Lambda / \circ \Upsilon) - {}^{\circ} 1 \Lambda \cdot = ({}^{\circ} \angle) 2 : \cdots$$

$$\frac{/ \dot{\upsilon}}{\dot{\varsigma} \dot{\varsigma}} = \frac{/ \dot{\upsilon}}{\dot{\varsigma} \dot{\varsigma}} = \frac{/ \dot{\varsigma}}{\dot{\varsigma} \dot{\varsigma}} : \dot{\varsigma}$$

$$\dot{\upsilon} = \frac{/ \dot{\varsigma}}{\dot{\varsigma} \dot{\varsigma}} : \dot{\varsigma} \dot{\varsigma}$$

تمــــارين

$$\gamma$$
 - حل Δ γ ب حـ الذي فيه γ = γ اسم ، γ (Δ ب) = γ ، γ ، γ (Δ حـ) = γ ،

$$^\circ$$
۳ - حل $^\circ$ $^\circ$ ب حـ الذي فيه ب $^\prime$ = $^\circ$ سم ، ح $^\prime$ = $^\circ$ سم ، $^\circ$ $^\circ$ $^\circ$

$$^\circ$$
ا من $^\circ$ ب حد الذي فيه $^\circ$ السم ، ب $^\prime$ = $^\circ$ سم ، من $^\prime$ السم ، $^\prime$ السم ، $^\prime$ السم ، $^\prime$

$$^{\circ}$$
 حل $^{\wedge}$ $^{\circ}$ ب حـ الذي فيه $^{\circ}$ ب $^{\circ}$ $^{\circ}$ $^{\circ}$ $^{\circ}$ $^{\circ}$ $^{\circ}$ ، مساحة سطح الدائرة الخارجة عنه $^{\circ}$ $^{\circ}$ اسم $^{\circ}$

$$^{\circ}$$
٦٠ = (\angle ب حـ الذي فيه $^{\circ}$ = ٤ سم ، $^{\circ}$ (\angle $^{\circ}$) = $^{\circ}$ $^{$

منثرى توجيه الرباضباك

(17)

إعداد 1/عادل دوار

الحالة الثانية: حل المثلث إذا علم فيه طولا ضلعين وقياس الزاوية المحصورة بينهما

الیکن معلوم فی $\triangle q$ ب ح طولا q' ، p' ، \emptyset ($\angle c$)

اذلك نطبق قانون جیب التمام : $c'^7 = q'^7 + p'^7 - 7 q' + p'$ حتا ح

ومنه نوجد \emptyset ($\angle q$) حیث : حتا $q = \frac{p'^7 + c'^7 - q'^7}{7 + c'}$ ثم نوجد \emptyset ($\angle q$) حیث : \emptyset ($\angle p$) = 0 (0) + 0 (0)

مث ۱ ال : حل ۱ ب ح الذي فيه $\P^{\prime} = 10$ سم ، $\Psi^{\prime} = 10$ سم ، $\Psi^{\prime} = 10$ مث الد

مث ۲ سال : حل \wedge ۹ ب ح الذي فيه \wedge ۱ مث ۲ مث ۲ سال : حل \wedge ۹ ب ح الذي فيه \wedge ۱ مث ۲ مث ۲ سال : حل \wedge ۹ ب ح الذي فيه \wedge ۱ مث ۲ مث ۲ سال : حل \wedge ۹ ب ح الذي فيه \wedge ۱ مث ۲ سال : حل \wedge ۹ ب ح الذي فيه \wedge ۱ مث ۲ سال : حل \wedge ۹ ب ح الذي فيه \wedge ۱ مث ۲ سال : حل \wedge ۱ مث ۲ سال : حل

الحصصال

$$(1) \qquad (1) \qquad (2) \qquad (3) \qquad (3) \qquad (3) \qquad (4) \qquad (4) \qquad (5) \qquad (5) \qquad (7) \qquad (7)$$

$$\frac{V, \xi 7}{9, \xi 7} = \frac{0,}{1, \xi 7}$$
 : $\frac{1}{2} = \frac{1}{2} = \frac{1}{2}$ و بتطبیق قانون الجیب جا ب $\frac{1}{2} = \frac{1}{2} = \frac{1}{2}$

منندی نوجبه الرباضبات (۱۸) إعداد المعادل الوارات

مذكرة حساب المثلثات

الصف الثاني الثانوي (القسم الأدبي)

الفصل الدراسي الأول ٢٠٢٠

$$3^{1/2} = m^{1/2} + 2m^{1/2} = \gamma m^{1/2}$$
 عنا ع

تمسيكارين

 $^{\circ}$ ۲ $_{\circ}$ ک $^{\circ}$ ک و ناب $^{\circ}$ ک الذی فیه $^{\circ}$ ب $^{\circ}$ ک الم $^{\circ}$ ک سم $^{\circ}$ ک الدی فیه $^{\circ}$

ه Δ حل Δ ومحیطه Δ سم ، Δ الذي فیه Δ اسم ، Δ اسم ، Δ اسم ، Δ اسم Δ النام سم

 $\Gamma - \Delta \Delta \Lambda$ ب حالذي فيه $\Lambda = 10^{-1}$ سم، م $\Lambda = 10^{\circ}$ ، طول قطر الدائرة المارة

برؤوسه يساوى ٨ سم

إعداد / عادل الدوار

(19)

أولاً: نوجد $\mathcal{O}(\angle 9)$ حيث: حتا $9 = \frac{\psi'^7 + c^{7} - 9^{7}}{7 \psi' c^{7}}$

ثانیاً: نوجد $(\angle \psi)$ حیث: حتا $\psi = \frac{4^{1/2} + 2^{1/2} - \psi^{1/2}}{2^{1/2} + 2^{1/2}}$

 $(\angle -)$ ثالثاً : نوجد $(\angle -)$ حیث : $((\angle -)$ = ۱۸۰ – $((\angle -))$ + $((\angle -))$

الحـــل

عتا م = رائ + حرائ - مرائ = رائ + رائ - مرائ عن ركم) = راء / ۱۹ ° مرائ = راء / ۱۹ ° مرائ = راء / ۱۹ ° مرائد ا

°177 '11 = [°74 '4 + °19 '£1] - °14 = (-\(\sigma\)

 $^{\circ}$ حتا ب = $\frac{^{\prime}}{\gamma} + \frac{4^{\prime}}{\gamma} = \frac{^{\prime}}{\gamma} + \frac{^{\prime}}{\gamma} = \frac{^{\prime}}{\gamma} = \frac{^{\prime}}{\gamma} + \frac{^{\prime}}{\gamma} = \frac{^{\prime}}{\gamma} = \frac{^{\prime}}{\gamma} + \frac{^{\prime}}{\gamma} = \frac{^{\prime}}{\gamma} = \frac{^{\prime}}{\gamma} = \frac{^{\prime}}{\gamma} + \frac{^{\prime}}{\gamma} = \frac{^{\prime}}{\gamma} =$

 $cil \dot{c} = \frac{\sqrt{1 + c^{1/2} - c^{1/2}}}{\sqrt{1 + c^{1/2}}} = \frac{\sqrt{1 + c^{1/2} - c^{1/2}}}{\sqrt{1 + c^{1/2}}} \quad \therefore \quad (\angle \dot{c}) = . \quad r^{\circ}$

 $^{\circ}$ $^{\wedge}$ $^{\vee}$ $^{\vee}$

تمـــار بن

$$\Lambda = \frac{1}{2}$$
 ب حـ الذي فيه $\Lambda = \Lambda$ سم ، ب $\Lambda = 0$ سم ، حـ $\Lambda = 0$ سم .

$$-$$
 حل Λ $+$ $+$ حالذي فيه $+$ $+$ $+$ سم ، $+$ $+$ سم ، حا $+$ $+$ سم $+$

م ب حالك
$$\wedge$$
 الذي فيه \wedge ب ب حدد \wedge حدد \wedge د د \wedge ومحيطه \wedge ، سم \wedge